



EVALUACIÓN DE BACHILLERATO PARA EL ACCESO A LA UNIVERSIDAD

LOMCE – JUNIO 2019

FÍSICA

INDICACIONES

Elegir una de las dos opciones. No deben resolverse cuestiones de opciones diferentes.

CONSTANTES FÍSICAS

Velocidad de la luz en el vacío	$c = 3.0 \cdot 10^8 \text{ m s}^{-1}$	Masa del protón	$m_{p^+} = 1.7 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$
Constante de gravitación universal	$G = 6.7 \cdot 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$	Masa del electrón	$m_{e^-} = 9.1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$
Constante de Coulomb	$k = 9.0 \cdot 10^9 \text{ N m}^2 \text{ C}^{-2}$	Carga del protón	$q_{p^+} = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$
Constante de Planck	$h = 6.6 \cdot 10^{-34} \text{ J s}$	Carga del electrón	$q_{e^-} = -1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$
Radio de la Tierra	$R_T = 6370 \text{ km}$	Masa de la Tierra	$M_T = 5.97 \cdot 10^{24} \text{ kg}$

Nota: estas constantes se facilitan a título informativo.

OPCIÓN DE EXAMEN Nº 1

- Sea una onda armónica transversal de 5 cm de amplitud, con una velocidad de propagación de 5 m/s y periodo 0.1 s. En el instante inicial, el punto situado en $x = 0$ tiene una elongación de 2.5 cm.
 - [1 PUNTO] Obtener la frecuencia y la longitud de onda.
 - [1 PUNTO] Escribir la ecuación de onda si se propaga hacia la derecha.
- Una lente divergente delgada tiene una distancia focal de 6 cm (en valor absoluto). Determina la posición tamaño y naturaleza de la imagen que se obtiene de un objeto de altura 4 cm que se sitúa 10 cm a la izquierda de la lente.
 - [0,75 PUNTOS] Mediante trazado de rayos.
 - [0,75 PUNTOS] Cuantitativamente.
 - [0,5 PUNTOS] Describe razonadamente el tipo de imagen que se obtiene con una lente divergente.
- Determinar para un satélite artificial de masa 750 kg que rodea la Tierra en una órbita circular de 8000 km de radio:
 - [1 PUNTO] Deduce la expresión de la velocidad y obtén su valor, así como el periodo.
 - [0,5 PUNTOS] La energía potencial gravitatoria que tendría dicho satélite.
 - [0,5 PUNTOS] El trabajo que se requiere para poner el satélite en esa órbita.
- El tritio es un isótopo radiactivo del hidrógeno que emite partículas β con una vida media de 12.5 años.
 - [0,75 PUNTOS] Calcular la constante de desintegración radiactiva.
 - [0,75 PUNTOS] ¿Qué fracción de la muestra original quedará al cabo de 17.32 años?
 - [0,5 PUNTOS] Explica en qué consiste una desintegración α .
- Tres cargas eléctricas puntuales de valor 1 μC , -2 μC y 1 μC , se encuentran situadas en los vértices de un cuadrado de 3 metros de lado, en los puntos (3, 0) (3, 3) y (0, 3) respectivamente, estando las distancias expresadas en m.
 - [1 PUNTO] Calcular y representar gráficamente la intensidad de campo en el punto (0,0).
 - [1 PUNTO] ¿Cuál es el trabajo realizado por el campo sobre una carga de 1.5 μC cuando se desplaza desde el centro del cuadrado hasta el punto (0,0)?

1.- Sea una onda armónica transversal de 5 cm de amplitud, con una velocidad de propagación de 5 m/s y periodo 0,1 s. En el instante inicial, el punto situado en $x = 0$ tiene una elongación de 2,5 cm.

a) (1 p) Obtener la frecuencia y la longitud de onda.

Por el enunciado sabemos:

$$T = 0,1 \text{ s}; \quad A = 5 \text{ cm} = 0,05 \text{ m}; \quad v_p = 5 \text{ m/s}$$

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{0,1} = 10 \text{ Hz}; \quad v_p = \lambda \cdot f \Rightarrow \lambda = \frac{v_p}{f} = \frac{5}{10} = 0,5 \text{ m}$$

b) (1 p) Escribir la ecuación de onda si se propaga hacia la derecha.

