

Energía elástica

31) Tenemos sujeto por un extremo a una pared un muelle de constante elástica $k = 200 \text{ N/m}$. Calcula:

- La fuerza que hay que hacer para mantener el muelle estirado 4 cm .
(Resultado: $F = 8 \text{ N}$)
- El trabajo que hay que hacer para estirar el muelle desde 0 a 4 cm .
(Resultado: $W = 0,16 \text{ J}$)
- El trabajo que hay que hacer para mantener el muelle estirado 4 cm .
(Resultado: $W = 0 \text{ J}$)

32) Una masa de 10 kg desliza sin rozamiento a 8 m/s por una superficie horizontal y choca contra un muelle de constante $k = 1600 \text{ N/m}$. Calcular cuánto se comprimirá el muelle para detener la masa.
(Resultado: $\Delta L = 0,63 \text{ m}$)

33) Una masa de 10 kg desliza sin velocidad inicial por una rampa de 6 m de longitud y 30° de inclinación. Al final de la rampa hay una superficie horizontal sin rozamiento con un muelle de constante elástica $k = 500 \text{ N/m}$. Calcular:

- Si el coeficiente de rozamiento en la rampa es $\mu = 0,2$, a qué velocidad llegará a la base de la rampa.
(Resultado: $v = 6,2 \text{ m/s}$)
- La deformación máxima del muelle.
(Resultado: $\Delta L = 0,88 \text{ m}$)
- La altura máxima a la que subirá la masa cuando el resorte recupere su tamaño original.
(Resultado: $h = 1,46 \text{ m}$)

34) Un arco de constante elástica $k = 300 \text{ N/m}$ se tensa con la longitud total de una flecha de 60 cm de largo y 80 g de masa. Si se transmite el 100% de su energía a la flecha, ¿a qué velocidad saldrá disparada la flecha?

(Resultado: $v = 36,7 \text{ m/s}$)

Tenemos sujeto por un extremo a una pared un muelle de constante elástica $k = 200 \text{ N/m}$. Calcula:

- La fuerza que hay que hacer para mantener el muelle estirado 4 cm. (Resultado: $F = 8 \text{ N}$)
- El trabajo que hay que hacer para estirar el muelle desde 0 a 4 cm. (Resultado: $W = 0,16 \text{ J}$)
- El trabajo que hay que hacer para mantener el muelle estirado 4 cm. (Resultado: $W = 0 \text{ J}$)

Suponemos un resorte ideal

Funciones y parámetros

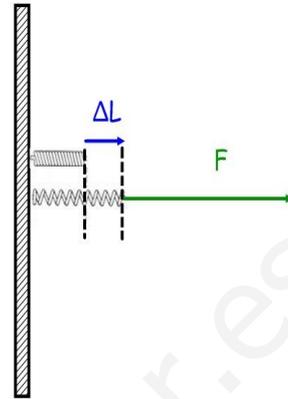
$$\vec{F} = -k \Delta \vec{l} \quad (\text{ley de Hooke})$$

$$W = \vec{F} \cdot \vec{r}$$

$$W_{\text{elástico}} = \int_0^{\Delta l} k(\Delta l) \, d\Delta l = E_{\text{elástica}}$$

$$k = 200 \text{ N/m}$$

$$\Delta l = 4 \text{ cm}$$



a) La fuerza será la que determina la ley de Hooke.

$$F = -F_{\text{Hooke}} = k \Delta l = 200 \left(\frac{\text{N}}{\text{m}} \right) \cdot 0,04 (\text{m}) = 8 \text{ N}$$

b) El trabajo realizado será igual a la energía potencial elástica acumulada en el resorte:

$$W_{0 \rightarrow \Delta l} = \frac{1}{2} k (\Delta l)^2 = \frac{1}{2} \cdot 200 \cdot (0,04)^2 = 0,16 \text{ J}$$

c) Si no hay desplazamiento, $\vec{F} = 0$ y $W = \vec{F} \cdot \vec{r} = 0$

Una masa de 10 kg desliza sin rozamiento a 8 m/s por una superficie horizontal y choca contra un muelle de constante $k = 1600 \text{ N/m}$. Calcular cuánto se comprimirá el muelle para detener la masa.
(Resultado: $\Delta L = 0,63 \text{ m}$)

Suponemos conservación de la energía mecánica.

