

FORMULARIO FÍSICA

MOVIMIENTO ARMÓNICO SIMPLE (M.A.S)

$$F = -K \cdot X$$

↓ Elongación o distancia a la posición de equilibrio
↓ Constante
Fuerza restauradora

$$X = A \cdot \text{sen}(\omega t + \phi_0)$$

↓ Amplitud
Elongación
↓ fase inicial
frecuencia angular

$$\omega = \frac{2\pi}{T}$$

$$f = \frac{1}{T}$$

$$v = \pm \omega \sqrt{A^2 - x^2}$$

$$K = m\omega^2$$

$$E_p = \frac{1}{2} K x^2$$

$$a = -\omega^2 x$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{K}}$$

$$E_c = \frac{1}{2} m v^2$$

$$E_m = \frac{1}{2} K A^2$$

$$v = \frac{dx}{dt} = A \cdot \omega \cos(\omega t + \phi_0) ; v_{\max} = \pm A \cdot \omega \begin{matrix} + \\ \updownarrow \\ - \end{matrix}$$

$$a = \frac{dv}{dt} = -A\omega^2 \text{sen}(\omega t + \phi_0) ; a_{\max} = \pm A\omega^2 \begin{matrix} + \\ \updownarrow \\ - \end{matrix}$$

ONDAS

• $y(x, t) = A \cdot \sin[(\omega t \pm \kappa \cdot x) + \theta_0]$

$$\omega = \frac{2\pi}{T}$$

$$\kappa = \frac{2\pi}{\lambda}$$

$$y(x, t) = A \sin\left[2\pi\left(\frac{t}{T} \pm \frac{x}{\lambda}\right) + \theta_0\right]$$

y es la magnitud variable (depende de que tipo de onda sea)

• velocidad de propagación $v = \frac{\lambda}{T} = \lambda \cdot f$

• velocidad de vibración $v = \frac{dy}{dt} (x = \text{cte})$ $v = A \cdot \omega \cos(\omega t \pm \kappa x + \theta_0)$

• aceleración de vibración $a = \frac{dv}{dt} = \frac{d^2y}{dt^2} (x = \text{cte})$

$a = -A\omega^2 \sin(\omega t \pm \kappa x + \theta_0)$

$a = -\omega^2 \cdot y$

• Energía transportada: $E = \frac{1}{2} \underset{\substack{\downarrow \\ \text{cte recuperadora}}}{KA^2} : \frac{1}{2} m\omega^2 A^2 = \frac{1}{2} m \cdot 4\pi^2 f^2 A^2$

• Potencia de una onda $P = \frac{E}{t}$ (se mide en vatios, W; 1W = $\frac{1J}{1s}$)

• Intensidad de una onda $I = \frac{P}{u.f.o} \rightarrow$ unidad de frente de ondas $\left. \begin{array}{l} \text{Siempre} \\ I: \text{cte} \cdot A^2 \end{array} \right\}$

$n=1$ (cuerda) $I = P (W) ; I_1 = I_2$

$n=2$ (superficie agua) $I = \frac{P}{L} \left(\frac{W}{m}\right) ; \frac{I_1}{I_2} = \frac{r_2}{r_1} ; \frac{A_1}{A_2} = \sqrt{\frac{r_2}{r_1}}$
 $L = 2\pi \cdot r$

$n=3$ (luz, sonido) $I = \frac{P}{S} \left(\frac{W}{m^2}\right) ; \frac{I_1}{I_2} = \frac{r_2^2}{r_1^2} ; \frac{A_1}{A_2} = \frac{r_2}{r_1}$
 $S = 4\pi r^2$

