

2. Las ondas se pueden clasificar en longitudinales y transversales. Indica una diferencia relevante entre ellas y pon algún ejemplo de ambas.

La diferencia deriva de la relación entre la dirección de propagación de la onda y la dirección de oscilación:

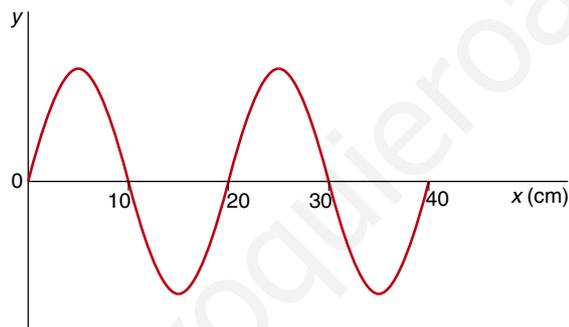
- En las ondas longitudinales, ambas direcciones coinciden. Un ejemplo típico son las ondas sonoras.
- En las ondas transversales, la dirección de propagación es perpendicular a la dirección de oscilación. Las ondas electromagnéticas son un ejemplo típico de ondas transversales.

4. Las ondas electromagnéticas se propagan en el vacío. ¿Significa esto que no pueden propagarse en un medio material?

Las ondas electromagnéticas se llaman así porque transportan energía electromagnética producida por cargas eléctricas aceleradas o circuitos eléctricos oscilantes. Las ondas electromagnéticas, a diferencia de las ondas mecánicas, que necesitan un medio material para propagarse, pueden propagarse en cualquier medio, como, por ejemplo, el agua.

La velocidad de propagación de las ondas electromagnéticas depende del medio en el que se propaguen. Su valor máximo lo alcanzan en el vacío.

6. La siguiente figura representa una onda transversal cuya frecuencia es de 75 Hz.



Calcula:

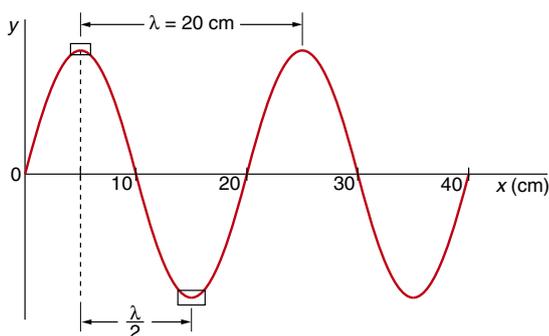
a) La velocidad con que se propaga la onda.

b) El desfase que muestran dos puntos separados 5 cm. Expresa el resultado en fracción de onda, en grados y en radianes.

a) De la figura observamos que $\lambda = 20$ cm. Con este dato, podemos obtener la velocidad de propagación, v :

$$v = \lambda \cdot f \rightarrow v = 0,2 \text{ m} \cdot 75 \text{ s}^{-1} = 15 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

b) Dos crestas opuestas están desfasadas media longitud de onda o π radianes (180°), tal y como muestra la figura:



