



## SOLUCIÓN

### EJERCICIO 1

$$\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) \rightarrow \lim_{x \rightarrow -2} (ax + 4) = \lim_{x \rightarrow -2} (bx^2 - ax + 1)$$

De aquí resulta la ecuación :  $-2a + 4 = 4b + 2a + 1 \rightarrow 3 = 4a + 4b$  (\*)

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) \rightarrow \lim_{x \rightarrow 1} (bx^2 - ax + 1) = \lim_{x \rightarrow 1} (2x + b)$$

De aquí resulta la ecuación :  $b - a + 1 = 2 + b \rightarrow a = -1$  y sustituyendo en (\*),  $3 = -4 + 4b \rightarrow b = 7/4$

La función es globalmente continua por serlo en  $x = -2$  y  $x = 1$  y por ser sus diferentes partes funciones polinómicas que son siempre continuas.

### EJERCICIO 2

$$a) x \rightarrow \frac{1}{x+1} \rightarrow \frac{2 - \frac{3}{x+1}}{\frac{2}{x+1} + 5} = \frac{2x+2-3}{2+5x+5} = \frac{2x-1}{5x+7} = (f \circ g)(x)$$

$$b) \frac{2-3x}{2x+5} = y \rightarrow \frac{2-3y}{2y+5} = x \rightarrow 2-3y = 2xy+5x \rightarrow 2-5x = 2xy+3y \rightarrow 2-5x = y(2x+3)$$

$$y = f^{-1}(x) = \frac{2-5x}{2x+3}$$

### EJERCICIO 3

$$a) \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+1}-2}{x-3} = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{(\sqrt{x+1}-2)(\sqrt{x+1}+2)}{(x-3)(\sqrt{x+1}+2)} = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x+1-4}{(x-3)(\sqrt{x+1}+2)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 3} \frac{1}{(\sqrt{x+1}+2)} = 1/4$$

$$b) \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3+3x^2+3x+1}{x^2+2x+1} = \lim_{x \rightarrow -1} \frac{(x+1)^3}{(x+1)^2} = \lim_{x \rightarrow -1} (x+1) = 0$$

### EJERCICIO 4

$$a) f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h)-f(x)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{2(x+h)^2-3(x+h)+4-2x^2+3x-4}{h} =$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{2x^2+4xh+2h^2-3x-3h+4-2x^2+3x-4}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{4xh+2h^2-3h}{h} =$$

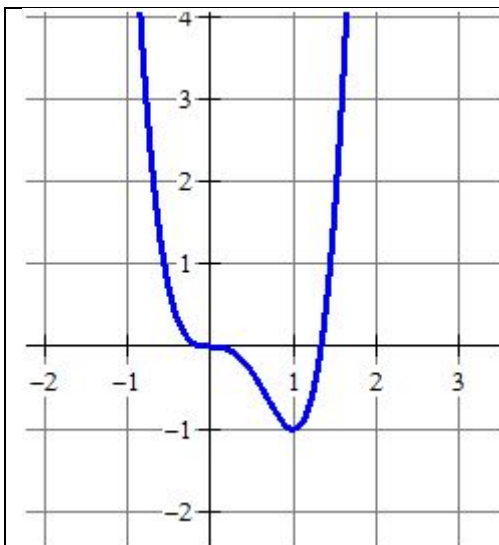
$$\lim_{h \rightarrow 0} (4x+2h-3) = 4x-3$$

$$b) y = \ln x - \ln(x+1) \rightarrow y' = \frac{1}{x} - \frac{1}{x+1} = \frac{x+1-x}{x^2+x} = \frac{1}{x^2+x}$$

$$y' = 2xe^{4x} + 4x^2e^{4x}$$

$$y' = \frac{2x(2x+1)^3 - 3(2x+1)^2 \cdot 2x^2}{(2x+1)^6} = \frac{2x(2x+1) - 6x^2}{(2x+1)^4} = \frac{2x-2x^2}{(2x+1)^4}$$

### EJERCICIO 5



**DOMINIO R**

**CORTES EJES**

Eje X  $x = 0, 4/3$  Eje Y  $y = 0$

**ASÍNTOTAS** No hay ( es un polinomio)

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$$

**CRECIMIENTO**  $y' = 12x^3 - 12x^2 = 12x^2 (x - 1) = 0$  si  $x = 0, x = 1$

-	0	-	1	+	$y'$
↙	0	↘	1	↗	$y$

**EXTREMOS RELATIVOS** Mínimo en  $(1, -1)$

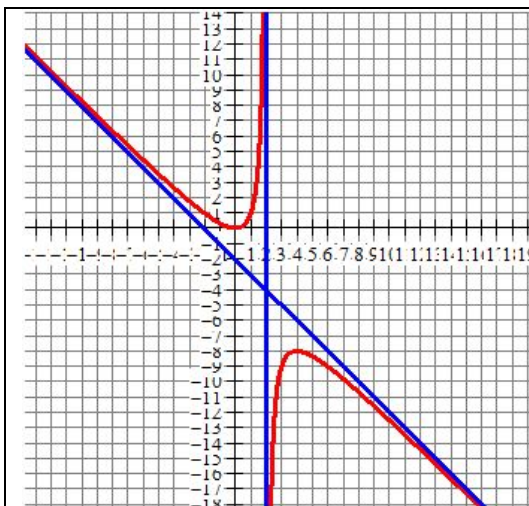
**CURVATURA**  $y'' = 36x^2 - 24x = 12x(3x - 2)$

$y'' = 0$  si  $x = 0, 2/3$

+	0	-	2/3	+	$y''$
↖	0	↗	2/3	↖	$y$

**Puntos de inflexión** en  $(0, 0)$  y  $(2/3, -48/91)$

### EJERCICIO 6



**Domínio :**  $R - 2$

**Cortes ejes :**  $(0, 0)$

**Asíntotas :**

**Verticales:**  $x = 2$

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = -\infty$$

**Horizontales:** No hay ya que

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$$

$$\text{Oblicuas : } m = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x^2}{2x - x^2} = -1$$

$$n = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \left( \frac{x^2}{2-x} + x \right) =$$

$$= \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x^2 + 2x - x^2}{2-x} = -2$$

La asíntota es  $y = -x - 2$