

		GENERALIDADES	ECUACIÓN	E. TANGENTE E. NORMAL	ASÍNTOTAS	PARTICULARIDADES
CIRCUNFERENCIA		Centro: $C(a, b)$ $r \equiv d_{CP}$: radio $r = \sqrt{(x - a)^2 + (y - b)^2}$ $A = -2a \quad B = -2b$ $C = a^2 + b^2 - r^2$	$(x-a)^2 + (y-b)^2 = r^2$ $x^2 + y^2 + Ax + By + C = 0$ Si $C(0, 0)$: $x^2 + y^2 = r^2$	E. Tangente $y - y_0 = -\frac{x_0 - a}{y_0 - b}(x - x_0)$ Otra forma: $y - y_0 = -\frac{x_0}{y_0}(x - x_0)$		Potencia: $\text{Pot}(Q) = (x-a)^2 + (y-b)^2 - r^2$ Si $d_{QO} = r$ $\text{Pot}(Q) = d^2 - r^2$ Eje radical: $(A-A')x + (B-B')y + (C-C') = 0$
ELIPSE		Vértices: A, A', B, B' Focos: F, F' $d + d' = 2a$ Eje mayor: $2a$ Eje menor: $2b$ $FF' = 2c; OF = OF' = c$ $e = \frac{c}{a} < 1; a^2 = b^2 + c^2$ e: excentricidad	PF + PF' = 2a $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$	E. Tangente $y - y_0 = -\frac{b^2 x_0}{a^2 y_0}(x - x_0)$ Otra forma: $\frac{x \cdot x_0}{a^2} + \frac{y \cdot y_0}{b^2} = 1$ E. Normal $y - y_0 = \frac{a^2 y_0}{b^2 x_0}(x - x_0)$		Coordenadas: $O(0, 0)$ $A(a, 0); A'(-a, 0)$ $B(0, b); B'(0, -b)$ $F(c, 0); F'(-c, 0)$
		$O(0, 0)$ $A(0, a); A'(0, -a)$ $B(b, 0); B'(-b, 0)$ $F(0, c); F'(0, -c)$	$\frac{x^2}{b^2} + \frac{y^2}{a^2} = 1$			
		$O(0, 0); O'(h, k)$ $A(h+a, k); A'(h-a, k)$ $B(h, k+b); B'(h, k-b)$ $F(h+c, k); F'(h-c, k)$	$\frac{(x-h)^2}{a^2} + \frac{(y-k)^2}{b^2} = 1$			

	<p>$O(0, 0); O'(h, k)$ $A(h, k+a); A'(h, k-a)$ $B(h+b, k); B'(h-b, k)$ $F(h, k+c); F'(h, k-c)$</p>	$\frac{(x-h)^2}{b^2} + \frac{(y-k)^2}{a^2} = 1$		
HIPÉRBOLA	<p>Vértices: A, A', B, B' Focos: F, F' Eje real $AA' = 2a$ Eje imaginario: $BB' = 2b$ $FF' = 2c; OF = OF' = c$ $e = \frac{c}{a} > 1; c^2 = a^2 + b^2$ e: excentricidad $d + d' = 2a$</p>	$PF - PF' = 2a$ $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$	E. Tangente $y - y_0 = \frac{b^2 x_0}{a^2 y_0} (x - x_0)$ Otra forma: $\frac{x \cdot x_0}{a^2} - \frac{y \cdot y_0}{b^2} = 1$ E. Normal $y - y_0 = -\frac{a^2 y_0}{b^2 x_0} (x - x_0)$	Coordenadas: $O(0, 0)$ $A(a, 0); A'(-a, 0)$ $B(0, b); B'(0, -b)$ $F(c, 0); F'(-c, 0)$
	<p>$O(0, 0)$ $A(0, a); A'(0, -a)$ $B(b, 0); B'(-b, 0)$ $F(0, c); F'(0, -c)$</p>	$\frac{y^2}{a^2} - \frac{x^2}{b^2} = 1$		

