

Ejercicio nº 1.-

a) Expresa en forma de fracción:

a.1) $1,\overline{23}$

a.2) $2,0\overline{8}$

b) Escribe en forma decimal las fracciones: $\frac{31}{30}$ y $\frac{7}{3}$.

Justifica, previamente, si los decimales van a ser exactos o periódicos.

Solución:

a)

a.1) $N = 1,\overline{23} \rightarrow 100 N = 123,\overline{23}$

$$\underline{N = 1,\overline{23}}$$

$$100 N - N = 122 \rightarrow 99 N = 122 \rightarrow N = \frac{122}{99}$$

a.2) $M = 2,0\overline{8} \rightarrow 100 M = 208,\overline{8}$

$$\underline{10 M = 20,\overline{8}}$$

$$100 M - 10 M = 188 \rightarrow 90 M = 188 \rightarrow M = \frac{188}{90} = \frac{94}{45}$$

b) Ambos van a ser decimales periódicos porque en sus denominadores hay factores distintos de 2 y 5.

Efectuando la división, obtenemos:

$$\frac{31}{30} = 1,0\overline{3} \quad -\frac{7}{3} = -2,\overline{3}$$

Ejercicio nº 2.-

a) Obtén el número decimal que corresponde a cada una de estas fracciones:

$$\frac{1}{45} \text{ y } \frac{17}{20}$$

Justifica, previamente, si van a ser exactos o periódicos.

b) Expresa en forma de fracción:

b.1) 0,96

b.2) $0,\overline{96}$

Solución:a) $\frac{1}{45}$ será periódico porque en su denominador hay factores distintos de 2 y 5.

$$\frac{17}{20} \text{ será exacto.}$$

33114

Efectuando la división, tenemos que:

$$\frac{1}{45} = 0,0\widehat{2} \quad \frac{17}{20} = 0,85$$

b)

$$\text{b.1.) } 0,96 = \frac{96}{100} = \frac{24}{25}$$

$$\text{b.2.) } N = 0,9\widehat{6} \rightarrow 100 N = 96,9\widehat{6}$$

$$\underline{N = 0,9\widehat{6}}$$

$$100 N - N = 96 \rightarrow 99 N = 96 \rightarrow N = \frac{96}{99} = \frac{32}{33}$$

Ejercicio nº 3.-

a) Pasa a forma de fracción los números:

$$\text{a.1) } -2,3$$

$$\text{a.2) } 0,0\widehat{2}$$

b) Transforma en decimal las fracciones: $\frac{31}{9}$ y $\frac{24}{25}$.

Justifica, previamente, si el decimal va a ser exacto o periódico.

Solución:

a)

$$\text{a.1) } -2,3 = -\frac{23}{10}$$

$$\text{a.2) } N = 0,0\widehat{2} \rightarrow 100 N = 2,2\widehat{2}$$

$$\underline{10 N = 0,2\widehat{2}}$$

$$100 N - 10 N = 2 \rightarrow 90 N = 2 \rightarrow N = \frac{2}{90} = \frac{1}{45}$$

b) $\frac{31}{9}$ va a ser un decimal periódico porque su denominador tiene factores distintos de 2 y 5.

$\frac{24}{25}$ va a ser exacto porque su denominador es una potencia de 5.

Efectuando la división, obtenemos:

$$\frac{31}{9} = 3,4\widehat{4} \quad \frac{24}{25} = 0,96$$

Ejercicio nº 4.-

a) Expresa en forma de fracción irreducible:

$$\text{a.1) } 2,3\widehat{3}$$

$$\text{a2.) } 3,0\widehat{2}$$

b) ³³¹¹⁴ Escribe en forma decimal: $\frac{3}{7}$ y $\frac{9}{11}$.

Justifica, previamente, si el decimal va a ser exacto o periódico.

Solución:

a)

a.1) $N = 2,\widehat{3} \rightarrow 10 N = 23,\widehat{3}$

$$\underline{N = 2,\widehat{3}}$$

$$10 N - N = 21 \rightarrow 9 N = 21 \rightarrow N = \frac{21}{9} = \frac{7}{3}$$

a.2) $M = 3,0\widehat{2} \rightarrow 100 M = 302,\widehat{2}$

$$\underline{10 M = 30,\widehat{2}}$$

$$100 M - 10 M = 272 \rightarrow 90 M = 272 \rightarrow M = \frac{272}{90} = \frac{136}{45}$$

b) Ambos van a ser decimales periódicos porque sus denominadores tienen factores que no son ni 2, ni 5.

Efectuando la división, obtenemos que:

$$\frac{3}{7} = 0,42857\widehat{1} \quad -\frac{9}{11} = -0,8\widehat{1}$$

Ejercicio nº 5.-

a) Escribe en forma decimal: $\frac{13}{4}$ y $\frac{45}{11}$.

Justifica, previamente, si el decimal va a ser exacto o periódico.

b) Expresa en forma de fracción irreducible:

b.1) $5,\widehat{23}$

b.2) $13,4\widehat{2}$

Solución:

a) $\frac{13}{4}$ va a ser un decimal exacto porque el denominador es una potencia de 2.

$\frac{45}{11}$ va a ser periódico.

