

|   |                      |
|---|----------------------|
| <b>Bachillerato de Ciencias de la Naturaleza y la Salud</b> |                      |
| <b>ENUNCIADOS</b>   | <b>Julio de 2016</b> |

**OPCIÓN A**

**Problema 1.** Se da el sistema: 
$$\begin{cases} x + y + 2z = 2 \\ -3x + 2y + 3z = -2, \text{ donde } \alpha \text{ es un parámetro} \\ 2x + \alpha y - 5z = -4 \end{cases}$$

real. Obtener razonadamente, escribiendo todos los pasos utilizados:

- La solución del sistema cuando  $\alpha = 0$ .
- El valor del parámetro  $\alpha$  para el que el sistema es incompatible.
- Los valores del parámetro  $\alpha$  para los que el sistema es compatible y determinado y obtener la solución del sistema en función del parámetro  $\alpha$ .

**Problema 2.** Se dan los puntos  $A = (0,0,1)$ ,  $B = (1,0,-1)$ ,  $C = (0,1,-2)$  y  $D = (1,2,0)$ .

Obtener razonadamente, escribiendo todos los pasos utilizados:

- La ecuación del plano  $\pi$  que contiene a los puntos  $A$ ,  $B$  y  $C$ .
- La justificación de que los cuatro puntos  $A$ ,  $B$ ,  $C$  y  $D$  no son coplanarios.
- La distancia del punto  $D$  al plano  $\pi$ , y el volumen del tetraedro cuyos vértices son  $A$ ,  $B$ ,  $C$  y  $D$ .

**Problema 3.** Se da la función definida por  $f(x) = x^2 + |x|$ , donde  $x$  es un número real cualquiera y  $|x|$  representa el valor absoluto de  $x$ . Obtener razonadamente, escribiendo todos los pasos del razonamiento utilizado:

- El punto o puntos donde la gráfica de la función  $f$  corta a los ejes de coordenadas.
- La justificación de que la curva  $y = f(x)$  es simétrica respecto del eje de ordenadas.
- Los intervalos de crecimiento y decrecimiento de la función  $f$ , y el extremo relativo de la función  $f$ , justificando si es máximo o mínimo relativo.
- La representación gráfica de dicha curva  $y = f(x)$
- Las integrales definidas  $\int_{-1}^0 f(x)dx$  y  $\int_0^2 f(x)dx$ .

**OPCIÓN B**

**Problema 1.** Se dan las matrices  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 & -1 \\ 2 & 1 & 2 \\ 1 & 0 & -1 \end{pmatrix}$  e

$I = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ . Obtener razonadamente, escribiendo todos los pasos del razona-

miento utilizado:

- El determinante de las matrices  $A \cdot (2 \cdot B^2)$  y  $A \cdot (2 \cdot B^2) \cdot (3A)^{-1}$ .
- Las matrices  $A^{-1}$  y  $((B \cdot A^{-1}) \cdot B)^{-1}$ .
- La solución de la ecuación matricial  $A \cdot X + B \cdot X = 3I$ .

**Problema 2.** Se dan los planos  $\pi: x + y + z = 1$  y  $\sigma: ax + by + z = 0$ , donde  $a$  y  $b$  son dos parámetros reales.

Obtener razonadamente, escribiendo todos los pasos del razonamiento:

- Los valores de  $a$  y  $b$  para los que el plano  $\sigma$  pasa por el punto  $(1,2,3)$  y, además, dicho plano  $\sigma$  es perpendicular al plano  $\pi$ .
- Los valores de  $a$  y  $b$  para los cuales sucede que el plano  $\sigma$  pasa por el punto  $(0,1,1)$  y la distancia del punto  $(1,0,1)$  al plano  $\sigma$  es 1.
- Los valores de  $a$  y  $b$  para los que la intersección de los planos  $\pi$  y  $\sigma$  es la recta  $r$  para la que el vector  $(3,2,-5)$  es un vector director de dicha recta  $r$ , y obtener las coordenadas de un punto cualquiera de la recta  $r$ .

**Problema 3.** La diferencia de potencial entre dos puntos de un circuito eléctrico provoca el paso de una corriente eléctrica de intensidad  $y$ , que está relacionada con la diferencia de potencial  $x$  por la ecuación  $y = -x^2 - x + 6$ , siendo  $0 \leq x \leq 2$ .

Obtener razonadamente, escribiendo todos los pasos del razonamiento:

- La gráfica de la función  $f(x) = -x^2 - x + 6$  y deducir, gráfica o analíticamente, el valor de la intensidad  $y$  cuando la diferencia de potencial  $x$  es 0 y el valor de la diferencia de potencial  $x$  al que corresponde una intensidad  $y$  igual a 0, siendo  $0 \leq x \leq 2$ .

- b) El valor de la diferencia de potencial  $x$  para el que es máximo el producto  $y \cdot x$  de la intensidad  $y$  por la diferencia de potencial  $x$ , cuando  $0 \leq x \leq 2$ , y obtener el valor máximo de dicho producto  $y \cdot x$  cuando  $0 \leq x \leq 2$ .
- c) El área de la superficie situada en el primer cuadrante limitada por la curva  $y = f(x)$ , el eje de abscisas y el eje de ordenadas.