La ecuación general de una onda armónica que se desplaza en el sentido positivo del eje X:

$$y(x;t) = A \cdot \text{sen}(\omega \cdot t - k \cdot x + \varphi_0) = A \cdot \text{sen}\left(\frac{2\pi}{T} \cdot t - \frac{2\pi}{\lambda} \cdot x + \varphi_0\right)$$

Por lo tanto:

$$y(x;t) = 0,05 \cdot \text{sen}\left(\frac{2\pi}{0,1} \cdot t - \frac{2\pi}{0,5} \cdot x + \varphi_0\right) = 0,05 \cdot \text{sen}(20\pi \cdot t - 4\pi \cdot x + \varphi_0) \text{ (m;s)}$$

Para establecer el valor de φ_0 , sabemos:

$$y(x=0;t=0) = 0,025 \Rightarrow 0,025 = 0,05 \cdot \text{sen}(\varphi_0) \Rightarrow \text{sen}(\varphi_0) = 0,5 \Rightarrow \varphi_0 = \begin{cases} \frac{\pi}{6} \text{ rad} \\ \frac{5\pi}{6} \text{ rad} \end{cases}$$

Como no tenemos datos acerca de la velocidad, no podemos discriminar entre ambos valores de la fase inicial, de modo que la ecuación de la onda podría ser:

$$y(x;t) = 0,05 \cdot \text{sen}\left(20\pi \cdot t - 4\pi \cdot x + \frac{\pi}{6}\right) \text{ (m;s)}$$

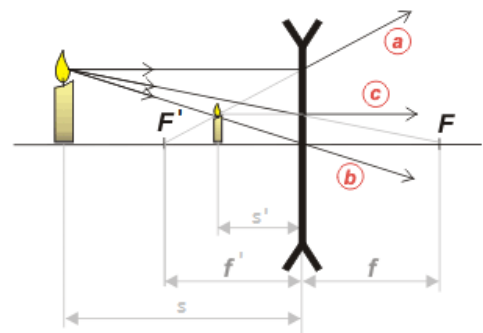
$$y(x;t) = 0,05 \cdot \text{sen}\left(20\pi \cdot t - 4\pi \cdot x + \frac{5\pi}{6}\right) \text{ (m;s)}$$

2.- Una lente divergente delgada tiene una distancia focal de 6 cm (en valor absoluto). Determina la posición tamaño y naturaleza de la imagen que se obtiene de un objeto de altura 4 cm que se sitúa 10 cm a la izquierda de la lente.

a) (0,75 p) Mediante trazado de rayos.

Las lentes divergentes tienen la focal imagen delante de la lente. Hacemos el trazado de rayos:

- Un rayo procedente del objeto paralelo al eje óptico, se refracta en la lente en una dirección cuya prolongación pasa por el foco imagen (rayo a).
- Un rayo procedente del objeto paralelo en dirección hacia el foco objeto, se refracta en la lente en dirección paralela al eje óptico (rayo c).
- Un rayo procedente del objeto que pasa por el centro óptico de la lente no se desvía (rayo b).



Se trata de una imagen virtual (se forma por delante de la lente), derecha y de menor tamaño que el objeto.

b) (0,75 p) Cuantitativamente.

Al tratarse de una lente divergente la distancia focal imagen, f' , es negativa.

Aplicando la ecuación de las lentes delgadas:

$$\frac{1}{s'} - \frac{1}{s} = \frac{1}{f'} \Rightarrow \frac{1}{s'} - \frac{1}{-10} = \frac{1}{-6} \Rightarrow s' = -3,75 \text{ cm}$$

La imagen es virtual ya que se forma delante de la lente (distancia imagen negativa).

Aplicando la ecuación del aumento lateral:

$$M_L = \frac{y'}{y} = \frac{s'}{s} \Rightarrow y' = y \cdot \left(\frac{s'}{s}\right) = 4 \cdot \left(\frac{-3,75}{-10}\right) = 1,5 \text{ cm}$$

La imagen es derecha (aumento lateral positivo) y de menor tamaño que el objeto.

c) (0,5 p) Describe razonadamente el tipo de imagen que se obtiene con una lente divergente.

