

**Examen de Matemáticas Ciencias Sociales II – 2º de Bachillerato**

1. En una clase en la que todos practican algún deporte, el 60% de los alumnos juega al fútbol o al baloncesto y el 10% practica ambos deportes. Si además hay un 60% que no juega al fútbol, ¿cuál será la probabilidad de que, escogido al azar un alumno de la clase?
  - a) [0,5 puntos] Juegue al baloncesto.
  - b) [0,5 puntos] Juegue sólo al fútbol.
  - c) [0,5 puntos] Juegue sólo al baloncesto.
  - d) [0,5 puntos] No juegue ni al fútbol ni al baloncesto.
  - e) [0,5 puntos] ¿Son independientes los sucesos jugar al fútbol y jugar al baloncesto?
  
2. En un instituto hay 60 alumnos de 2º de Bachillerato. De ellos 40 estudian inglés, 24 estudian francés y 12 los dos idiomas. Se elige al azar un alumno de 2º de Bachillerato. Hallar la probabilidad de que el alumno elegido:
  - a) [0,5 puntos] Estudie francés o inglés.
  - b) [0,5 puntos] No estudie ni francés ni inglés.
  - c) [0,5 puntos] Estudie francés y no inglés.
  - d) [0,5 puntos] Estudie exactamente un idioma.
  - e) [0,5 puntos] Si el alumno elegido no estudia francés, ¿cuál es la probabilidad de que estudie inglés?
  
3. Se tienen dos urnas  $U_1$  y  $U_2$ . La primera contiene seis bolas blancas, cuatro negras y dos rojas; y la segunda contiene tres bolas blancas y siete negras. Se lanza un dado al aire, y si aparece un número múltiplo de 3 se saca una bola de la urna  $U_1$ ; en caso contrario, se saca la bola de la urna  $U_2$ . Hallar la probabilidad de que:
  - a) [0,5 puntos] Salga bola roja.
  - b) [1 punto] Salga bola blanca.
  - c) [1 punto] Si la bola extraída fue negra, ¿qué probabilidad hay de que proceda de la urna  $U_2$ ?
  
4. Una empresa del ramo de la alimentación elabora sus productos en cuatro factorías: A, B, C y D. El porcentaje de producción total que se fabrica en cada factoría es del 40%, 30%, 20% y 10%, respectivamente, y además el porcentaje de envasado incorrecto en cada factoría es del 1%, 2%, 7% y 4%. Tomamos un producto de la empresa al azar.
  - a) [1,5 puntos] ¿Cuál es la probabilidad de que se encuentre defectuosamente envasado?
  - b) [1 punto] Si el producto está correctamente envasado, ¿cuál es la probabilidad de que proceda de la factoría C?

① Llamemos  $A = \text{"jugar al fútbol"}$  y  $B = \text{"jugar al baloncesto"}$   
Entonces  $P(A \cup B) = 0'6$ ;  $P(A \cap B) = 0'1$ ;  $P(\bar{A}) = 0'6$

a) Como  $P(\bar{A}) = 0'6 \Rightarrow P(A) = 0'4$ .

Además  $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \Rightarrow$

$\Rightarrow 0'6 = 0'4 + P(B) - 0'1 \Rightarrow \underline{P(B) = 0'3}$

b)  $P(A \cap \bar{B}) = P(A - B) = P(A) - P(A \cap B) = 0'4 - 0'1 = \underline{0'3}$

c)  $P(B \cap \bar{A}) = P(B - A) = P(B) - P(A \cap B) = 0'3 - 0'1 = \underline{0'2}$

d)  $P(\bar{A} \cap \bar{B}) = P(\overline{A \cup B}) = 1 - P(A \cup B) = 1 - 0'6 = \underline{0'4}$

e)  $P(A \cap B) = 0'1 \neq P(A) \cdot P(B) = 0'4 \cdot 0'3 = 0'12$   
 $\Rightarrow A$  y  $B$  No son independientes

② Sean  $I = \text{"estudiar inglés"}$  y  $F = \text{"estudiar francés"}$ .