	<p>$O(0, 0); O'(h, k)$</p> <p>$A(h+k, k); A'(h-k, k)$</p> <p>$B(h+b, k); B'(h-b, k)$</p> <p>$F(h+c, k); F'(h-c, k)$</p>	$\frac{(y-k)^2}{a^2} - \frac{(x-h)^2}{b^2} = 1$			
	<p>$O(0, 0); O'(h, k)$</p> <p>$A(h+k, k); A'(h-k, k)$</p> <p>$B(h+b, k); B'(h-b, k)$</p> <p>$F(h+c, k); F'(h-c, k)$</p>	$\frac{(y-k)^2}{a^2} - \frac{(x-h)^2}{b^2} = 1$			
	<p>Hipérbola equilátera</p> <p>$a = b$</p> <p>$c^2 = 2a^2$</p> <p>$c = a\sqrt{2}$</p>	$x^2 - y^2 = a^2$		$y = \pm x$	

PARÁBOLA

<p>V: vértice $(0, 0)$ Ecuación directriz: $y = -\frac{p}{2}$ F: foco $(0, \frac{p}{2})$ $D'(0, -\frac{p}{2})$ Eje: $x = 0$</p>	<p>PF = PD</p> $x^2 = 2py$		<p>Si $p < 0$:</p> <p>F: foco $(0, -\frac{p}{2})$ $D'(0, \frac{p}{2})$ Ecuación directriz: $y = \frac{p}{2}$</p>
<p>F: foco $(m + \frac{p}{2}, n)$ V: vértice $\equiv O'(m, n)$ Parámetro: $p = FD'$ $D'(m - \frac{p}{2}, n)$ $FV = VD' = \frac{p}{2}$ Ecuación directriz: $x = m - \frac{p}{2}$ Eje: $y = n$</p>	<p>PF = PD</p> $(y - n)^2 = 2p(x - m)$		

	<p>F: foco $(m, n + \frac{p}{2})$ V:vértice $\equiv O'(m, n)$ Parámetro: $p = FD'$ $D'(m, n - \frac{p}{2})$ $FV = VD' = \frac{p}{2}$ Ecuación directriz: $y = n - \frac{p}{2}$ Eje: $y = n$</p>	$(x - m)^2 = 2p(y - n)$ <p>Otra forma: $y = ax^2 + bx + c$</p> <p>Siendo:</p> $a = \frac{1}{2p}; b = -\frac{m}{p}$ $c = n + \frac{m^2}{2p}$		
--	---	---	--	--

Ecuación general de las cónicas

La ecuación general de las cónicas es: $Ax^2 + By^2 + Cx + Dy + E = 0$

Según sean los valores de **A** y **B**, se pueden identificar las distintas cónicas:

1. Si $A = B \neq 0$ La cónica es una **CIRCUNFERENCIA**
2. Si $A \neq B \neq 0$:
 - Signo de **A** = Signo de **B** **ELIPSE**
 - Signo de **A** ≠ Signo de **B** **HIPÉRBOLA**
3. Si $A = 0$ ó $B = 0$ **PARÁBOLA**
4. Si $A = B = 0$ **RECTA**

Estudio de la excentricidad

Se define la excentricidad de una cónica como el cociente: $e = \frac{c}{a}$. Los distintos valores de e nos sirven también para identificar las cónicas:

1. Si $e = 0 \rightarrow c = 0$; por tanto los focos coinciden y $a^2 \pm b^2 = 0 \rightarrow a = b$ **CIRCUNFERENCIA.**
2. Si $e < 1$ **ELIPSE.**
3. Si $e = 1 \rightarrow c = a \rightarrow a^2 = b^2 + c^2 \rightarrow b = 0$ **RECTA.**
4. $e > 1$ **HIPÉRBOLA.**