• Absorción de una onda: $I = I_0 \cdot e^{-\beta x}$

$x = \text{espesor}$
 $\beta = \text{coeficiente de absorción}$

Espeor de semiabsorción $D_{1/2} = \frac{\ln 2}{\beta}$

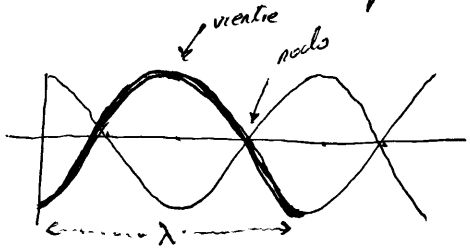
• Reflexión: $\hat{i} = \hat{r}$ $\left\{ \begin{array}{l} f_i = f_r \\ \lambda_i = \lambda_r \end{array} \right.$

• Refracción: $\frac{\text{sen } \hat{i}}{v_i} = \frac{\text{sen } \hat{r}}{v_r}$ $\left\{ \begin{array}{l} f_i = f_r \\ \lambda_i \neq \lambda_r \end{array} \right.$

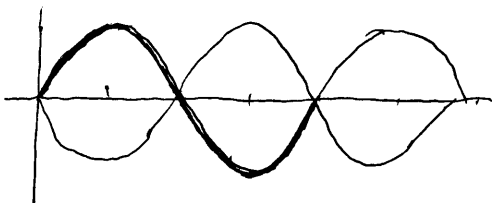
• Interferencia:

- Constructiva: $x_2 - x_1 = n\lambda$; ($A' = 2A$)
- Destructiva: $x_2 - x_1 = (2n+1)\frac{\lambda}{2}$; ($A' = 0$)

• Ondas estacionarias: producidas por superposición de ondas idénticas (T, f, ω, κ , iguales)



$y = 2A \cos(\kappa x) \text{sen}(\omega t)$ $\left\{ \begin{array}{l} \text{vientres } x = n \frac{\lambda}{2} \\ \text{nodos } x = (2n+1) \frac{\lambda}{4} \end{array} \right.$



$y = 2A \text{sen}(\kappa x) \cos(\omega t)$ $\left\{ \begin{array}{l} \text{vientres } x = (2n+1) \frac{\lambda}{4} \\ \text{nodos } x = n \frac{\lambda}{2} \end{array} \right.$

Tienen la misma $\omega, f, T, \lambda, \kappa$ que las ondas que se superponen

SONIDO

• Onda tridimensional: $\frac{I_1}{I_2} = \frac{r_2^2}{r_1^2}$; $\frac{A_1}{A_2} = \frac{r_2}{r_1}$

• Efecto Doppler: $f_R = f \frac{V \pm V_R}{V \mp V_P}$ $\left\{ \begin{array}{l} + = \text{re aleja} \\ - = \text{re acerca} \end{array} \right\}$ receptor
 $\left\{ \begin{array}{l} - = \text{re acerca} \\ + = \text{re aleja} \end{array} \right\}$ foco

• Sonoridad
 Intensidad sonora $\beta = 10 \lg \frac{I}{I_0}$
 ($I_0 = 10^{-12} \frac{W}{m^2}$)

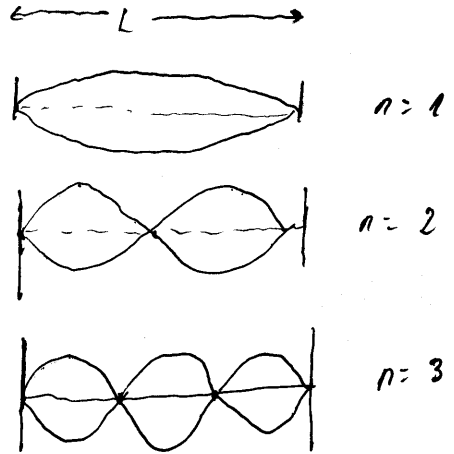
Siendo $I = \frac{P}{4\pi r^2}$

ONDA ESTACIONARIA EN CUERDAS

$$L = n \frac{\lambda}{2} ; (n = 1, 2, 3 \dots) ; \lambda = \frac{2 \cdot L}{n}$$

$$f = \frac{v_p}{\lambda} ; f = \frac{n \cdot v_p}{2 \cdot L} \quad (n = 1, 2, 3 \dots)$$