<p>De acuerdo con ella, podemos establecer la siguiente proporción:</p> $\frac{\lambda/2}{10 \text{ cm}} = \frac{x}{5} \rightarrow x = \frac{1}{4} \cdot \lambda$ <p>Es decir, un cuarto de longitud de onda o, lo que es lo mismo, 90° o $\pi/2$ rad.</p>	
<p>8. ¿Es lo mismo velocidad de propagación y velocidad de vibración en una onda?</p> <p>No. En una onda armónica tenemos dos frecuencias y dos velocidades distintas: las de la onda en su conjunto y las que afectan al m.a.s. de cada punto del medio.</p> <p>Las dos frecuencias coinciden, es decir, cada punto del medio oscila con una frecuencia idéntica a la de propagación de la onda.</p> <p>Sin embargo, las velocidades son muy diferentes, tanto conceptual como numéricamente. La velocidad de propagación de la onda o velocidad de fase es constante y se calcula con la ecuación:</p> $v = \frac{\lambda}{T} = \lambda \cdot f$ <p>La velocidad con que vibra cada punto de la onda, o velocidad de vibración, no es constante, ya que corresponde a la de un m.a.s. Se calcula mediante la expresión:</p> $v = \omega \cdot A \cdot \cos(\omega \cdot t + \phi_0)$	
<p>10. Se hace vibrar el extremo de una cuerda de forma que a través de ella se propaga una onda con una amplitud de 0,2 m, un período de π s y una velocidad de $1,5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$:</p> <p>a) Escribe la ecuación de la onda.</p> <p>b) Indica qué cambios son de esperar si: i) aumentamos el período de la vibración; ii) variamos la tensión de la cuerda.</p> <p>a) La ecuación general de una onda armónica que se propaga transversalmente en el sentido positivo del eje X toma la forma:</p> $y(x, t) = A \cdot \text{sen} \left[2 \cdot \pi \cdot \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right) + \phi_0 \right]$ <p>donde A es la amplitud; T, el período, y λ, la longitud de onda.</p> <p>Como la onda se propaga con movimiento uniforme, tenemos:</p> $\lambda = v \cdot T \rightarrow \lambda = 1,5 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot \pi \text{ s} = 1,5 \cdot \pi \text{ m}$ <p>Por tanto, la ecuación de la onda será:</p> $y = 0,2 \cdot \text{sen} \left[2 \cdot \pi \cdot \left(\frac{t}{\pi} - \frac{x}{1,5 \cdot \pi} \right) \right] = 0,2 \cdot \text{sen} \left(2 \cdot t - \frac{4}{3} \cdot x \right)$ <p>b) i) Si aumentamos el período, la frecuencia disminuirá, ya que son magnitudes inversamente proporcionales. Por otro lado, como la velocidad ha de mantenerse constante, al no haber cambio de medio de propagación, y se cumple la siguiente relación: $v = \lambda/T$, al aumentar el período ha de aumentar en la misma medida la longitud de onda.</p> <p>ii) Si varía la tensión de la cuerda, F, y dado que la velocidad de propagación es constante para cada medio según $v = \sqrt{F/\eta}$, siendo η la densidad lineal de la cuerda, ha de cambiar la densidad de esta en la misma proporción.</p>	
<p>12. Una onda sinusoidal, que avanza con una velocidad de 10 m/s desde un punto O que consideramos el origen del eje X, tiene una amplitud de 2,5 cm y una frecuencia de 50 Hz:</p> <p>a) Determina la longitud de onda.</p> <p>b) Escribe la correspondiente ecuación de onda.</p> <p>c) Calcula la elongación para $x = 10 \text{ cm}$, $t = 1 \text{ s}$.</p> <p>a) Aplicando la ecuación $\lambda = v \cdot T$ y multiplicando valores, se obtiene:</p> $\lambda = v \cdot T = v \cdot \frac{1}{f} \rightarrow \lambda = 10 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1} \cdot \frac{1}{50 \text{ s}^{-1}} = 0,2 \text{ m}$	

ONDULATORI

b) La ecuación general que describe el movimiento ondulatorio armónico es:

$$y(x, t) = A \cdot \text{sen} \left[2 \cdot \pi \cdot \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right) + \varphi_0 \right]$$

Como el enunciado no proporciona los suficientes datos, supondremos que $\varphi_0 = 0$, por lo que, al sustituir los datos de los que disponemos, nos queda:

$$y(x, t) = 0,025 \cdot \text{sen} [2 \cdot \pi \cdot (50 \cdot t - 5 \cdot x)]$$

donde:

$$\frac{1}{T} = f = 50 \text{ s}^{-1} ; \frac{1}{\lambda} = \frac{1}{0,2 \text{ m}} = 5 \text{ m}^{-1}$$

c) En el punto $x = 0,1 \text{ m}$ y en el instante $t = 1 \text{ s}$, la elongación, y , vale:

$$y = (0,1 \text{ m}, 1 \text{ s}) = 0,025 \cdot \text{sen} [2 \cdot \pi \cdot (50 \cdot 1 - 5 \cdot 0,1)] = 0$$

