

# Probabilidad condicionada

## Ejercicio nº 1.-

Si  $A$  y  $B$  son dos sucesos tales que:

$$P[A] = 0,4 \quad P[B / A] = 0,25 \quad P[B'] = 0,75$$

- ¿Son  $A$  y  $B$  independientes?
- Calcula  $P[A \cup B]$  y  $P[A \cap B]$ .

## Ejercicio nº 2.-

Sabiendo que:

$$P[A] = 0,5 \quad P[B'] = 0,6 \quad P[A' \cap B'] = 0,25$$

- ¿Son  $A$  y  $B$  sucesos independientes?
- Calcula  $P[A \cup B]$  y  $P[A / B]$ .

## Ejercicio nº 3.-

Sean  $A$  y  $B$  dos sucesos de un espacio de probabilidad tales que:

$$P[A'] = 0,6 \quad P[B] = 0,3 \quad P[A' \cup B'] = 0,9$$

- ¿Son independientes  $A$  y  $B$ ?
- Calcula  $P[A' / B]$ .

## Ejercicio nº 4.-

Teniendo en cuenta que  $A$  y  $B$  son dos sucesos tales que:

$$P[A'] = 0,5 \quad P[A \cap B] = 0,12 \quad P[A \cup B] = 0,82$$

- ¿Son independientes  $A$  y  $B$ ?
- Calcula  $P[B' / A]$ .

## Ejercicio nº 5.-

De dos sucesos  $A$  y  $B$  sabemos que:

$$P[A'] = 0,48 \quad P[A \cup B] = 0,82 \quad P[B] = 0,42$$

- ¿Son  $A$  y  $B$  independientes?
- ¿Cuánto vale  $P[A / B]$ ?

**Ejercicio nº 6.-**

Dos personas eligen al azar, cada una de ellas, un número del 0 al 9. ¿Cuál es la probabilidad de que las dos personas no piensen el mismo número?

**Ejercicio nº 7.-**

En unas oposiciones, el temario consta de 85 temas. Se eligen tres temas al azar de entre los 85. Si un opositor sabe 35 de los 85 temas, ¿cuál es la probabilidad de que sepa al menos uno de los tres temas?

**Ejercicio nº 8.-**

Tenemos para enviar tres cartas con sus tres sobres correspondientes. Si metemos al zar cada carta en uno de los sobres, ¿cuál es la probabilidad de que al menos una de las cartas vaya en el sobre que le corresponde?

**Ejercicio nº 9.-**

- a) Dos personas eligen al azar, cada una de ellas, un número del 1 al 5. ¿Cuál es la probabilidad de que las dos elijan el mismo número?
- b) Si son tres personas las que eligen al azar, cada una de ellas, un número del 1 al 5, ¿cuál es la probabilidad de que las tres elijan el mismo número?

**Ejercicio nº 10.-**

Extraemos dos cartas de una baraja española (de cuarenta cartas). Calcula la probabilidad de que sean:

- a) Las dos de oros.
- b) Una de copas u otra de oros.
- c) Al menos una de oros.
- d) La primera de copas y la segunda de oro.

**Ejercicio nº 11.-**

En un pueblo hay 100 jóvenes; 40 de los chicos y 35 de las chicas juegan al tenis. El total de chicas en el pueblo es de 45. Si elegimos un joven de esa localidad al azar:

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que sea chico?
- b) Si sabemos que juega al tenis, ¿cuál es la probabilidad de que sea chica?
- c) ¿Cuál es la probabilidad de que sea un chico que no juegue al tenis?

**Ejercicio nº 12.-**

En un viaje organizado por Europa para 120 personas, 48 de los que van saben hablar inglés, 36 saben hablar francés, y 12 de ellos hablan los dos idiomas. Escogemos uno de los viajeros al azar.

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que hable alguno de los dos idiomas?
- b) ¿Cuál es la probabilidad de que hable francés, sabiendo que habla inglés?
- c) ¿Cuál es la probabilidad de que solo hable francés?

### Ejercicio nº 13.-

Se hace una encuesta en un grupo de 120 personas, preguntando si les gusta leer y ver la televisión. Los resultados son:

- A 32 personas les gusta leer y ver la tele.
- A 92 personas les gusta leer.
- A 47 personas les gusta ver la tele.

Si elegimos al azar una de esas personas:

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que no le guste ver la tele?
- b) ¿Cuál es la probabilidad de que le guste leer, sabiendo que le gusta ver la tele?
- c) ¿Cuál es la probabilidad de que le guste leer?

