

Instrucciones: en todos y cada uno de los ejercicios es obligatorio hacer un desarrollo o procedimiento, por breve que sea, que lleve a la solución.

1. Realiza las siguientes operaciones con radicales, simplificando y extrayendo factores del resultado, si es posible: **(1 punto; 0,5 puntos por apartado)**

a) $\sqrt{x} \sqrt[3]{x^2} =$

b) $\frac{\sqrt{72}}{\sqrt[4]{27}} =$

2. Simplifica todo lo que puedas, aplicando convenientemente las propiedades de los radicales. Extrae factores caso de que sea posible. **(2 puntos; 1 punto por apartado)**

a) $(\sqrt[4]{2}\sqrt{3})^6 =$

b) $\sqrt{\sqrt[3]{\sqrt[4]{9}}} =$

3. Dados los polinomios:

$$P(x) = -2x^4 + x^2 - 3x + 1, \quad Q(x) = 2x^3 + x^2 + 1, \quad R(x) = -x^2 - 2x + 2$$

realiza las siguientes operaciones y ordena el polinomio resultante. **(4 puntos; 1 punto por apartado)**

a) $P(x) - Q(x) - R(x)$

b) $Q(x) - 2P(x) + 3R(x)$

c) $Q(x) \cdot R(x)$

d) $[R(x) + Q(x)] \cdot P(x)$

4. Realiza la división $P(x) \div R(x)$, donde $P(x)$ y $R(x)$ son los mismos polinomios del ejercicio anterior. Indica quién es el cociente y el resto. **(1 punto)**

5. Realiza la división $(-3x^6 - x^5 + 2x^3 - x + 3) \div (x + 1)$ utilizando la regla de Ruffini.

Indica quién es el cociente y el resto. **(1 punto)**

6. Hallar el valor de k para que al efectuar la división $(-3x^3 + x^2 - kx + 3) \div (x + 1)$ el resto sea 0 (división exacta). **(1 punto)**

Consejo: en los ejercicios de raíces, antes de aplicar las propiedades, debes de factorizar previamente aquellos números que no sean primos.

Soluciones:

1. a) $\sqrt{x} \sqrt[3]{x^2} = \sqrt[6]{x^3} \sqrt[6]{x^4} = \sqrt[6]{x^7} = x \sqrt[6]{x}$

b) $\frac{\sqrt{72}}{\sqrt[4]{27}} = \frac{\sqrt{2^3 \cdot 3^2}}{\sqrt[4]{3^3}} = \frac{\sqrt[4]{2^6 \cdot 3^4}}{\sqrt[4]{3^3}} = \sqrt[4]{\frac{2^6 \cdot 3^4}{3^3}} = \sqrt[4]{2^6 \cdot 3} = 2 \sqrt[4]{2^2 \cdot 3} = 2 \sqrt[4]{12}$

2. a) $(\sqrt[4]{2} \sqrt{3})^6 = \sqrt[4]{2^6} \sqrt{3^6} = \sqrt[4]{2^6} \sqrt[4]{3^{12}} = \sqrt[4]{2^6 \cdot 3^{12}} = 3^3 \cdot 2 \sqrt[4]{2^2} = 54 \sqrt{2}$

b) $\sqrt{\sqrt[3]{\sqrt[4]{9}}} = \sqrt[24]{3^2} = \sqrt[12]{3}$

3. a) $P(x) - Q(x) - R(x) = (-2x^4 + x^2 - 3x + 1) - (2x^3 + x^2 + 1) - (-x^2 - 2x + 2) =$
 $= -2x^4 + x^2 - 3x + 1 - 2x^3 - x^2 - 1 + x^2 + 2x - 2 = -2x^4 - 2x^3 + x^2 - x - 2$

b) $Q(x) - 2P(x) + 3R(x) = (2x^3 + x^2 + 1) - 2(-2x^4 + x^2 - 3x + 1) + 3(-x^2 - 2x + 2) =$
 $= 2x^3 + x^2 + 1 + 4x^4 - 2x^2 + 6x - 2 - 3x^2 - 6x + 6 = 4x^4 + 2x^3 - 4x^2 + 5$

c) $Q(x) \cdot R(x) = (2x^3 + x^2 + 1)(-x^2 - 2x + 2) =$
 $= -2x^5 - 4x^4 + 4x^3 - x^4 - 2x^3 + 2x^2 - x^2 - 2x + 2 = -2x^5 - 5x^4 + 2x^3 + x^2 - 2x + 2$

d) $[R(x) + Q(x)] \cdot P(x) = [(-x^2 - 2x + 2) + (2x^3 + x^2 + 1)](-2x^4 + x^2 - 3x + 1) =$
 $= (2x^3 - 2x + 3)(-2x^4 + x^2 - 3x + 1) = -4x^7 + 2x^5 - 6x^4 + 2x^3 + 4x^5 - 2x^3 + 6x^2 - 2x$
 $- 6x^4 + 3x^2 - 9x + 3 = -4x^7 + 6x^5 - 12x^4 + 9x^2 - 11x + 3$

4.
$$\begin{array}{r} -2x^4 \quad + x^2 - 3x + 1 \quad \underline{-x^2 - 2x + 2} \\ 2x^4 + 4x^3 - 4x^2 \quad \quad \quad 2x^2 - 4x + 11 \\ \hline 4x^3 - 3x^2 - 3x + 1 \\ -4x^3 - 8x^2 + 8x \\ \hline -11x^2 + 5x + 1 \\ 11x^2 + 22x - 22 \\ \hline 27x - 21 \end{array}$$

Cociente: $C(x) = 2x^2 - 4x + 11$; Resto: $R(x) = 27x - 21$

5. El dividendo ordenado es $-3x^6 - x^5 + 2x^3 - x + 3$. El divisor es $x+1$. Aplicando la regla de Ruffini con $x = -2$ tenemos:

	-3	-1	0	2	0	-1	3
-1		3	-2	2	-4	4	-3
	-3	2	-2	4	-4	3	0

Cociente: $C(x) = -3x^5 + 2x^4 - 2x^3 + 4x^2 - 4x + 3$; Resto: $R = 0$

6. Aplicando la regla de Ruffini:

	-3	1	-k	3
-1		3	-4	k+4
	-3	4	-k-4	k+7

Entonces, como el resto de la división es 0, $k+7=0$, y entonces $k = -7$.

www.yoquieroaprobar.es