Las imágenes que forman las lentes divergentes son siempre virtuales, derechas y de menor tamaño que el objeto. Lo podemos demostrar analíticamente:

De acuerdo a las normas DIN:

$$s < 0; \quad f' < 0 \text{ (lente divergente)} \Rightarrow \frac{1}{s'} - \frac{1}{s} = \frac{1}{f'} \Rightarrow \frac{1}{s'} = \frac{s + f'}{s \cdot f'} \Rightarrow s' = \frac{s \cdot f'}{s + f'} < 0$$

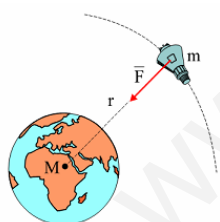
La distancia imagen es negativa, independientemente del valor de la distancia objeto, por lo que la imagen es siempre virtual.

$$s < 0; \quad s' < 0 \text{ (imagen virtual)} \Rightarrow M_L = \frac{s'}{s} > 0 \text{ (imagen derecha)}$$

También puede demostrarse gráficamente, situando el objeto a diferentes distancias de la lente.

3.- Determinar para un satélite artificial de masa 750 kg que rodea la Tierra en una órbita circular de 8000 km de radio:

a) (1 p) Deduce la expresión de la velocidad y obtén su valor, así como el periodo.



La fuerza gravitatoria de la Tierra actúa como fuerza centrípeta del movimiento del satélite.

$$G \cdot \frac{M_T \cdot m}{r^2} = m \cdot \frac{v_0^2}{r} \Rightarrow v_0 = \sqrt{\frac{G \cdot M_T}{r}} = \sqrt{\frac{6,7 \cdot 10^{-11} \cdot 5,97 \cdot 10^{24}}{8 \cdot 10^6}} = 7071 \text{ m/s}$$

$$T = \frac{2\pi \cdot r}{v_0} = \frac{2\pi \cdot 8 \cdot 10^6}{7071} = 7108,7 \text{ s} \cong 1,97 \text{ h}$$

b) (0,5 p) La energía potencial gravitatoria que tendría dicho satélite.

Hay una discrepancia entre el enunciado del examen que se ha publicado en la web de UNICAN (el que está aquí reflejado) y el que se dio a los alumnos que decía: "La energía potencial gravitatoria que tendría dicho satélite respecto a la superficie de la Tierra".

Voy a resolverlo de las dos maneras:

$$(E_p)_{\text{órbita}} = \frac{-G \cdot M_T \cdot m}{r} = \frac{-6,7 \cdot 10^{-11} \cdot 5,97 \cdot 10^{24} \cdot 750}{8 \cdot 10^6} = -3,75 \cdot 10^{10} \text{ J}$$

La energía potencial con respecto a la superficie terrestre es:

$$\Delta E_p = (E_p)_{\text{órbita}} - (E_p)_{\text{superficie}} = \frac{-G \cdot M_T \cdot m}{r} - \left(\frac{-G \cdot M_T \cdot m}{R_T} \right) = G \cdot M \cdot m \cdot \left(\frac{1}{R_T} - \frac{1}{r} \right)$$

$$\Delta E_p = (E_p)_{\text{órbita}} - (E_p)_{\text{superficie}} = 6,7 \cdot 10^{-11} \cdot 5,97 \cdot 10^{24} \cdot 750 \cdot \left(\frac{1}{6,37 \cdot 10^6} - \frac{1}{8 \cdot 10^6} \right) = 9,59 \cdot 10^6 \text{ J}$$

La energía potencial en la órbita es mayor que en la superficie terrestre.

c) (0,5 p) El trabajo que se requiere para poner el satélite en esa órbita.

Antes del lanzamiento el satélite solo posee energía potencial gravitatoria, sin embargo cuando se mueve en su órbita tiene tanto energía potencial como energía cinética, cuya suma recibe el nombre de energía mecánica orbital o energía de enlace. El trabajo necesario para poner el satélite en órbita es la diferencia entre la energía de enlace y la energía potencial en la superficie.

$$W = E_{\text{enlace}} - E_{p,\text{superficie}} = -\frac{1}{2} \cdot G \cdot \frac{m \cdot M_T}{r} - \left(-G \cdot \frac{m \cdot M_T}{R_T} \right) = G \cdot m \cdot M_T \cdot \left(\frac{1}{R_T} - \frac{1}{2r} \right)$$

$$W = 6,7 \cdot 10^{-11} \cdot 750 \cdot 5,97 \cdot 10^{24} \cdot \left(\frac{1}{6,37 \cdot 10^6} - \frac{1}{2 \cdot 8 \cdot 10^6} \right) = 2,83 \cdot 10^{10} \text{ J}$$

4.- El tritio es un isótopo radiactivo del hidrógeno que emite partículas β con una vida media de 12,5 años.

a) (0,75 p) Calcular la constante de desintegración radiactiva.