14. Una onda se propaga por una cuerda según la ecuación, dada en unidades del S.I.:

$$y = 0,5 \cdot \cos (2 \cdot t - 0,2 \cdot x)$$

Calcula:

a) La longitud de onda.

b) La velocidad de propagación.

c) El estado de vibración, la velocidad y la aceleración de un punto de la cuerda situado en $x = 0,25 \text{ m}$ cuando $t = 1 \text{ s}$.

a) La función de onda puede expresarse con la función coseno del siguiente modo:

$$y = A \cdot \cos \left[2 \cdot \pi \cdot \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right) + \varphi_0 \right]$$

Comparándola con la ecuación de la onda proporcionada por el enunciado tenemos que:

$$\frac{2 \cdot \pi}{\lambda} = 0,2 \rightarrow \lambda = \frac{2 \cdot \pi}{0,2} = 10 \cdot \pi \text{ m}$$

b) Como las ondas se propagan con movimiento uniforme y rectilíneo ($s = v \cdot t$), tenemos que $\lambda = v \cdot T$, por lo que para calcular la velocidad de propagación, necesitamos obtener, en primer lugar, el valor del período.

Análogamente al caso anterior, comparando la ecuación general y la ecuación de la onda de nuestro problema, calculamos el período y , con este, la velocidad de propagación:

$$\frac{2 \cdot \pi}{T} = 2 \rightarrow T = \pi \text{ s} ; v = \frac{\lambda}{T} \rightarrow v = \frac{10 \cdot \pi \text{ m}}{\pi \text{ s}} = 10 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

c) La ecuación de la velocidad es:

$$v = \frac{dy}{dt} \rightarrow v = \frac{d}{dt} [0,5 \cdot \cos (2 \cdot t - 0,2 \cdot x)] = -\text{sen} (2 \cdot t - 0,2 \cdot x)$$

y la de la aceleración:

$$a = \frac{dv}{dt} \rightarrow a = \frac{d}{dt} [-\text{sen} (2 \cdot t - 0,2 \cdot x)] = -2 \cdot \cos (2 \cdot t - 0,2 \cdot x)$$

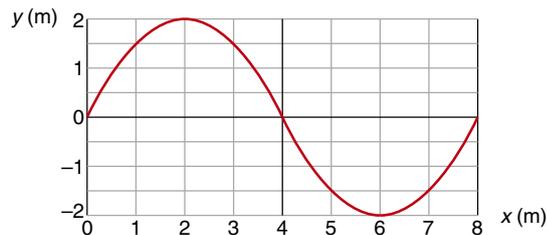
Por tanto, para conocer la posición (estado de la vibración), la velocidad y la aceleración del punto situado en $x = 0,25 \text{ m}$ en el instante $t = 1 \text{ s}$, sustituimos estos valores en las respectivas ecuaciones:

$$y(0,25, 1) = 0,5 \cdot \cos (2 \cdot 1 - 0,2 \cdot 0,25) = -0,185 \text{ m}$$

$$v(0,25, 1) = -\text{sen} (2 \cdot 1 - 0,2 \cdot 0,25) = -0,929 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

$$a(0,25, 1) = -2 \cdot \cos (2 \cdot 1 - 0,2 \cdot 0,25) = +0,74 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$$

16. La siguiente figura representa una onda transversal que se propaga en el sentido positivo de las x :



- a) Escribe la ecuación de la onda sabiendo que se propaga con una velocidad de 15 m/s.
- b) Calcula la velocidad con que vibra un punto situado en $x = 5$ m, así como la velocidad máxima que puede tener.