$\downarrow \downarrow$ 2º armónico
 1º armónico o frecuencia fundamental



Si la onda estacionaria de la cuerda se transmite al aire en el aire mantiene la misma frecuencia (f) pero en el aire la longitud de onda cambia porque cambia la velocidad de transmisión

$$\lambda = \frac{v}{f} \rightarrow 340 \text{ m/s en el aire (distinta en la cuerda)}$$

• Energía de una onda en una cuerda:

$$E = \frac{1}{2} K A^2 = \frac{1}{2} m \omega^2 A^2$$

densidad lineal σ : masa por unidad de longitud $\sigma = \frac{m}{l}$

$$= \frac{1}{2} \sigma \cdot l \cdot \omega^2 \cdot A^2 = \frac{1}{2} \sigma \cdot l \cdot 4\pi^2 f^2 A^2 ; \quad \boxed{\omega = 2\pi f}$$

$$E = 2\sigma l \pi^2 f^2 A^2$$

• Energía por unidad de longitud:

$$\frac{E}{l} = 2\sigma \pi^2 f^2 A^2$$

• Potencia transmitida por la onda: energía transmitida por unidad de tiempo (se calcula como la energía acumulada en una longitud de onda λ , dividido por el tiempo que tarda en recorrerla T (periodo))

$$P = \frac{E}{T} = \frac{2\sigma \pi^2 f^2 A^2 \cdot \lambda}{T} ; \quad P = 2\sigma \pi^2 f^2 A^2 \cdot v$$

$$\boxed{\frac{\lambda}{T} = v}$$

ONDAS ELECTROMAGNÉTICAS - LUZ -

$c = 3 \cdot 10^8$ m/s : velocidad de la luz en el vacío

$$c = \sqrt{\frac{1}{\epsilon_0 \cdot \mu_0}}$$

ϵ_0 : permitividad eléctrica o constante dieléctrica del vacío

μ_0 : permeabilidad magnética del vacío.

• Por ser una onda tridimensional $\frac{I_1}{I_2} = \frac{r_2^2}{r_1^2}$; $\frac{A_1}{A_2} = \frac{r_2}{r_1}$

• Absorción : $I = I_0 \cdot e^{-\beta x}$; $D_{1/2} = \frac{\ln 2}{\beta}$

• Reflexión : $\hat{i} = \hat{r}$

• Refracción : $\frac{\sin \hat{i}}{v_i} = \frac{\sin \hat{r}}{v_r}$;

índice de refracción de un medio

$$n = \frac{c}{v}$$

- Ley de Snell

$$n_i \cdot \sin \hat{i} = n_r \cdot \sin \hat{r}$$

Cuando la luz pasa de un medio a otro conserva la frecuencia y cambia la longitud de onda (debido al cambio de velocidad)

• Ángulo límite : si un rayo de luz pasa de un medio 1, más refringente, a un medio 2, menos refringente :

$$n_1 \cdot \sin \alpha_L = n_2 \cdot \sin 90^\circ ; n_1 \cdot \sin \alpha_L = n_2$$

recuerda : $c = \frac{\lambda}{T}$; $T = \frac{1}{f}$; $c = \lambda \cdot f$

— [ÓPTICA GEOMÉTRICA] —

ESPEJOS PLANOS: $s' = -s$; $y' = y$

ESPEJOS ESFÉRICOS:

$$\frac{1}{s'} + \frac{1}{s} = \frac{1}{f} \quad ; \quad \frac{y'}{y} = -\frac{s'}{s} \quad ; \quad P = \frac{1}{f}$$