### Ejercicio nº 14.-

En una cadena de televisión se hizo una encuesta a 2 500 personas para saber la audiencia de un debate y de una película que se emitieron en horas distintas: 2 100 vieron la película, 1 500 vieron el debate y 350 no vieron ninguno de los dos programas. Si elegimos al azar a uno de los encuestados:

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que viera la película y el debate?
- b) ¿Cuál es la probabilidad de que viera la película, sabiendo que no vio el debate?
- c) Sabiendo que vio la película, ¿cuál es la probabilidad de que viera el debate?

### Ejercicio nº 15.-

En una clase de 30 alumnos hay 18 que han aprobado matemáticas, 16 que han aprobado inglés y 6 que no han aprobado ninguna de las dos.

Elegimos al azar un alumno de esa clase:

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que haya aprobado inglés y matemáticas?
- b) Sabiendo que ha aprobado matemáticas, ¿cuál es la probabilidad de que haya aprobado inglés?
- c) ¿Son independientes los sucesos "Aprobar matemáticas" y "Aprobar inglés"?

### Ejercicio nº 16.-

El 1% de la población de un determinado lugar padece una enfermedad. Para detectar esta enfermedad se realiza una prueba de diagnóstico. Esta prueba da positiva en el 97% de los pacientes que padecen la enfermedad; en el 98% de los individuos que no la padecen da negativa. Si elegimos al azar un individuo de esa población:

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que el individuo dé positivo y padezca la enfermedad?
- b) Si sabemos que ha dado positiva, ¿cuál es la probabilidad de que padezca la enfermedad?

### Ejercicio nº 17.-

Una bolsa,  $A$ , contiene 3 bolas rojas y 5 verdes. Otra bolsa,  $B$ , contiene 6 bolas rojas y 4 verdes. Lanzamos un dado: si sale un uno, extraemos una bola de la bolsa  $A$ ; y si no sale un uno, la extraemos de  $B$ .

- a) ¿Cuál es la probabilidad de obtener una bola roja?
- b) Sabiendo que salió roja, ¿cuál es la probabilidad de que fuera de  $A$ ?

### Ejercicio nº 18.-

Tenemos dos bolsas,  $A$  y  $B$ . En la bolsa  $A$  hay 3 bolas blancas y 7 rojas. En la bolsa  $B$  hay 6 bolas blancas y 2 rojas. Sacamos una bola de  $A$  y la pasamos a  $B$ . Después extraemos una bola de  $B$ .

- ¿Cuál es la probabilidad de que la bola extraída de  $B$  sea blanca?
- ¿Cuál es la probabilidad de que las dos bolas sean blancas?

### Ejercicio nº 19.-

Una urna,  $A$ , contiene 7 bolas numeradas del 1 al 7. En otra urna,  $B$ , hay 5 bolas numeradas del 1 al 5. Lanzamos una moneda equilibrada, de forma que, si sale cara, extraemos una bola de la urna  $A$  y, si sale cruz, la extraemos de  $B$ .

- ¿Cuál es la probabilidad de obtener un número par?
- Sabiendo que salió un número par, ¿cuál es la probabilidad de que fuera de la urna  $A$ ?

### Ejercicio nº 20.-

Tenemos dos urnas: la primera tiene 3 bolas rojas, 3 blancas y 4 negras; la segunda tiene 4 bolas rojas, 3 blancas y 1 negra. Elegimos una urna al azar y extraemos una bola.

- ¿Cuál es la probabilidad de que la bola extraída sea blanca?
- Sabiendo que la bola extraída fue blanca, ¿cuál es la probabilidad de que fuera de la primera urna?

## Soluciones Probabilidad condicionada

### Ejercicio nº 1.-

Si  $A$  y  $B$  son dos sucesos tales que:

$$P[A] = 0,4 \quad P[B | A] = 0,25 \quad P[B^c] = 0,75$$

- ¿Son  $A$  y  $B$  independientes?
- Calcula  $P[A \cup B]$  y  $P[A \cap B]$ .