La vida media es el inverso de la constante radiactiva:

$$\tau = \frac{1}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{1}{\tau} = \frac{1}{12,5} = 0,08 \text{ año}^{-1}$$

b) (0,75 p) ¿Qué fracción de la muestra original quedará al cabo de 17,32 años?

Si aplicamos la ley de la desintegración radiactiva:

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t} \Rightarrow \frac{N}{N_0} = e^{-\lambda \cdot t} = e^{-0,08 \cdot 17,32} = 0,25 \text{ (Queda el 25 \% de la muestra original)}$$

c) (0,5 p) Explica en qué consiste una desintegración α .

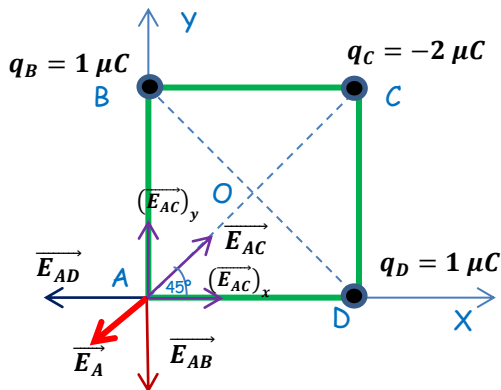
La emisión α consiste en la emisión por parte de un núcleo radiactivo de partículas formadas por dos protones y dos neutrones (núcleos de helio), que tienen dos cargas eléctricas positivas. La radiación α posee un escaso poder de penetración y es frenada por unos pocos centímetros de aire, sin embargo, debido a su gran masa, es muy ionizante, arrancando electrones a otros átomos.

Según las leyes de Soddy, cuando un núcleo X emite una partícula α , se convierte en otro núcleo, Y, con cuatro unidades menos de número másico y dos unidades menos de número atómico.



5.- Tres cargas eléctricas puntuales de valor $1 \mu\text{C}$, $-2 \mu\text{C}$ y $1 \mu\text{C}$, se encuentran situadas en los vértices de un cuadrado de 3 metros de lado, en los puntos (3, 0) (3, 3) y (0, 3) respectivamente, estando las distancias expresadas en m.

a) (1 p) Calcular y representar gráficamente la intensidad de campo en el punto (0,0).



$$r_{AB} = r_{AD} = 3 \text{ m}$$

$$r_{AC} = \sqrt{3^2 + 3^2} = \sqrt{18} \text{ m}$$

$$r_{OB} = r_{OC} = r_{OD} = \sqrt{1,5^2 + 1,5^2} = \sqrt{4,5} \text{ m}$$

$$\vec{E}_{AB} = -K \cdot \frac{q_B}{(r_{AB})^2} \cdot \vec{j} = -9 \cdot 10^9 \cdot \frac{10^{-6}}{(3)^2} \cdot \vec{j} = -10^3 \vec{j} \text{ N/C}$$

$$\vec{E}_{AC} = K \cdot \frac{|q_C|}{(r_{AC})^2} \cdot (\cos 45^\circ \vec{i} + \text{sen } 45^\circ \vec{j}) = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{2 \cdot 10^{-6}}{(\sqrt{18})^2} \cdot (\cos 45^\circ \vec{i} + \text{sen } 45^\circ \vec{j}) = 707,1 \vec{i} + 707,1 \vec{j} \text{ N/C}$$

$$\vec{E}_{AD} = -K \cdot \frac{q_D}{(r_{AD})^2} \cdot \vec{i} = -9 \cdot 10^9 \cdot \frac{10^{-6}}{(3)^2} \cdot \vec{i} = -10^3 \vec{i} \text{ N/C}$$

$$\vec{E}_A = \vec{E}_{AB} + \vec{E}_{AC} + \vec{E}_{AD} = -292,9 \vec{i} - 292,9 \vec{j} \text{ N/C}$$

b) (1 p) ¿Cuál es el trabajo realizado por el campo sobre una carga de $1,5 \mu\text{C}$ cuando se desplaza desde el centro del cuadrado hasta el punto (0,0)?