Entonces  $P(I) = \frac{40}{60} = \frac{2}{3}$ ;  $P(F) = \frac{24}{60} = \frac{2}{5}$ ;

$P(I \cap F) = \frac{12}{60} = \frac{1}{5}$

a)  $P(I \cup F) = P(I) + P(F) - P(I \cap F) = \frac{2}{3} + \frac{2}{5} - \frac{1}{5} =$   
 $= \frac{10 + 6 - 3}{15} = \frac{13}{15} \approx 0'867$

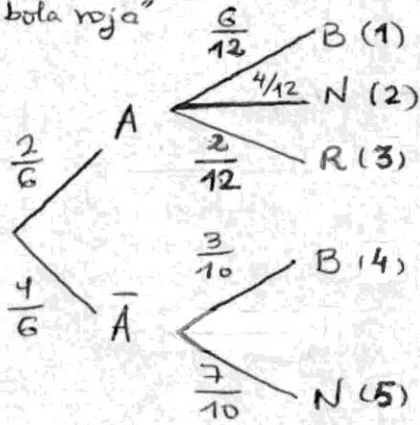
b)  $P(\bar{F} \cap \bar{I}) = P(\overline{F \cup I}) = 1 - P(F \cup I) = 1 - \frac{13}{15} =$   
 $= \frac{2}{15} \approx 0'133$

c)  $P(F \cap \bar{I}) = P(F - I) = P(F) - P(F \cap I) =$   
 $= \frac{2}{5} - \frac{1}{5} = \frac{1}{5} = 0'2$

d)  $P[(F \cap \bar{I}) \cup (I \cap \bar{F})] = P(F \cap \bar{I}) + P(I \cap \bar{F}) =$   
 $= P(F) - P(F \cap I) + P(I) - P(I \cap F) =$   
 $= \frac{2}{5} - \frac{1}{5} + \frac{2}{3} - \frac{1}{5} = \frac{2}{3} = 0'6667$

e)  $P(I | \bar{F}) = \frac{P(I \cap \bar{F})}{P(\bar{F})} = \frac{P(I) - P(I \cap F)}{1 - P(F)} = \frac{\frac{2}{3} - \frac{1}{5}}{1 - \frac{2}{5}} =$   
 $= \frac{\frac{7}{15}}{\frac{3}{5}} = \frac{35}{45} = \frac{7}{9} \approx 0'778$

- 3) Sea  $A =$  "salir múltiplo de 3 al lanzar el dado"  $= \{3, 6\}$   
 $B =$  "sacar bola blanca"  $\rightarrow N =$  "sacar bola negra"  $\rightarrow R =$  "sacar bola roja"

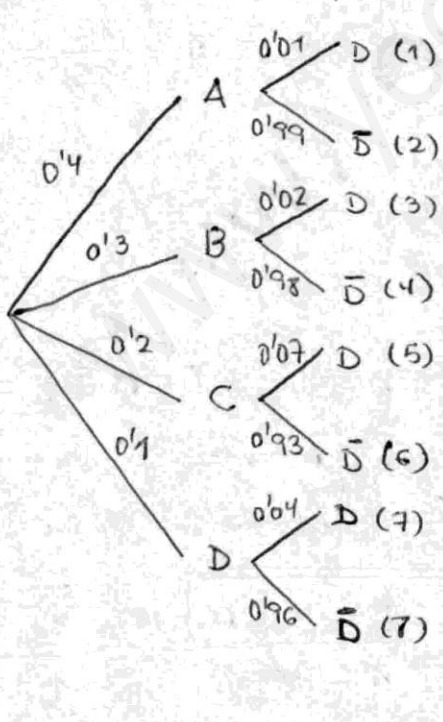


$$a) P(R) = (3) = \frac{2}{6} \cdot \frac{2}{12} = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{6} = \frac{1}{18} = 0'05556$$

$$b) P(B) = (1) + (4) = \frac{2}{6} \cdot \frac{6}{12} + \frac{4}{6} \cdot \frac{3}{10} = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} + \frac{2}{3} \cdot \frac{3}{10} = \frac{1}{6} + \frac{6}{30} = \frac{5+6}{30} = \frac{11}{30} = 0'36667$$

$$c) P(U_2/N) = \frac{P(U_2 \cap N)}{P(N)} = \frac{\frac{4}{6} \cdot \frac{7}{10}}{\frac{2}{6} \cdot \frac{4}{12} + \frac{4}{6} \cdot \frac{7}{10}} = \frac{\frac{2}{3} \cdot \frac{7}{10}}{\frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} + \frac{2}{3} \cdot \frac{7}{10}} = \frac{\frac{14}{30}}{\frac{1}{9} + \frac{14}{30}} = \frac{\frac{14}{30}}{\frac{52}{90}} = \frac{90 \cdot 14}{30 \cdot 52} = \frac{42}{52} = \frac{21}{26} = 0'8077$$

- 4) Llamemos  $D =$  "producto defectuoso o incorrecto"



$$a) P(D) = (1) + (3) + (5) + (7) = 0'4 \cdot 0'01 + 0'3 \cdot 0'02 + 0'2 \cdot 0'07 + 0'1 \cdot 0'04 = 0'028$$

$$b) P(C/\bar{D}) = \frac{P(C \cap \bar{D})}{P(\bar{D})} = \frac{0'2 \cdot 0'93}{1 - 0'028} = \frac{0'186}{0'972} = 0'19136$$