Funciones y parámetros

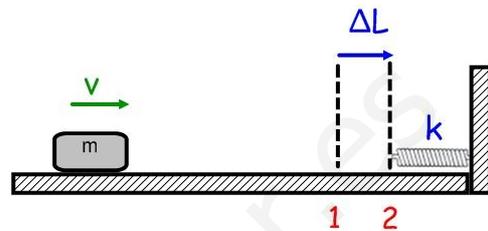
$$E_c = \frac{1}{2} m v^2 \quad \text{cinética}$$

$$E_k = \frac{1}{2} k \Delta L^2 \quad \text{potencial elástica}$$

$$v = 8 \text{ m/s}$$

$$k = 1600 \text{ N/m}$$

$$m = 10 \text{ kg}$$



Como no hay rozamiento y la superficie no cambia de altura, es horizontal. E_m es constante

$$E_m = E_c + E_k = \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} k \Delta L^2$$

Antes de chocar con el muelle (zona 1)

$$E_{m_1} = \frac{1}{2} 10 \cdot 8^2 + 0 = 320 \text{ J}$$

Cuando el muelle se comprime al máximo (punto 2) v es cero.

$$E_{m_2} = 0 + \frac{1}{2} 1600 \cdot (\Delta L)^2 = 320 \text{ J}$$

$$\Delta L^2 = \frac{320 \cdot 2}{1600} = 0,4 ; \quad \Delta L = \sqrt{0,4} = 0,63 \text{ m}$$

Una masa de 10 kg desliza sin velocidad inicial por una rampa de 6 m de longitud y 30° de inclinación. Al final de la rampa hay una superficie horizontal sin rozamiento con un muelle de constante elástica $k = 500 \text{ N/m}$. Calcular:

- Si el coeficiente de rozamiento en la rampa es $\mu = 0,2$, a qué velocidad llegará a la base de la rampa. (Resultado: $v = 6,2 \text{ m/s}$)
- La deformación máxima del muelle. (Resultado: $\Delta L = 0,88 \text{ m}$)
- La altura máxima a la que subirá la masa cuando el resorte recupere su tamaño original. (Resultado: $h = 1,46 \text{ m}$)

Suponemos un objeto puntual y sólo influyen gravedad y rozamiento

Funciones y parámetros

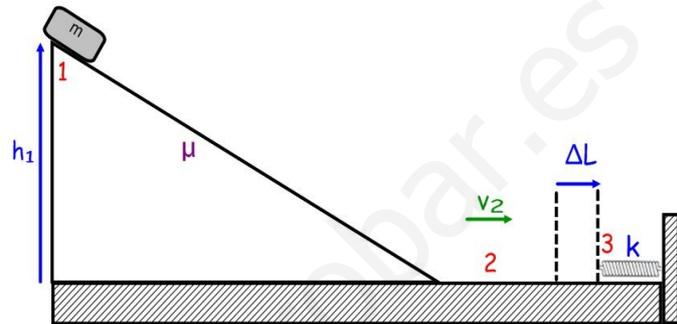
$$E_c = \frac{1}{2} m v^2$$

$$E_p = m g h$$

$$E_{\text{elástica}} = \frac{1}{2} k (\Delta L)^2$$

$$W_{f_{roz}} = \vec{F}_{f_{roz}} \cdot \vec{r} = \mu \cdot N \cdot r \cdot \cos \theta$$

$$\begin{aligned} m &= 10 \text{ kg} & k &= 500 \text{ N/m} \\ v_0 &= 0 & \mu &= 0,2 \\ r &= 6 \text{ m} \\ \alpha &= 30^\circ \end{aligned}$$



- a) La energía mecánica en ② será igual a la energía mecánica en ① menos el trabajo de rozamiento.