a) La ecuación general que describe a una onda armónica unidimensional toma la forma:

$$y(x, t) = A \cdot \text{sen} \left[2 \cdot \pi \cdot \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right) \right]$$

A partir de la figura podemos obtener el valor de la amplitud y la longitud de onda:

$$A = 2 \text{ m} ; \lambda = 8 \text{ m}$$

El valor del período es:

$$\lambda = v \cdot T \rightarrow 8 \text{ m} = 15 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot T \rightarrow T = 0,53 \text{ s}$$

Por tanto, la ecuación de la onda es:

$$y(x, t) = 2 \cdot \text{sen} [2 \cdot \pi \cdot (1,875 \cdot t - 0,125 \cdot x)] = 2 \cdot \text{sen} (11,8 \cdot t - 0,785 \cdot x)$$

b) Para hallar la ecuación de la velocidad, derivamos con respecto al tiempo la ecuación de la onda:

$$v = \frac{dy}{dt} \rightarrow v = \frac{d}{dt} [2 \cdot \text{sen} (11,8 \cdot t - 0,785 \cdot x)] = 23,6 \cdot \cos (11,8 \cdot t - 0,785 \cdot x)$$

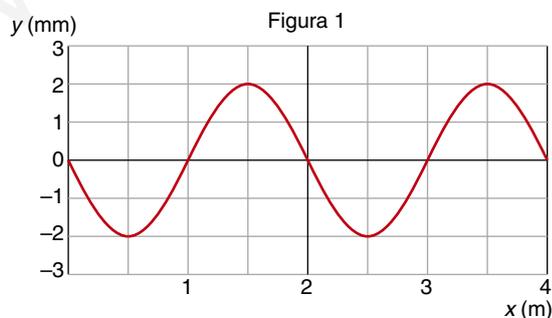
Por tanto, la velocidad con que vibra un punto situado en $x = 5$ m es:

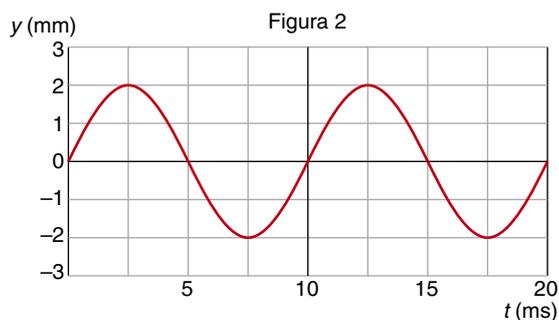
$$v = 23,6 \cdot \cos (11,8 \cdot t - 0,785 \cdot x) = 23,6 \cdot \cos (11,8 \cdot t - 3,925)$$

El valor máximo de la velocidad se alcanza cuando $\cos (11,8 \cdot t - 3,925 \cdot x) = 1$; luego:

$$v_{\text{máx}} = 23,6 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

18. Una onda transversal armónica se propaga en el sentido positivo del eje OX. En la primera figura se muestra el perfil de la onda en $t = 0$ s, y en la segunda se representa el desplazamiento transversal del punto de la cuerda situado en $x = 0$.





a) Escribe la ecuación de la onda.

b) Calcula su velocidad de propagación.

FE DE ERRATAS DE LA PRIMERA EDICIÓN: En la primera figura del enunciado del libro del alumno, y debe aparecer expresado en mm, no en metros.

a) A partir de las figuras del enunciado podemos obtener las magnitudes que caracterizan a la onda necesarias para escribir su ecuación: amplitud, A ; período, T , y longitud de onda, λ :

$$A = 2 \text{ mm} ; \lambda = 2 \text{ m} ; T = 10 \text{ ms}$$

La ecuación general que describe a una onda armónica unidimensional puede escribirse como:

$$y(x, t) = A \cdot \text{sen} \left[2 \cdot \pi \cdot \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right) + \varphi_0 \right]$$