**Solución:**

$$a) P[B^c] = 1 - P[B] = 0,75 \rightarrow P[B] = 0,25$$

Como  $P[B | A] = 0,25$  y  $P[B] = 0,25$ , tenemos que:

$$P[B | A] = P[B] \rightarrow A \text{ y } B \text{ son independientes.}$$

b) Como  $A$  y  $B$  son independientes:

$$P[A \cap B] = P[A] \cdot P[B] = 0,4 \cdot 0,25 = 0,1$$

Así:

$$P[A \cup B] = P[A] + P[B] - P[A \cap B] = 0,4 + 0,25 - 0,1 = 0,55$$

### Ejercicio nº 2.-

Sabiendo que:

$$P[A] = 0,5 \quad P[B'] = 0,6 \quad P[A' \cap B'] = 0,25$$

a) ¿Son  $A$  y  $B$  sucesos independientes?

b) Calcula  $P[A \cup B]$  y  $P[A/B]$ .

**Solución:**

a)  $P[B'] = 1 - P[B] = 0,6 \rightarrow P[B] = 0,4$

$$P[A' \cap B'] = P[(A \cup B)'] = 1 - P[A \cup B] = 0,25 \rightarrow P[A \cup B] = 0,75$$

$$P[A \cup B] = P[A] + P[B] - P[A \cap B] \rightarrow 0,75 = 0,5 + 0,4 - P[A \cap B] \rightarrow P[A \cap B] = 0,15$$

Por tanto:

$$\left. \begin{array}{l} P[A] \cdot P[B] = 0,5 \cdot 0,4 = 0,2 \\ P[A \cap B] = 0,15 \end{array} \right\} P[A \cap B] \neq P[A] \cdot P[B]$$

Luego,  $A$  y  $B$  no son independientes.

b) Hemos obtenido en el apartado anterior que:

$$P[A \cup B] = 0,75$$

Por otra parte:

$$P[A/B] = \frac{P[A \cap B]}{P[B]} = \frac{0,15}{0,4} = 0,375$$

### Ejercicio nº 3.-

Sean  $A$  y  $B$  dos sucesos de un espacio de probabilidad tales que:

$$P[A'] = 0,6 \quad P[B] = 0,3 \quad P[A' \cup B'] = 0,9$$

a) ¿Son independientes  $A$  y  $B$ ?

b) Calcula  $P[A'/B]$ .

**Solución:**

a)  $P[A' \cup B'] = P[(A \cap B)'] = 1 - P[A \cap B] = 0,9 \rightarrow P[A \cap B] = 0,1$

$$P[A'] = 1 - P[A] = 0,6 \rightarrow P[A] = 0,4$$

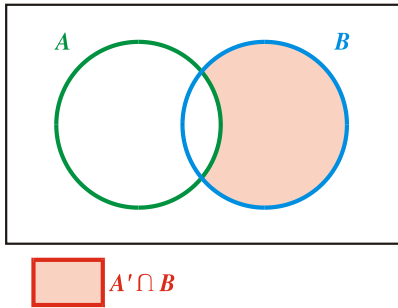
$$\left. \begin{array}{l} P[A] \cdot P[B] = 0,4 \cdot 0,3 = 0,12 \\ P[A \cap B] = 0,1 \end{array} \right\} P[A \cap B] \neq P[A] \cdot P[B]$$

Por tanto,  $A$  y  $B$  no son independientes.

b) Como:

$$P[A' / B] = \frac{P[A' \cap B]}{P[B]}$$

necesitamos calcular  $P[A' \cap B]$ :



$$P[A' \cap B] = P[B] - P[A \cap B] = 0,3 - 0,1 = 0,2$$

Por tanto:

$$P[A' / B] = \frac{P[A' \cap B]}{P[B]} = \frac{0,2}{0,3} = 0,67$$

#### Ejercicio nº 4.-

Teniendo en cuenta que  $A$  y  $B$  son dos sucesos tales que:

$$P[A'] = 0,5 \quad P[A \cap B] = 0,12 \quad P[A \cup B] = 0,82$$

a) ¿Son independientes  $A$  y  $B$ ?

b) Calcula  $P[B' / A]$ .

**Solución:**

$$a) P[A'] = 1 - P[A] = 0,5 \rightarrow P[A] = 0,5$$

$$P[A \cup B] = P[A] + P[B] - P[A \cap B] \rightarrow 0,82 = 0,5 + P[B] - 0,12 \rightarrow P[B] = 0,44$$

Así, tenemos que:

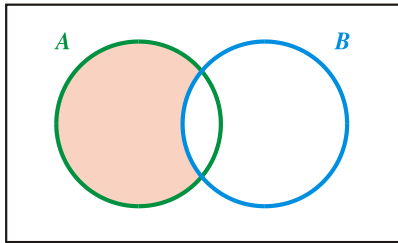
$$\left. \begin{array}{l} P[A] \cdot P[B] = 0,5 \cdot 0,44 = 0,22 \\ P[A \cap B] = 0,12 \end{array} \right\} P[A \cap B] \neq P[A] \cdot P[B]$$