Calculamos el potencial electrostático en los puntos O y A.

$$V_O = V_{OB} + V_{OC} + V_{OD} = K \cdot \left(\frac{q_B}{r_{OB}} + \frac{q_C}{r_{OC}} + \frac{q_D}{r_{OD}} \right) = \frac{K}{r} \cdot (q_B + q_C + q_D)$$

$$V_O = \frac{9 \cdot 10^9}{\sqrt{4,5}} \cdot (1 \cdot 10^{-6} + (-2 \cdot 10^{-6}) + 1 \cdot 10^{-6}) = 0 \text{ V}$$

$$V_A = V_{AB} + V_{AC} + V_{AD} = K \cdot \left(\frac{q_B}{r_{AB}} + \frac{q_C}{r_{AC}} + \frac{q_D}{r_{AD}} \right) = 9 \cdot 10^9 \cdot \left(\frac{1 \cdot 10^{-6}}{3} + \frac{(-2 \cdot 10^{-6})}{\sqrt{18}} + \frac{1 \cdot 10^{-6}}{3} \right) = 1757,4 \text{ J}$$

$$(W_{O \rightarrow A})_{F \text{ eléctrica}} = q' \cdot (V_O - V_A) = 1,5 \cdot 10^{-6} \cdot (0 - 1757,4) = -2,64 \cdot 10^{-3} \text{ J}$$

Para trasladar la carga es necesaria una fuerza externa. El trabajo realizado por esta fuerza queda almacenado en la carga trasladada en forma de energía potencial electrostática.

OPCIÓN DE EXAMEN N° 2

1. Sabiendo que la intensidad umbral es 10^{-12} W / m^2 , si la sonoridad de un espectador de un partido de fútbol es 40 dB.

- a) [1 PUNTO] ¿Cuál sería la sonoridad si gritaran con la misma intensidad sonora 1000 espectadores a la vez?
- b) [1 PUNTO] ¿Cuál es la intensidad de una onda sonora de 85 dB?

2. Una onda monocromática se propaga por un medio con una velocidad v e incide sobre la superficie de separación con otro medio donde la velocidad de propagación es $v' = 2 \cdot v$.

- a) [1 PUNTO] Si el ángulo de incidencia es $\theta = 10^\circ$, calcula y dibuja el ángulo de refracción.
- b) [0,5 PUNTOS] Calcula e indica el ángulo límite.
- c) [0,5 PUNTOS] Describe el fenómeno de la reflexión total y alguna de sus aplicaciones.

3. El trabajo de extracción fotoeléctrico del un determinado metal es 2.07 eV. Determinar:

- a) [1 PUNTO] La velocidad máxima con la que son emitidos los electrones, cuando se ilumina con luz de longitud de onda de 400 nm.
- b) [1 PUNTO] Sabiendo que las longitudes de onda de la luz visible están comprendidas entre 380 nm y 775 nm. ¿En qué rango de longitudes de onda de la luz visible se producirá el efecto fotoeléctrico?

Dato: $1 \text{ eV} = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ J}$

4. En dos puntos, A y B, de coordenadas (20, 0) y (0, 20) expresadas en metros, se situán dos masas puntuales de 10 kg cada una.

- a) [0,75 PUNTOS] Dibujar y calcular el vector campo gravitatorio producido por cada una de estas dos masas y el total en el punto C (20, 20).
- b) [0,75 PUNTOS] Hallar el potencial gravitatorio en el punto C.
- c) [0,5 PUNTOS] Hallar la fuerza sobre una masa puntual de 5 kg, situada en ese punto C.

5. Un electrón se mueve al entrar dentro de un campo magnético con una velocidad $\vec{v} = 10^4 \vec{i} \text{ m/s}$. Sabiendo que el campo ejerce una fuerza sobre él igual a $10^{-16} \vec{j} \text{ N}$. Determinar:

- a) [1 PUNTO] El módulo y la dirección del campo magnético que actúa sobre la partícula.
- b) [0,5 PUNTOS] Si la velocidad fuera $10^6 \vec{k} \text{ m/s}$ ¿cuál sería entonces la magnitud y dirección del campo magnético?
- c) [0,5 PUNTOS] Justifica si una partícula que entre en un campo magnético siempre nota su efecto en su trayectoria.