Por tanto, la ecuación de la onda, expresada en unidades S.I., vale

$$y(x, t) = 0,002 \cdot \text{sen} \left[2 \cdot \pi \cdot \left(\frac{t}{0,01} - \frac{x}{2} \right) + \varphi_0 \right]$$

Para calcular la fase, φ_0 , sustituimos los valores iniciales, que obtenemos a partir de las figuras del enunciado, quedando:

$$0 = 0,002 \cdot \text{sen} (2 \cdot \pi \cdot [(0 - 0) + \varphi_0]) \rightarrow \varphi_0 = 0 \text{ rad}$$

Por tanto, la ecuación de la onda es, finalmente:

$$y(x, t) = 0,002 \cdot \text{sen} \left(2 \cdot \pi \cdot \left[\left(\frac{t}{0,01} - \frac{x}{2} \right) \right] \right)$$

b) La velocidad con la que se propaga la onda la calculamos como sigue:

$$v = \frac{\lambda}{T} \rightarrow v = \frac{2 \text{ m}}{0,01 \text{ s}} = 200 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

20. Determina cuál debería ser la distancia entre dos puntos de un medio por el que se propaga una onda armónica ($v = 125 \text{ m/s}$; $f = 75 \text{ Hz}$) para que se encuentren en estados opuestos de vibración.

La ecuación general de un movimiento ondulatorio puede escribirse como:

$$y = A \cdot \text{sen} (\omega \cdot t - k \cdot x + \varphi_0)$$

donde $\omega \cdot t - k \cdot x + \varphi_0$ representa el ángulo de fase (en radianes). Si dos puntos se encuentran en estados opuestos de vibración, se cumplirá que la diferencia de fase entre ambos es de $(2 \cdot n + 1) \cdot \pi$ radianes. Por tanto, podemos escribir que:

$$\Delta\varphi = (\omega \cdot t - k \cdot x_1 + \varphi_0) - (\omega \cdot t - k \cdot x_2 + \varphi_0) = (2 \cdot n + 1) \cdot \pi$$

Simplificando, nos queda:

$$k \cdot (x_2 - x_1) = (2 \cdot n + 1) \cdot \pi$$

Teniendo en cuenta la expresión del número de ondas, k , tendremos:

$$k = \frac{2 \cdot \pi}{\lambda} \rightarrow \frac{2 \cdot \pi}{\lambda} \cdot (x_2 - x_1) = (2 \cdot n + 1) \cdot \pi \rightarrow x_2 - x_1 = \frac{(2 \cdot n + 1) \cdot \lambda}{2}$$

La longitud de onda es:

$$v = \lambda \cdot f \rightarrow \lambda = \frac{v}{f} = \frac{125 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}}{75 \text{ s}^{-1}} = \frac{5}{3} \text{ m}$$

Por tanto, la distancia entre ambos puntos debe cumplir la siguiente relación:

$$x_2 - x_1 = \frac{5}{6} \cdot (2 \cdot n + 1) \text{ m}$$

22. Explica cómo varían, con la distancia, la amplitud y la intensidad de las ondas esféricas.

La intensidad de una onda la podemos expresar en función de la potencia que lleva asociada, P , y de la superficie por la que se propaga, S , colocada de forma perpendicular a la dirección de propagación de la onda. Es decir:

$$I = \frac{P}{S}$$

Para una onda esférica, $S = 4 \cdot \pi \cdot r^2$; por tanto:

$$I = \frac{P}{4 \cdot \pi \cdot r^2}$$

Por tanto, la intensidad de una onda esférica es inversamente proporcional al cuadrado de la distancia a la que se encuentre del foco.