Luego,  $A$  y  $B$  no son independientes.

b) Como

$$P[B' / A] = \frac{P[B' \cap A]}{P[A]}$$

necesitamos calcular  $P[B' \cap A]$ :



$$\text{[Red square]} \quad B' \cap A$$

$$P[B' \cap A] = P[A] - P[A \cap B] = 0,5 - 0,12 = 0,38$$

Por tanto:

$$P[B' / A] = \frac{P[B' \cap A]}{P[A]} = \frac{0,38}{0,5} = 0,76$$

### Ejercicio nº 5.-

De dos sucesos  $A$  y  $B$  sabemos que:

$$P[A'] = 0,48 \quad P[A \cup B] = 0,82 \quad P[B] = 0,42$$

a) ¿Son  $A$  y  $B$  independientes?

b) ¿Cuánto vale  $P[A / B]$ ?

**Solución:**

$$\text{a) } P[A'] = 1 - P[A] = 0,48 \rightarrow P[A] = 0,52$$

$$P[A \cup B] = P[A] + P[B] - P[A \cap B] \rightarrow 0,82 = 0,52 + 0,42 - P[A \cap B] \rightarrow P[A \cap B] = 0,12$$

$$\left. \begin{array}{l} P[A] \cdot P[B] = 0,52 \cdot 0,42 = 0,2184 \\ P[A \cap B] = 0,12 \end{array} \right\} P[A \cap B] \neq P[A] \cdot P[B]$$

No son independientes.

$$\text{b) } P[A / B] = \frac{P[A \cap B]}{P[B]} = \frac{0,12}{0,42} = 0,29$$

### Ejercicio nº 6.-

Dos personas eligen al azar, cada una de ellas, un número del 0 al 9. ¿Cuál es la probabilidad de que las dos personas no piensen el mismo número?

**Solución:**

Para calcular la probabilidad, suponemos que el primero ya ha elegido número. La pregunta es: ¿cuál es la probabilidad de que el segundo elija el mismo número?

$$P = \frac{10}{100} = \frac{1}{10} = 0,1$$

Por tanto, la probabilidad de que no piensen el mismo número será:

$$1 - \frac{1}{10} = \frac{9}{10} = 0,9$$

**Ejercicio nº 7.-**

En unas oposiciones, el temario consta de 85 temas. Se eligen tres temas al azar de entre los 85. Si un opositor sabe 35 de los 85 temas, ¿cuál es la probabilidad de que sepa al menos uno de los tres temas?

**Solución:**

Tenemos que hallar la probabilidad de que ocurra el siguiente suceso:

A = "el opositor conoce, al menos, uno de los tres temas"

Para calcularla, utilizaremos el complementario. Si sabe 35 temas, hay 85 - 35 = 50 temas que no sabe; entonces:

$$P[A] = 1 - P[A^c] = 1 - P["no sabe ninguno de los tres"] =$$

$$= 1 - \frac{50}{85} \cdot \frac{49}{84} \cdot \frac{48}{83} = 1 - 0,198 = 0,802$$

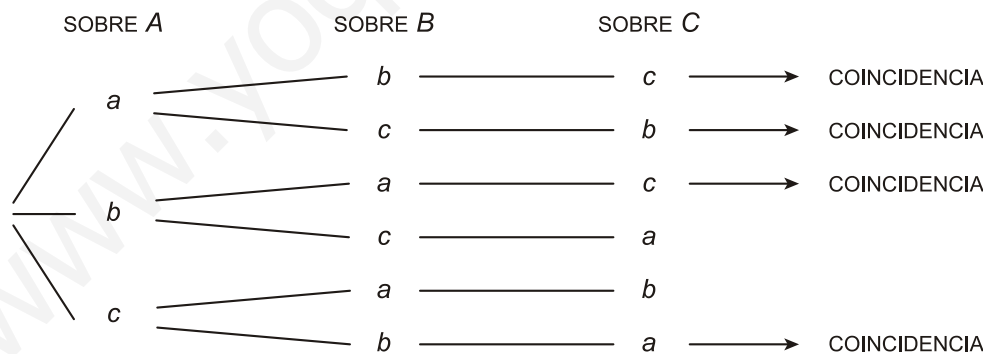
Por tanto, la probabilidad de que sepa al menos uno de los tres temas es de 0,802.