DIOPTRIO ESFÉRICO:

$$\frac{n-n'}{r} = \frac{n}{s} - \frac{n'}{s'} \quad \begin{matrix} \nearrow s = -\infty \Rightarrow s' = f' \\ \searrow s = f \Rightarrow s' = \infty \end{matrix}$$

$$\frac{n-n'}{r} = \frac{n}{-\infty} - \frac{n'}{f'} \quad ; \quad P' = -\frac{n'}{n-n'} \cdot r$$

$$\frac{n-n'}{r} = \frac{n}{f} - \frac{n'}{\infty} \quad ; \quad P = \frac{n}{n-n'} \cdot r$$

f y f' no son iguales;

$$\frac{f}{f'} = -\frac{n}{n'} \quad ; \quad f + f' = r$$

DIOPTRIO PLANO: $\frac{n}{s} = \frac{n'}{s'}$

LENTES DELGADAS:

- Ecuación fundamental de las lentes delgadas $(n'-1) \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) = \frac{1}{s'} - \frac{1}{s}$

$$(s = -\infty \Rightarrow s' = f') \Rightarrow$$

- Fórmula del constructor de lentes: $(n'-1) \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) = \frac{1}{f'}$

- Ecuación de las lentes delgadas: $\frac{1}{s'} - \frac{1}{s} = \frac{1}{f'}$

- Aumento lateral $\frac{y'}{y} = \frac{s'}{s}$

f' = foco imagen

$f' > 0$ convergente ; $P > 0$

$f' < 0$ divergente ; $P < 0$

- Potencia $P = \frac{1}{f'}$

GRAVITACIÓN

- 2ª Ley de Kepler: $V_A \cdot r_A = V_P \cdot r_P$

A : afelio, apogeo, apoastro \rightarrow punto más alejado

P : perihelio, perigeo, periastro \rightarrow punto más próximo

- 3ª Ley de Kepler: $\frac{T^2}{r^3} = \text{cte} \Rightarrow \frac{T_1^2}{r_1^3} = \frac{T_2^2}{r_2^3}$

- Ley de Newton:

$\vec{F} = -G \frac{M \cdot m}{r^2} \cdot \vec{u}_r$; $F = G \frac{M \cdot m}{r^2}$

$\vec{g} = \frac{\vec{F}}{m}$; $\vec{g} = -G \frac{M}{r^2} \cdot \vec{u}_r$; $g = \frac{GM}{r^2}$

gravedad en la superficie de la Tierra $g_0 = \frac{GM_T}{R_T^2}$

(En algunos problemas se emplea $G \cdot M_T = g_0 \cdot R_T^2$
 \downarrow
 $9,8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)

gravedad en la superficie de un planeta $g_P = G \frac{M_P}{R_P^2}$

- Ep. gravitatoria en un punto

$E_p(r) = W_{i \rightarrow \infty}$; $E_p(r) = -\frac{GMm}{r}$

$W_{i \rightarrow f} = -\Delta E_p = E_p(i) - E_p(f) = -\frac{GMm}{r_i} - \left(-\frac{GMm}{r_f}\right)$

\downarrow
de las fuerzas gravitatorias

$W > 0$: espontanea ; $W < 0$: no espontanea

- Teorema de las fuerzas vivas:

$W_{i \rightarrow f} = \Delta E_c = E_c(f) - E_c(i) = \frac{1}{2} m V_f^2 - \frac{1}{2} m V_i^2$

\downarrow
 W total, del conjunto de fuerzas conservativas y no conservativas

- Energía mecánica: $E_m = E_c + E_p$

Si solo actúan fuerzas gravitatorias (conservativas) $E_m = cte$

$E_m(i) = E_m(f) ; E_c(i) + E_p(i) = E_c(f) + E_p(f)$

- Potencial gravitatorio en un punto

$V(r) = \frac{E_p}{m} ; V(r) = -\frac{G \cdot M}{r}$

$E_p(r) = m \cdot V(r) ; W_{i \rightarrow f} = E_p(i) - E_p(f) = m(V_i - V_f)$

- E_{TOTAL} de un cuerpo en órbita circular

$E_T: E_c + E_p = \frac{1}{2} m v^2 - \frac{G M m}{r} ; E_T = -\frac{G M m}{2r}$

- Energía y tipo de órbita:

- $E_T < 0$: órbitas circulares o elípticas, cuerpos ligados
 - $E_T = 0$: órbita parabólica: llega al ∞ con $v=0$
 - $E_T > 0$: órbita hiperbólica: llega al ∞ con $v > 0$
- } cuerpos "no" ligados

- Velocidad de escape: (para que desde el punto "r" llegue al ∞ con $v=0$)

deducción: $E_T(r) = E_T(\infty) ; \frac{1}{2} m v_e^2 - \frac{G M m}{r} \Rightarrow v_e = \sqrt{\frac{2 G M}{r}}$

- Parámetros en órbitas circulares:

• Velocidad de la órbita

$v = \sqrt{\frac{G M}{r}}$

deducción
 $F_G = F_c$
 $\frac{G M m}{r^2} = \frac{m v^2}{r}$

• Periodo de la órbita

$T = \sqrt{\frac{4 \pi^2 r^3}{G \cdot M}}$

deducción
 $v = \omega \cdot r ; T = \frac{2\pi}{\omega}$

- Energía de lanzamiento para poner un satélite en órbita a una distancia "r" (desde el centro del planeta; $r = R_p + h$)

$$E_{\text{SUPERFICIE}} = E_{\text{ÓRBITA}}$$

$$E_c + E_p = E_{\text{ÓRBITA}}$$

$$E_c - \frac{GMm}{R_T} = -\frac{GMm}{2r} \quad ; \quad E_c = GMm \left(\frac{1}{R_p} - \frac{1}{2r} \right)$$

- Si se pide la velocidad de lanzamiento para conseguir la órbita.

$$E_c = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2$$

$$\frac{1}{2} m v^2 = GMm \left(\frac{1}{R_T} - \frac{1}{2r} \right) \quad ; \quad v = \sqrt{2GM \left(\frac{1}{R_p} - \frac{1}{2r} \right)}$$

- Energía para pasar de una órbita "1" a otra órbita "2"

$$\Delta E = E_2 - E_1 = -\frac{GMm}{2r_2} - \left(-\frac{GMm}{2r_1} \right)$$

$$\Delta E = \frac{GMm}{2} \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$$

CAMPO ELÉCTRICO

- Ley de Coulomb: $\vec{F} = k \frac{Q \cdot q}{r^2} \cdot \vec{U}_r$: $\left(F = k \frac{Q \cdot q}{r^2} \right)$
 k : Cte de Coulomb (Cargas con su signo) (Valor absoluto = módulo)

$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon} ; \vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon} \frac{Q \cdot q}{r^2} \cdot \vec{U}_r : \left(F = \frac{1}{4\pi\epsilon} \frac{Q \cdot q}{r^2} \right)$$

ϵ = permitividad o cte dieléctrica

ϵ_0 = permitividad del vacío ; ϵ_r = permitividad relativa

$$\epsilon_r = \frac{\epsilon \rightarrow \text{medio}}{\epsilon_0 \rightarrow \text{vacío}} \quad | \quad \epsilon = \epsilon_r \cdot \epsilon_0$$

- Campo eléctrico o intensidad de campo eléctrico:

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q} ; \vec{E} = k \frac{Q}{r^2} \cdot \vec{U}_r ; \left(E = k \frac{Q}{r^2} \right) \begin{array}{l} \text{Sentido: saliente en } (+) \\ \text{entrante en } (-) \end{array}$$

$$\vec{F} = q \cdot \vec{E}$$

- Momento dipolar: $(+) \text{---} d \text{---} (-)$; $\vec{\mu} = q \cdot \vec{d}$ sentido: $(+) \rightarrow (-)$

- E. potencial en un punto $E_p(r) = k \frac{Q \cdot q}{r}$ ($E_p(r) = k \frac{Q \cdot q}{r \rightarrow \infty}$)