Efectuamos la división en cada caso y tenemos que:

$$\frac{13}{4} = 3,25 \quad \frac{45}{11} = 4,0\widehat{9}$$

b)

b.1) $N = 5,2\widehat{3} \rightarrow 100 N = 523,\widehat{3}$

$$\underline{10 N = 52,\widehat{3}}$$

$$100 N - 10 N = 471 \rightarrow 90 N = 471 \rightarrow N = \frac{471}{90} = \frac{157}{30}$$

$$\begin{array}{r} 33114 \\ 6.2) 13,42 = \frac{1342}{100} = \frac{671}{50} \end{array}$$

Ejercicio nº 6.-

Clasifica los siguientes números como naturales, enteros, racionales o irracionales:

$$-4,3 ; \frac{3}{4} ; \sqrt{3} ; 2,\bar{7} ; -2 ; \sqrt{16}$$

Solución:

Naturales → $\sqrt{16}$

Enteros → $-2 ; \sqrt{16}$

Racionales → $-4,3 ; \frac{3}{4} ; 2,\bar{7} ; -2 ; \sqrt{16}$

Irracionales → $\sqrt{3}$

Ejercicio nº 7.-

Indica cuáles de los siguientes números son naturales, enteros, racionales o irracionales:

$$\sqrt{31} ; \sqrt{25} ; \sqrt[3]{27} ; \sqrt{\frac{4}{9}} ; -\frac{3}{4} ; -2$$

Solución:

Naturales → $\sqrt{25} ; \sqrt[3]{27}$

Enteros → $\sqrt{25} ; \sqrt[3]{27} ; -2$

Racionales → $\sqrt{25} ; \sqrt[3]{27} ; \sqrt{\frac{4}{9}} ; -\frac{3}{4} ; -2$

Irracionales → $\sqrt{31}$

Ejercicio nº 8.-

De los siguientes números, indica cuáles son naturales, enteros, racionales o irracionales:

$$\frac{3}{5} ; 3,5 ; 3,\bar{5} ; 3,0\bar{5} ; \sqrt{5} ; \sqrt{25}$$

Solución:

Naturales → $\sqrt{25}$

Enteros → $\sqrt{25}$

Racionales → $\frac{3}{5} ; 3,5 ; 3,\bar{5} ; 3,0\bar{5} ; \sqrt{25}$

Irracionales → $\sqrt{5}$

Ejercicio nº 9.-

Clasifica los siguientes números según sean naturales, enteros, racionales o irracionales:

33114 $-2,\bar{7}$; 3,02; $-1,1414414441\dots$; $\sqrt[3]{3}$; $-\frac{2}{3}$; $\sqrt{4}$

Solución:

Naturales $\rightarrow \sqrt{4}$

Enteros $\rightarrow \sqrt{4}$

Racionales $\rightarrow -2,\bar{7}$; 3,02; $-\frac{2}{3}$; $\sqrt{4}$

Irracionales $\rightarrow -1,1414414441\dots$; $\sqrt[3]{3}$

APROXIMACIONES Y ERRORES

Ejercicio nº 10.-

Aproxima los siguientes números a dos cifras decimales y calcula, en cada caso, el error absoluto cometido:

a) 0,1256

b) 15,031

c) 0,0951

Solución:

a) 0,1256

Aproximación a las centésimas = 0,13

Error absoluto = $0,13 - 0,1256 = 0,0044$

b) 15,031

Aproximación a las centésimas = 15,03

Error absoluto = $15,031 - 15,03 = 0,001$

c) 0,0951

Aproximación a las centésimas = 0,10

Error absoluto = $0,10 - 0,0951 = 0,005$

Ejercicio nº 11.-

Aproxima, en cada caso, al orden de la unidad indicada y calcula el error absoluto cometido:

a) 125,3 a las unidades

b) 25,321 a las décimas

c) 5935 a los millares

Solución:

a) 125,3

Aproximación a las unidades = 125

Error absoluto = $125,3 - 125 = 0,3$

b) 25,321

Aproximación a las décimas = 25,3

Error absoluto = $25,321 - 25,3 = 0,021$

c) 5 935

Aproximación a los millares = 6 000

Error absoluto = $6 000 - 5 935 = 65$

Ejercicio nº 12.-

Aproxima, en cada caso, al orden de la unidad indicada y calcula el error absoluto cometido:

a) 3,1258 a las centésimas

b) 12 127 a las centenas

c) 0,0645 a las milésimas

Solución:

a) 3,1258

Aproximación a las centésimas = 3,13

Error absoluto = $3,13 - 3,1258 = 0,0042$

b) 12 127

Aproximación a las centenas = 12 100

Error absoluto = $12 127 - 12 100 = 27$

c) 0,0645

Aproximación a las milésimas = 0,065

Error absoluto = $0,065 - 0,0645 = 0,0005$

Ejercicio nº 13.-

Aproxima los siguientes números a las centésimas y calcula el error cometido en cada caso:

a) 18,373

b) 4,7558

c) 5,097

Solución:

a) 18,373

Aproximación a las centésimas = 18,37

Error absoluto = $18,373 - 18,37 = 0,003$

b) 4,7558

Aproximación a las centésimas = 4,76

Error absoluto = $4,76 - 4,7558 = 0,0042$

c) 5,097

Aproximación a las centésimas = 5,10

Error absoluto = $5,10 - 5,097 = 0,003$