**Ejercicio nº 8.-**

Tenemos para enviar tres cartas con sus tres sobres correspondientes. Si metemos al zar cada carta en uno de los sobres, ¿cuál es la probabilidad de que al menos una de las cartas vaya en el sobre que le corresponde?

**Solución:**

Hacemos un diagrama que refleje la situación. Llamamos a los sobres A, B y C; y a las cartas correspondientes a, b y c. Así, tenemos las siguientes posibilidades:



Vemos que hay seis posibles ordenaciones y que en cuatro de ellas hay al menos una coincidencia. Por tanto, la probabilidad pedida será:

$$P = \frac{4}{6} = \frac{2}{3} \approx 0,67$$



**Ejercicio nº 9.-**

- a) Dos personas eligen al azar, cada una de ellas, un número del 1 al 5. ¿Cuál es la probabilidad de que las dos elijan el mismo número?
- b) Si son tres personas las que eligen al azar, cada una de ellas, un número del 1 al 5, ¿cuál es la probabilidad de que las tres elijan el mismo número?

**Solución:**

- a) Para calcular la probabilidad, suponemos que el primero ya ha elegido número. La pregunta es: ¿cuál es a probabilidad de que el segundo elija el mismo número?

$$P = \frac{1}{5} = 0,2$$

b)  $P = \frac{1}{5} \cdot \frac{1}{5} = \frac{1}{25} = 0,04$

**Ejercicio nº 10.-**

Extraemos dos cartas de una baraja española (de cuarenta cartas). Calcula la probabilidad de que sean:

- a) Las dos de oros.  
b) Una de copas u otra de oros.  
c) Al menos una de oros.  
d) La primera de copas y la segunda de oro.

**Solución:**

a)  $P = \frac{10}{40} \cdot \frac{9}{39} = \frac{3}{52} = 0,058$

b)  $P = 2 \cdot \frac{10}{40} \cdot \frac{10}{39} = \frac{5}{39} = 0,128$

c)  $P = 1 - P[\text{NINGUNA DE OROS}] = 1 - \frac{30}{40} \cdot \frac{29}{39} = 1 - \frac{29}{52} = \frac{23}{52} = 0,442$

d)  $P = \frac{10}{40} \cdot \frac{10}{39} = \frac{5}{78} = 0,064$

**Ejercicio nº 11.-**

En un pueblo hay 100 jóvenes; 40 de los chicos y 35 de las chicas juegan al tenis. El total de chicas en el pueblo es de 45. Si elegimos un joven de esa localidad al azar:

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que sea chico?  
b) Si sabemos que juega al tenis, ¿cuál es la probabilidad de que sea chica?  
c) ¿Cuál es la probabilidad de que sea un chico que no juegue al tenis?

**Solución:**

Hacemos una tabla de doble entrada, completando los datos que faltan:

|                    | CHICOS | CHICAS |     |
|--------------------|--------|--------|-----|
| JUEGAN AL TENIS    | 40     | 35     | 75  |
| NO JUEGAN AL TENIS | 15     | 10     | 25  |
|                    | 55     | 45     | 100 |

a)  $P[\text{Chico}] = \frac{55}{100} = \frac{11}{20} = 0,55$

b)  $P[\text{Chica} / \text{Tenis}] = \frac{35}{75} = \frac{7}{15} = 0,47$

c)  $P[\text{Chica} \cap \text{No tenis}] = \frac{15}{100} = \frac{3}{20} = 0,15$

**Ejercicio nº 12.-**

En un viaje organizado por Europa para 120 personas, 48 de los que van saben hablar inglés, 36 saben hablar francés, y 12 de ellos hablan los dos idiomas.

Escogemos uno de los viajeros al azar.

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que hable alguno de los dos idiomas?
- b) ¿Cuál es la probabilidad de que hable francés, sabiendo que habla inglés?
- c) ¿Cuál es la probabilidad de que solo hable francés?