$$E_{m_1} - W_{f_{roz}} = E_{m_2}$$

En el punto 1:

$$E_c = 0 \quad E_k = 0$$

$$E_g = m g h = 10 \cdot 9,8 \cdot 6 \sin 30 = 294 \text{ J}$$

$$E_{m_1} = 294 \text{ J}$$

Trabajo de rozamiento hecho en el descenso

$$W_{f_{roz}} = F_{f_{roz}} \cdot r \quad (\text{son paralelas})$$

$$F_{f_{roz}} = \mu \cdot N = \mu \cdot P \cos \alpha$$

$$F_{f_{roz}} = 0,2 \cdot 10 \cdot 9,8 \cdot \cos 30 = 16,8 \text{ N}$$

$$W_{f_{roz}} = 16,8 \cdot 6 = 101,8 \text{ J}$$

Por tanto,

$$E_{m_2} = E_{m_1} - W_{f_{roz}} = 294 - 101,8 = 192,2 \text{ J}$$

En el punto 2,

$$E_g = 0 \quad E_k = 0$$

$$E_{m_2} = \frac{1}{2} m v_c^2 ; 192,2 = \frac{1}{2} 10 \cdot v_c^2 ; v_c = \sqrt{\frac{2 \cdot 192,2}{10}} = 6,2 \text{ m/s}$$

a) La energía mecánica en (2) será igual a la energía mecánica en (1) menos el trabajo de rozamiento.

$$E_{m_1} - W_{roz} = E_{m_2}$$

En el punto 3, $E_g = 0$ y $E_c = 0$

Por tanto, toda la energía mecánica que tenía está acumulada en el resorte comprimido.

$$E_{m_3} = E_{m_2} = \frac{1}{2} k (\Delta l)^2 = 192,2 \text{ J}$$

$$\Delta l = \sqrt{\frac{2 \cdot 192,2}{500}} = 0,88 \text{ m}$$

Cuando suba hasta (4) perderá energía debido al rozamiento.

$$E_{m_2} - W_{roz} = E_{m_4}$$

$$192,2 - F_{roz} \cdot r_4 = mgh_4$$

$$\left. \begin{aligned} 192,2 - 16,8 \cdot r_4 &= 10 \cdot 9,8 \cdot h_4 \\ h_4 &= r_4 \operatorname{sen} 30 \end{aligned} \right\}$$

$$192,2 - 16,8 r_4 = 98 \cdot r_4 \cdot 0,5$$

$$192,2 = 49 r_4 + 16,8 r_4 = 65,8 r_4$$

$$r_4 = \frac{192,2}{65,8} = 2,92$$

$$h_4 = r_4 \operatorname{sen} 30 = 1,46 \text{ m}$$

Un arco de constante elástica $k = 300 \text{ N/m}$ se tensa con la longitud total de una flecha de 60 cm de largo y 80 g de masa. Si se transmite el 100 % de su energía a la flecha, ¿a qué velocidad saldrá disparada la flecha? (Resultado: $v = 36,7 \text{ m/s}$)

Aplicamos conservación de la energía mecánica
Hay energía potencial elástica y energía cinética

$$E_{Pe} = \frac{1}{2} kx^2$$

$$E_c = \frac{1}{2} mv^2$$

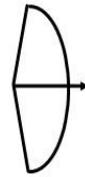
Datos:

$$k = 300 \text{ N/m}$$

$$x = 60 \text{ cm} = 0,60 \text{ m}$$

$$m = 80 \text{ g} = 0,080 \text{ kg}$$

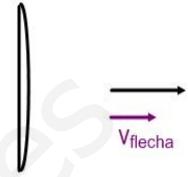
antes de lanzar



$v = 0$

deformación $x = 0,60 \text{ m}$

después de lanzar



deformación $x = 0$

Calculamos E_m antes de lanzar la flecha

$$E_{m \text{ antes}} = E_{Pe} + E_c^{v=0} = \frac{1}{2} kx^2 = \frac{1}{2} 300 (0,60)^2 = 54 \text{ J}$$

Despreciando el rozamiento y con 100% de transferencia,

$$E_{m \text{ antes}} = E_{m \text{ después}}$$

Después de lanzar, $x = 0$

$$E_{m \text{ después}} = E_{Pe}^0 + E_c = \frac{1}{2} mV^2 = \frac{1}{2} 0,080 \cdot v^2$$

$$0,040 v^2 = 54 \quad ; \quad v = \sqrt{\frac{54}{0,040}} = 36,7 \text{ m/s}$$