- $W_{i \rightarrow f} = -\Delta E_p = E_p(i) - E_p(f) = k \alpha q \left(\frac{1}{r_i} - \frac{1}{r_f} \right)$

$W > 0 \Rightarrow$ espontáneo \Rightarrow aumento de $E_c \rightarrow$ repulsión cargas iguales
 \rightarrow atracción cargas opuestas
 $W < 0 \Rightarrow$ no espontáneo, lo hace una fuerza distinta al campo;
aumenta E_p

- Potencial eléctrico: $V(r) = \frac{E_p}{q} ; V(r) = k \frac{Q}{r}$ ($V(r) = k \frac{Q}{r \rightarrow \infty}$)
 $q = +1$

$$E_p(r) = q \cdot V(r) ; \Delta E_p = q \cdot \Delta V$$

$$W_{i \rightarrow f} = E_p(i) - E_p(f) = q (V_i - V_f) \left(\begin{array}{l} \text{Se emplea para calcular el } W \\ \text{para llevar un carga } q \text{ de un punto} \\ \text{a otro considerando sus potenciales} \end{array} \right)$$

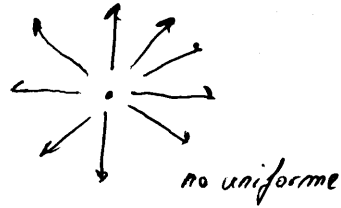
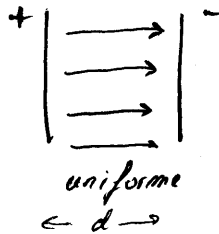
En fórmulas con E_p o V siempre las cargas con su signo

• Relación entre \vec{E} y V en campos eléctricos uniformes:

$$\Delta V = -E \cdot \Delta r$$

de otra forma

$$\Delta V = -E \cdot d$$



$$E = \frac{-\Delta V}{d} \quad (E \text{ se mide en } \frac{N}{C}, \text{ también se puede medir en } \frac{V}{m} \text{ voltios/metro})$$

• El movimiento espontáneo de las cargas origina aumento de la energía cinética y por tanto disminución de la energía potencial.

- las cargas positivas se mueven espontáneamente en el sentido de V decreciente.

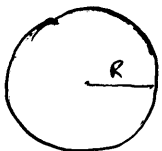
- las cargas negativas se mueven espontáneamente en el sentido de V creciente.

• \vec{E} es un campo conservativo $\Rightarrow E_m = cte$; $E_c(i) + E_p(i) = E_c(f) + E_p(f)$

• Flujo del campo eléctrico: $d\phi = \vec{E} \cdot d\vec{s}$; $\phi = \int \vec{E} \cdot d\vec{s}$

• Teorema de Gauss: $\oint \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{Q}{\epsilon_0}$; $\phi = \frac{Q}{\epsilon_0}$
sup. cerrada

• Campo y potencial de un conductor esférico cargado en equilibrio:



las cargas se sitúan en la superficie

$$\boxed{r < R} \quad E = 0 \quad ; \quad V = cte = V_{en R}$$

$$\boxed{r = R} \quad E = K \frac{Q}{R^2} \quad ; \quad V = K \frac{Q}{R}$$

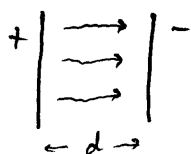
$$\boxed{r > R} \quad E = K \frac{Q}{r^2} \quad ; \quad V = K \frac{Q}{r}$$

(Si se conectan dos esferas cargadas hay un tránsito de cargas hasta igualar los potenciales)

• Hilo cargado: campo a distancia "r": $E = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \cdot \frac{\lambda}{r}$ $\lambda = \frac{Q}{L}$ densidad lineal de carga.