**Solución:**

Vamos a organizar los datos en una tabla, completando los que faltan:

|                  | HABLAN FRANCÉS | NO HABLAN FRANCÉS |     |
|------------------|----------------|-------------------|-----|
| HABLAN INGLÉS    | 12             | 36                | 48  |
| NO HABLAN INGLÉS | 24             | 48                | 72  |
|                  | 36             | 84                | 120 |

Llamamos  $I$  = "Habla inglés",  $F$  = "Habla francés".

a) Tenemos que hallar  $P[I \cup F]$ :

$$P[I \cup F] = P[I] + P[F] - P[I \cap F] = \frac{48 + 36 - 12}{120} = \frac{72}{120} = \frac{3}{5} = 0,6$$

b)  $P[F / I] = \frac{12}{48} = \frac{1}{4} = 0,25$

c)  $P[F \cap \text{no } I] = \frac{24}{120} = \frac{1}{5} = 0,2$

### Ejercicio nº 13.-

Se hace una encuesta en un grupo de 120 personas, preguntando si les gusta leer y ver la televisión. Los resultados son:

- A 32 personas les gusta leer y ver la tele.
- A 92 personas les gusta leer.
- A 47 personas les gusta ver la tele.

Si elegimos al azar una de esas personas:

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que no le guste ver la tele?
- b) ¿Cuál es la probabilidad de que le guste leer, sabiendo que le gusta ver la tele?
- c) ¿Cuál es la probabilidad de que le guste leer?

#### **Solución:**

Vamos a organizar la información en una tabla de doble entrada, completando los datos que faltan:

|         | VEN LA TELE | NO VEN LA TELE |     |
|---------|-------------|----------------|-----|
| LEEN    | 32          | 60             | 92  |
| NO LEEN | 15          | 13             | 28  |
|         | 47          | 73             | 120 |

Llamemos  $L$  = "Le gusta leer" y  $T$  = "Le gusta ver la tele".

- a)  $P[\text{no } T] = \frac{73}{120} = 0,61$
- b)  $P[L/T] = \frac{32}{47} = 0,68$
- c)  $P[L] = \frac{92}{120} = \frac{23}{30} = 0,77$

### Ejercicio nº 14.-

En una cadena de televisión se hizo una encuesta a 2 500 personas para saber la audiencia de un debate y de una película que se emitieron en horas distintas: 2 100 vieron la película, 1 500 vieron el debate y 350 no vieron ninguno de los dos programas. Si elegimos al azar a uno de los encuestados:

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que viera la película y el debate?
- b) ¿Cuál es la probabilidad de que viera la película, sabiendo que no vio el debate?
- c) Sabiendo que vio la película, ¿cuál es la probabilidad de que viera el debate?

#### **Solución:**

Organizamos la información en una tabla de doble entrada, completando los datos que faltan:

|             | DEBATE | NO DEBATE |       |
|-------------|--------|-----------|-------|
| PELÍCULA    | 1 450  | 650       | 2 100 |
| NO PELÍCULA | 50     | 350       | 400   |
|             | 1 500  | 1 000     | 2 500 |

Llamamos  $D = \text{"Vio el debate"}$  y  $P = \text{"Vio la película"}$ .

$$a) P[D \cap P] = \frac{1450}{2500} = \frac{29}{50} = 0,58$$

$$b) P[P/D] = \frac{1450}{1500} = \frac{29}{30} = 0,97$$

$$c) P[D/P] = \frac{1450}{2100} = \frac{29}{42} = 0,69$$

### Ejercicio nº 15.-

En una clase de 30 alumnos hay 18 que han aprobado matemáticas, 16 que han aprobado inglés y 6 que no han aprobado ninguna de las dos.

Elegimos al azar un alumno de esa clase:

- ¿Cuál es la probabilidad de que haya aprobado inglés y matemáticas?
- Sabiendo que ha aprobado matemáticas, ¿cuál es la probabilidad de que haya aprobado inglés?
- ¿Son independientes los sucesos "Aprobar matemáticas" y "Aprobar inglés"?

**Solución:**

Organizamos los datos en una tabla de doble entrada, completando los que faltan:

|                    | APRUEBAN MATEMÁTICAS | NO APRUEBAN MATEMÁTICAS |    |
|--------------------|----------------------|-------------------------|----|
| APRUEBAN INGLÉS    | 10                   | 6                       | 16 |
| NO APRUEBAN INGLÉS | 8                    | 6                       | 14 |
|                    | 18                   | 12                      | 30 |

Llamamos  $M = \text{"Aprueba matemáticas"}$ ,  $I = \text{"Aprueba inglés"}$ .

$$a) P[M \cap I] = \frac{10}{30} = \frac{1}{3} = 0,33$$

$$b) P[I/M] = \frac{10}{18} = \frac{5}{9} = 0,56$$

$$c) P[M] \cdot P[I] = \frac{18}{30} \cdot \frac{16}{30} = \frac{3}{5} \cdot \frac{8}{15} = \frac{24}{75} = \frac{8}{25}$$

$$P[M \cap I] = \frac{1}{3} \neq \frac{8}{25}$$

Como  $P[M \cap I] \neq P[M] \cdot P[I]$ , los dos sucesos no son independientes.