CONSTANTES FÍSICAS			
Velocidad de la luz en el vacío	$c = 3.0 \cdot 10^8 \text{ m s}^{-1}$	Masa del protón	$m_{p^+} = 1.7 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$
Constante de gravitación universal	$G = 6.7 \cdot 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$	Masa del electrón	$m_{e^-} = 9.1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$
Constante de Coulomb	$k = 9.0 \cdot 10^9 \text{ N m}^2 \text{ C}^{-2}$	Carga del protón	$q_{p^+} = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$
Constante de Planck	$h = 6.6 \cdot 10^{-34} \text{ J s}$	Carga del electrón	$q_{e^-} = -1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$
Radio de la Tierra	$R_T = 6370 \text{ km}$	Masa de la Tierra	$M_T = 5.97 \cdot 10^{24} \text{ kg}$

Nota: estas constantes se facilitan a título informativo.

1.- Sabiendo que la intensidad umbral es 10^{-12} W/m^2 , si la sonoridad de un espectador de un partido de fútbol es 40 dB.

- a) (1 p) ¿Cuál sería la sonoridad si gritaran con la misma intensidad sonora 1000 espectadores a la vez?

De acuerdo a la Ley de Weber - Fechner, la sensación sonora o sonoridad, S , es proporcional a los logaritmos de las intensidades de los estímulos que las provocan:

$$S = 10 \cdot \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 40 = 10 \cdot \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 4 = \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow I = 10^4 \cdot I_0 = 10^4 \cdot 10^{-12} = 10^{-8} \text{ W/m}^2$$

Esta es la intensidad del sonido generado por un espectador, la intensidad generada por 1000 espectadores sería mil veces mayor, de modo que la sonoridad generada por el conjunto de mil espectadores será:

$$S' = 10 \cdot \log \frac{I'}{I_0} = 10 \cdot \log \frac{1000 \cdot I}{I_0} = 10 \cdot \log \frac{1000 \cdot 10^{-8}}{10^{-12}} = 70 \text{ dB}$$

- b) (1 p) ¿Cuál es la intensidad de una onda sonora de 85 dB?

$$S = 10 \cdot \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 85 = 10 \cdot \log \frac{I}{I_0} \Rightarrow 8,5 = \log \frac{I}{I_0}$$

$$I = 10^{8,5} \cdot I_0 = 10^{8,5} \cdot 10^{-12} = 3,16 \cdot 10^{-4} \text{ W/m}^2$$

2.- Una onda monocromática se propaga por un medio con una velocidad v e incide sobre la superficie de separación con otro medio donde la velocidad de propagación es $v' = 2v$.

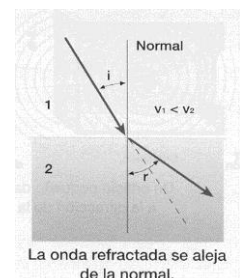
- a) (1 p) Si el ángulo de incidencia es $\theta = 10^\circ$, calcula y dibuja el ángulo de refracción.

Aplicando la ley de Snell de la refracción:

$$\frac{\sin \hat{i}}{\sin \hat{r}} = \frac{v_1}{v_2} \Rightarrow \sin \hat{r} = \frac{v_2}{v_1} \cdot \sin \hat{i} = \frac{2v}{v} \cdot \sin \hat{i} = 2 \cdot \sin \hat{i} = 2 \cdot \sin 10^\circ = 0,347$$

$$\hat{r} = \arcsen 0,347 = 20,3^\circ$$

Al proceder el rayo incidente de un medio más refringente y pasar a un medio menos refringente, el rayo refractado se aleja de la normal.



- b) (0,5 p) Calcula e indica el ángulo límite.

El ángulo límite es el ángulo de incidencia para el cual el ángulo de refracción es de 90° .

$$\frac{\sin \hat{i}}{\sin \hat{r}} = \frac{v_1}{v_2} \Rightarrow \sin \hat{i}_l = \frac{v_1}{v_2} \cdot \sin \hat{r} = \frac{v}{2v} \cdot \sin 90^\circ = 0,5 \Rightarrow \hat{i}_l = \arcsen 0,5 = 30^\circ$$

c) (0,5 p) Describe el fenómeno de la reflexión total y alguna de sus aplicaciones.