Como la intensidad es proporcional al cuadrado de su amplitud:

$$\frac{I_1}{I_2} = \frac{A_1^2}{A_2^2}$$

y, según hemos visto antes, es inversamente proporcional al cuadrado de la distancia a la que se encuentre del foco:

$$\frac{I_1}{I_2} = \frac{r_2^2}{r_1^2} \rightarrow \frac{A_1^2}{A_2^2} = \frac{r_2^2}{r_1^2} \rightarrow \frac{A_1}{A_2} = \frac{r_2}{r_1}$$

Por tanto, la amplitud de una onda esférica decrece proporcionalmente con la distancia al foco emisor.

24. Cuando una onda se aleja del foco emisor, su intensidad disminuye. ¿Quiere decir esto que no se cumple el principio de conservación de la energía?

No. Lo que ocurre es que, en el caso de las ondas esféricas, el frente de onda, al alejarse del foco emisor, va aumentando, por lo que la energía que lleva asociada la onda debe repartirse sobre una mayor superficie. El resultado es que la intensidad de la onda se va atenuando. Existe otro fenómeno físico, la absorción, mediante el cual la onda disminuye su intensidad al ir absorbiendo el medio su energía según se propaga.

En ambos casos se cumple el principio de conservación de la energía.

26. Un foco de 40 W de potencia emite energía mediante ondas esféricas en un medio isótropo cuyo coeficiente de absorción podemos considerar despreciable. Calcula:

a) La intensidad de la onda a una distancia de 5 m de la fuente.

b) El porcentaje en el que disminuye la intensidad al duplicarse la distancia.

c) La relación que existe entre las amplitudes de las ondas en los dos puntos del medio citados anteriormente.

a) La intensidad de la onda a 5 m de la fuente es:

$$I_1 = \frac{P}{4 \cdot \pi \cdot r_1^2} = \frac{40 \text{ W}}{4 \cdot \pi \cdot (5 \text{ m})^2} = 0,13 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2}$$

b) Al duplicar la distancia, es decir, $r_2 = 2 \cdot r_1 = 10 \text{ m}$, la intensidad de la onda vale:

$$I_2 = \frac{P}{4 \cdot \pi \cdot r_2^2} = \frac{40 \text{ W}}{4 \cdot \pi \cdot (10 \text{ m})^2} = 0,032 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2}$$

Por tanto, la intensidad de la onda ha disminuido:

$$\Delta I = I_2 - I_1 = 0,032 - 0,13 = -0,098 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2}$$

Esta disminución, expresada en porcentaje, es:

$$\frac{0,13 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2}}{100\%} = \frac{0,098}{x} \rightarrow x = 75\%$$

c) Teniendo en cuenta la relación entre las amplitudes en dos puntos y sus distancias respectivas al foco emisor, tenemos:

$$\frac{A_1}{A_2} = \frac{r_2}{r_1} ; r_2 = 2 \cdot r_1 \rightarrow \frac{A_1}{A_2} = \frac{2 \cdot r_1}{r_1} = 2 \rightarrow A_2 = \frac{A_1}{2}$$

28. El coeficiente de absorción de un determinado medio es 10 cm^{-1} . Calcula cuál ha de ser su espesor para que la intensidad de una onda que lo atraviesa se reduzca a la cuarta parte del valor que tenía al entrar en el medio.

La ley general de la absorción para ondas planas es:

$$I = I_0 \cdot e^{-\beta \cdot x}$$

donde x es el espesor del medio, de coeficiente de absorción β . Para este problema tenemos los siguientes datos:

$$I = \frac{I_0}{4} ; \beta = 10 \text{ cm}^{-1} \cdot \frac{100 \text{ cm}}{1 \text{ m}} = 1000 \text{ m}^{-1}$$

Sustituyendo datos:

$$\frac{I_0}{4} = I_0 \cdot e^{-1000 \cdot x} \rightarrow \frac{1}{4} = \frac{1}{e^{-1000 \cdot x}} \rightarrow 4 = e^{1000 \cdot x}$$