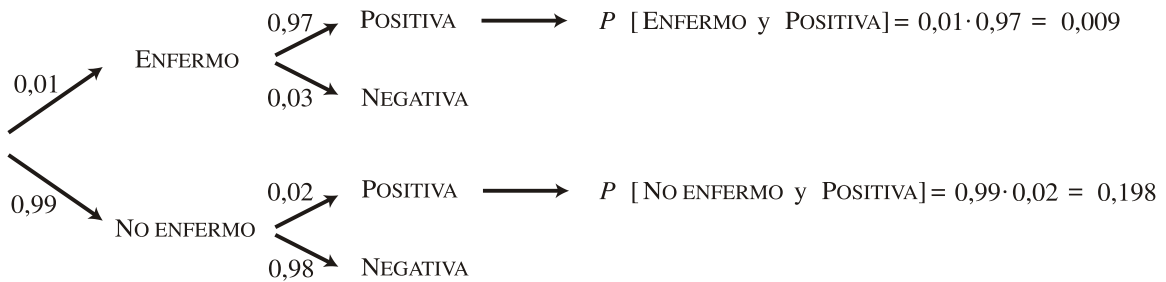
### Ejercicio nº 16.-

El 1% de la población de un determinado lugar padece una enfermedad. Para detectar esta enfermedad se realiza una prueba de diagnóstico. Esta prueba da positiva en el 97% de los pacientes que padecen la enfermedad; en el 98% de los individuos que no la padecen da negativa. Si elegimos al azar un individuo de esa población:

- ¿Cuál es la probabilidad de que el individuo dé positivo y padezca la enfermedad?
- Si sabemos que ha dado positiva, ¿cuál es la probabilidad de que padezca la enfermedad?

**Solución:**

Hacemos un diagrama en árbol:



a)  $P[\text{Enfermo y Positiva}] = 0,0097$

b)  $P[\text{ENFERMO/POSITIVA}] = \frac{P[\text{ENFERMO y POSITIVA}]}{P[\text{POSITIVA}]} = \frac{0,0097}{0,0097 + 0,198} = \frac{0,0097}{0,2077} = 0,467$

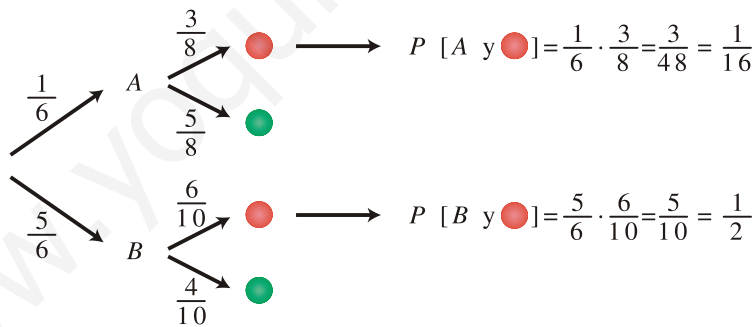
**Ejercicio nº 17.-**

Una bolsa, **A**, contiene 3 bolas rojas y 5 verdes. Otra bolsa, **B**, contiene 6 bolas rojas y 4 verdes. Lanzamos un dado: si sale un uno, extraemos una bola de la bolsa **A**; y si no sale un uno, la extraemos de **B**.

- a) ¿Cuál es la probabilidad de obtener una bola roja?
- b) Sabiendo que salió roja, ¿cuál es la probabilidad de que fuera de **A**?

**Solución:**

Hacemos un diagrama en árbol:



a)  $P[R] = \frac{1}{16} + \frac{1}{2} = \frac{9}{16}$

b)  $P[A/R] = \frac{P[A \text{ y } R]}{P[R]} = \frac{1/16}{9/16} = \frac{1}{9}$

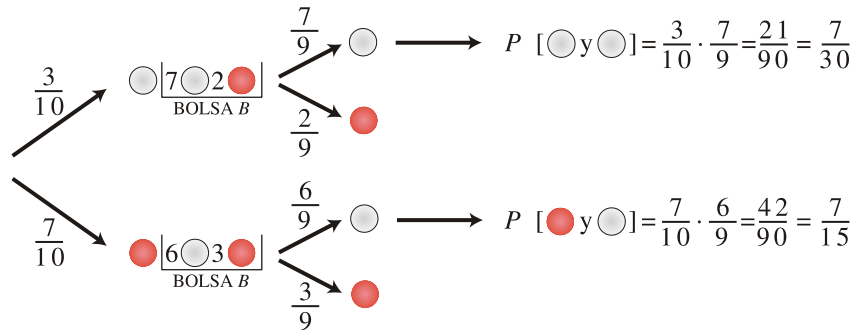
**Ejercicio nº 18.-**

Tenemos dos bolsas, **A** y **B**. En la bolsa **A** hay 3 bolas blancas y 7 rojas. En la bolsa **B** hay 6 bolas blancas y 2 rojas. Sacamos una bola de **A** y la pasamos a **B**. Después extraemos una bola de **B**.

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que la bola extraída de **B** sea blanca?
- b) ¿Cuál es la probabilidad de que las dos bolas sean blancas?

**Solución:**

Hacemos un diagrama en árbol:



a)  $P[2^a \text{ BI}] = \frac{7}{30} + \frac{7}{15} = \frac{7}{10}$

b)  $P[\text{BI y BI}] = \frac{7}{30}$

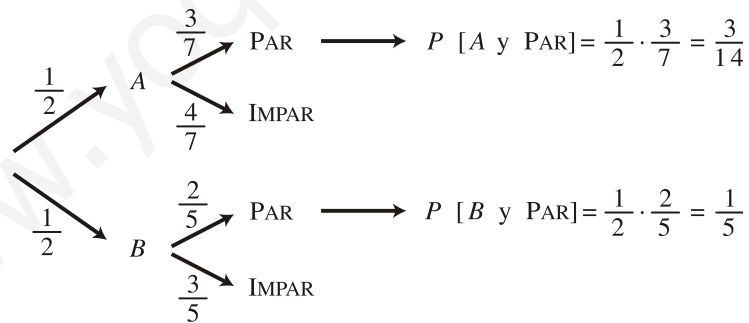
**Ejercicio nº 19.-**

Una urna, **A**, contiene 7 bolas numeradas del 1 al 7. En otra urna, **B**, hay 5 bolas numeradas del 1 al 5. Lanzamos una moneda equilibrada, de forma que, si sale cara, extraemos una bola de la urna **A** y, si sale cruz, la extraemos de **B**.

- a) ¿Cuál es la probabilidad de obtener un número par?
- b) Sabiendo que salió un número par, ¿cuál es la probabilidad de que fuera de la urna **A**?

**Solución:**

Hacemos un diagrama en árbol:



a)  $P[\text{PAR}] = \frac{3}{14} + \frac{1}{5} = \frac{29}{70}$

b)  $P[A/\text{PAR}] = \frac{P[A \text{ y PAR}]}{P[\text{PAR}]} = \frac{3/14}{29/70} = \frac{15}{29}$

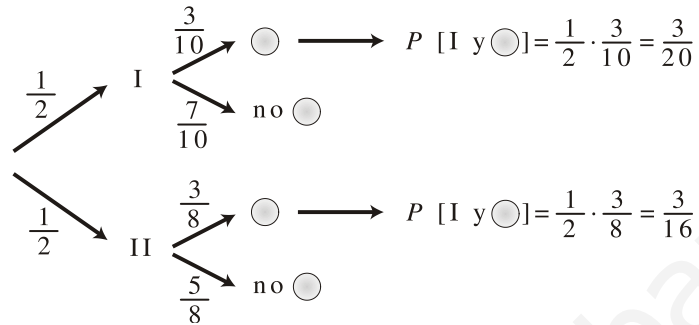
**Ejercicio nº 20.-**

Tenemos dos urnas: la primera tiene 3 bolas rojas, 3 blancas y 4 negras; la segunda tiene 4 bolas rojas, 3 blancas y 1 negra. Elegimos una urna al azar y extraemos una bola.

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que la bola extraída sea blanca?  
b) Sabiendo que la bola extraída fue blanca, ¿cuál es la probabilidad de que fuera de la primera urna?

**Solución:**

Hacemos un diagrama en árbol:



a)  $P[B] = \frac{3}{20} + \frac{3}{16} = \frac{27}{80}$

b)  $P[I / B] = \frac{P[I \text{ y } B]}{P[B]} = \frac{3/20}{27/80} = \frac{4}{9}$