La reflexión total es un fenómeno óptico que se produce cuando un rayo de luz pasa de un medio más refringente (en el que la luz se desplaza a menor velocidad) a otro medio menos refringente (donde la luz se desplaza a mayor velocidad), donde a partir de un determinado ángulo de incidencia (ángulo límite), la ley de Snell de la refracción predice un ángulo de refracción mayor de 90° , lo que implica que la luz no se refracta y solamente se refleja.

Entre las aplicaciones de la reflexión total, destacan:

- Transmisión de datos a través de la fibra óptica.
- Prismas de reflexión total utilizados en periscopios, prismáticos y otros instrumentos ópticos.

3.- El trabajo de extracción fotoeléctrico de un determinado metal es 2,07 eV. Determinar:

DATO: $1 \text{ eV} = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ J}$

a) (1 p) La velocidad máxima con la que son emitidos los electrones, cuando se ilumina con luz de longitud de onda de 400 nm.

Si aplicamos la ecuación de Einstein del efecto fotoeléctrico:

$$E_{\text{fotón inc.}} = W_0 + (E_{c,\text{máx}})_{\text{electrón emitido}} \Rightarrow E_{c,\text{máx}} = E_{\text{fotón inc.}} - W_0 = h \cdot \frac{c}{\lambda} - W_0$$

$$E_{c,\text{máx}} = 6,6 \cdot 10^{-34} \cdot \frac{3 \cdot 10^8}{400 \cdot 10^{-9}} - (2,07 \cdot 1,6 \cdot 10^{-19}) = 1,638 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

$$E_{c,\text{máx}} = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v_{\text{máx}}^2 \Rightarrow v_{\text{máx}} = \sqrt{\frac{2 \cdot E_{c,\text{máx}}}{m}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 1,638 \cdot 10^{-19}}{9,1 \cdot 10^{-31}}} = 6 \cdot 10^5 \text{ m/s}$$

b) (1 p) Sabiendo que las longitudes de onda de la luz visible están comprendidas entre 380 nm y 775 nm. ¿En qué rango de longitudes de onda de la luz visible se producirá el efecto fotoeléctrico?

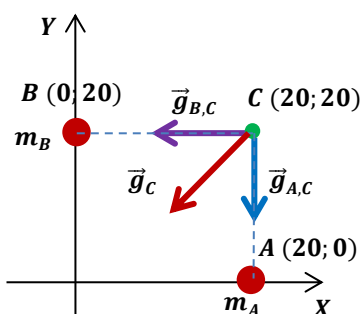
Para que se produzca efecto fotoeléctrico la energía del fotón incidente debe ser mayor que el trabajo de extracción del metal:

$$E_{\text{fotón inc.}} > W_0 \Rightarrow h \cdot \frac{c}{\lambda} > W_0 \Rightarrow \lambda < \frac{h \cdot c}{W_0} < \frac{6,6 \cdot 10^{-34} \cdot 3 \cdot 10^8}{(2,07 \cdot 1,6 \cdot 10^{-19})} < 5,98 \cdot 10^{-7} \text{ m} < 598 \text{ nm}$$

Se produce efecto fotoeléctrico en el intervalo entre 380 nm y 598 nm.

4.- En dos puntos, A y B, de coordenadas (20, 0) y (0, 20) expresadas en metros, se situan dos masas puntuales de 10 kg cada una.

a) (0,75 p) Dibujar y calcular el vector campo gravitatorio producido por cada una de estas dos masas y el total en el punto C (20, 20).



$$\vec{g}_{A,C} = -G \cdot \frac{m_A}{(r_{A,C})^2} \vec{j} = -6,7 \cdot 10^{-11} \cdot \frac{10}{(20)^2} \vec{j} = -1,675 \cdot 10^{-12} \vec{j} \text{ N/kg}$$

$$\vec{g}_{B,C} = -G \cdot \frac{m_B}{(r_{B,C})^2} \vec{i} = -6,7 \cdot 10^{-11} \cdot \frac{10}{(20)^2} \vec{i} = -1,675 \cdot 10^{-12} \vec{i} \text{ N/kg}$$

$$\vec{g}_C = \vec{g}_{A,C} + \vec{g}_{B,C} = (-1,675 \cdot 10^{-12} \vec{i} - 1,675 \cdot 10^{-12} \vec{j}) \text{ N/kg}$$

b) (0,75 p) Hallar el potencial gravitatorio en el punto C.