Tomando logaritmos neperianos, nos queda:

$$\ln 4 = 1000 \cdot x \cdot \ln e \rightarrow 1,386 = 1000 \cdot x \cdot 1 \rightarrow x = 0,001386 \text{ m}$$

30. Una onda sonora provoca una variación de presión en el aire que viene dada por la siguiente expresión, donde las magnitudes se expresan en las unidades correspondientes del S.I.:

$$\Delta p(x, t) = 0,50 \cdot \text{sen} \left(\frac{\pi}{2} \cdot x - 535 \cdot t \right)$$

Calcula:

- La amplitud del cambio de presión.**
- La frecuencia de la onda sonora.**
- La velocidad con la que se propaga la onda sonora.**

a) La ecuación general de una onda de presión toma la forma:

$$\Delta p = \Delta p_0 \cdot \text{sen} \left(\omega \cdot t - k \cdot x - \frac{\pi}{2} \right)$$

Por tanto, la amplitud de presión, Δp_0 , es de 0,50 Pa.

b) Comparando la ecuación general con la del enunciado, vemos que:

$$\omega = 2 \cdot \pi \cdot f = 535 \text{ s}^{-1} \rightarrow f = \frac{535 \text{ s}^{-1}}{2 \cdot \pi} = 85,1 \text{ Hz}$$

c) Si la onda sonora se propaga con velocidad constante:

$$v = f \cdot \lambda$$

Siendo la longitud de onda, λ :

$$k = \frac{2 \cdot \pi}{\lambda} = \frac{\pi}{2} \text{ m} \rightarrow \lambda = 4 \text{ m}$$

Resulta, para la velocidad de propagación:

$$v = 85,1 \text{ s}^{-1} \cdot 4 \text{ m} = 340 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

32. El aparato de s3nar de un submarino emite un pulso sonoro para conocer a qu3 distancia se encuentra el fondo marino. Sabiendo que el tiempo que pasa desde que emite el pulso hasta que el s3nar lo recibe de nuevo es de 270 ms, calcula dicha distancia.

Datos: $B_{\text{agua}} = 2,1 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^{-2}$;
 $\rho_{\text{agua}} = 1,00 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$.

La velocidad de propagaci3n del sonido en el l3quido viene dada por la expresi3n:

$$v = \sqrt{\frac{B}{\rho}} \rightarrow v = \sqrt{\frac{2,1 \cdot 10^{10} \text{ N} \cdot \text{m}^{-2}}{1000 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}}} = 1,449 \cdot 10^3 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

Suponiendo que la onda sonora se propaga con velocidad constante, $s = v \cdot t$, y como $s = 2 \cdot d$, siendo d la distancia al fondo marino, tendremos que:

$$2 \cdot d = 1449 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1} \cdot 0,270 \text{ s} \rightarrow d = 196 \text{ m}$$

34. Razona la veracidad o la falsedad de la afirmaci3n siguiente:

«Un sonido con una intensidad sonora de 70 dB tiene una intensidad 1000 veces mayor que la de un sonido con una intensidad sonora de 40 dB.»

Teniendo en cuenta la expresi3n:

$$S = 10 \cdot \log \frac{I}{I_0}$$

Y sustituyendo los datos de que disponemos, resulta:

$$70 = 10 \cdot \log \frac{I_{70}}{I_0} ; 40 = 10 \cdot \log \frac{I_{40}}{I_0}$$

Si restamos ambas expresiones, se obtiene:

$$30 = 10 \cdot \left(\log \frac{I_{70}}{I_0} - \log \frac{I_{40}}{I_0} \right) \rightarrow 3 = \log \frac{\frac{I_{70}}{I_0}}{\frac{I_{40}}{I_0}}$$

Y tomando antilogaritmos:

$$10^3 = \frac{\frac{I_{70}}{I_0}}{\frac{I_{40}}{I_0}} \rightarrow I_{70} = 10^3 \cdot I_{40}$$

se comprueba que la afirmaci3n del enunciado es correcta.