$$V_C = V_{A,C} + V_{B,C} = \left(-G \cdot \frac{m_A}{r_{A,C}} \right) + \left(-G \cdot \frac{m_B}{r_{B,C}} \right) = -\frac{G}{r} \cdot (m_1 + m_2) = -\frac{6,7 \cdot 10^{-11}}{20} \cdot (20) = -6,7 \cdot 10^{-11} \text{ J/kg}$$

c) (0,5 p) Hallar la fuerza sobre una masa puntual de 5 kg, situada en ese punto C.

$$\vec{F}_C = m' \cdot \vec{g}_C = 5 \cdot (-1,675 \cdot 10^{-12} \vec{i} - 1,675 \cdot 10^{-12} \vec{j}) = (-8,375 \cdot 10^{-12} \vec{i} - 8,375 \cdot 10^{-12} \vec{j}) \text{ N}$$

$$|\vec{F}_C| = \sqrt{(-8,375 \cdot 10^{-12})^2 + (-8,375 \cdot 10^{-12})^2} = 1,18 \cdot 10^{-11} \text{ N}$$

5.- Un electrón se mueve al entrar dentro de un campo magnético con una velocidad $\vec{v} = 10^4 \vec{i} \text{ m/s}$. Sabiendo que el campo ejerce una fuerza sobre él igual a $10^{-16} \vec{j} \text{ N}$. Determinar:

a) (1 p) El módulo y la dirección del campo magnético que actúa sobre la partícula.

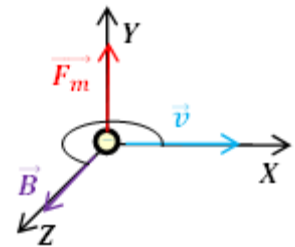
El electrón se ve sometido a la fuerza de Lorentz:

$$\vec{F} = q \cdot (\vec{v} \times \vec{B}) \text{ cuyo módulo es } F = q \cdot v \cdot B \cdot \text{sen } \alpha$$

El módulo del campo magnético es:

$$B = \frac{F}{q \cdot v \cdot \text{sen } \alpha} = \frac{10^{-16}}{1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 10^4 \cdot \text{sen } 90^\circ} = 6,25 \cdot 10^{-2} \text{ T}$$

El vector fuerza es perpendicular al plano formado por los vectores velocidad y campo magnético, por lo que la dirección del campo magnético es la del eje Z. El sentido de la fuerza se obtiene por el sentido del avance de un tornillo al girar el vector velocidad sobre el vector campo magnético por el camino más largo (ya que la carga del electrón es negativa), por lo que el sentido del campo magnético es el del eje Z positivo.



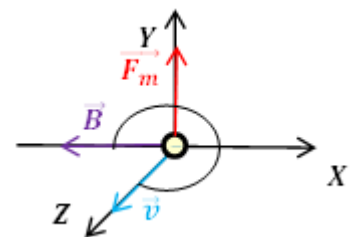
$$\vec{B} = 6,25 \cdot 10^{-2} \vec{k} \text{ T}$$

b) (0,5 p) Si la velocidad fuera $\vec{v} = 10^6 \vec{k} \text{ m/s}$ ¿cuál sería entonces la magnitud y dirección del campo magnético?

El módulo del campo magnético es:

$$B = \frac{F}{q \cdot v \cdot \text{sen } \alpha} = \frac{10^{-16}}{1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 10^6 \cdot \text{sen } 90^\circ} = 6,25 \cdot 10^{-4} \text{ T}$$

El vector fuerza es perpendicular al plano formado por los vectores velocidad y campo magnético, por lo que la dirección del campo magnético es la del eje X. El sentido de la fuerza se obtiene por el sentido del avance de un tornillo al girar el vector velocidad sobre el vector campo magnético por el camino más largo (ya que la carga del electrón es negativa), por lo que el sentido del campo magnético es el del eje X negativo.



$$\vec{B} = -6,25 \cdot 10^{-4} \vec{i} \text{ T}$$

c) (0,5 p) Justifica si una partícula que entre en un campo magnético siempre nota su efecto en su trayectoria.

Según la ley de Lorentz, para que la partícula se vea afectada por el campo magnético debe tener carga eléctrica, por lo que si la partícula no está cargada atravesará el campo sin desviarse.

Si la partícula está cargada pero atraviesa el campo magnético en dirección paralela a las líneas de campo, tampoco experimentará fuerza magnética, atravesando el campo sin desviarse.