• Superficie plana: $E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$ $\sigma = \frac{Q}{S}$ densidad superficial de carga

• Campo entre laminas paralelas:



$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \quad ; \quad -\Delta V = E \cdot d$$

CAMPO MAGNÉTICO

\vec{B} : campo magnético o inducción magnética; unidad Tesla (T): $1T = 10^4 \text{ Gauss}$

El campo magnético no es conservativo y por tanto no se puede definir E_p magnética.

• Ley de Lenz (fuerza sobre una carga en movimiento dentro de un \vec{B})

$$\vec{F} = q \cdot \vec{v} \times \vec{B} \quad (\text{regla de la mano derecha})$$



• Movimiento de cargas dentro de un campo magnético perpendicular a \vec{v}

$$F_{\text{centrípeta}} = F_{\text{magnética}} \Rightarrow \frac{mv^2}{r} = qvB : \quad \boxed{r = \frac{mv}{q \cdot B}} \quad \boxed{T = \frac{2\pi m}{q \cdot B}}$$

$$\downarrow T = \frac{2\pi r}{v} \uparrow$$

• Selector de velocidades: $\vec{F}_B = \vec{F}_E$;

$$q \cdot v \cdot B = q \cdot E : \quad \boxed{v = \frac{E}{B}}$$

• Fuerza sobre un hilo de corriente: $\vec{F} = I \cdot \vec{l} \times \vec{B}$ (R. mano derecha)

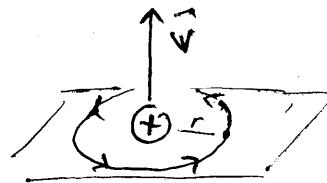
• Campo creado por una carga en movimiento

$$\boxed{B = \frac{\mu}{4\pi} \frac{q \cdot v}{r^2}}$$

μ : permeabilidad magnética

μ_0 : " del vacío

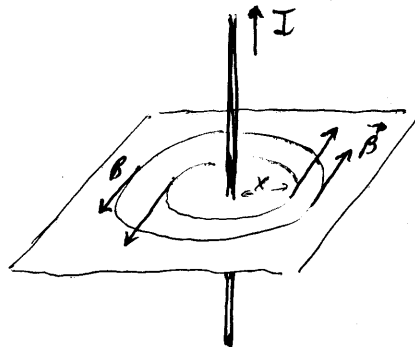
$\mu = \mu_r \cdot \mu_0$; μ_r : μ relativa



R. mano derecha.

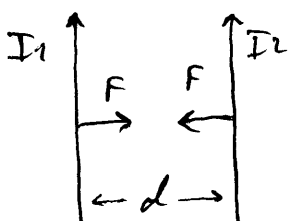
• Campo creado por un hilo de corriente:

$$\boxed{B = \frac{\mu}{2\pi} \frac{I}{x}}$$



R. mano derecha.

• Fuerza entre corrientes:



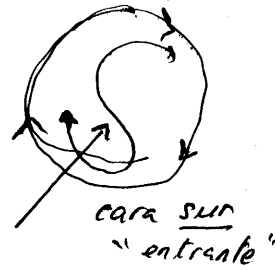
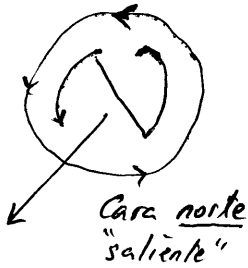
$$\boxed{\frac{F}{e} = \frac{\mu}{2\pi} \frac{I_1 \cdot I_2}{d}}$$

- El mismo sentido = atracción.

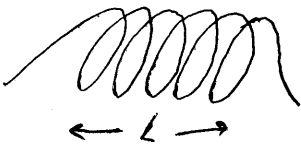
- Distinto sentido = repulsión.

• Campo creado por una espira:

$$B = \frac{\mu \cdot I}{2R}$$



• Campo creado por un solenoide (bobina):



$$B = \mu \cdot n \cdot I ; n = \frac{N}{L}$$

$n = n^\circ$ de espiras por
unidad de longitud

$$B = \frac{\mu \cdot N \cdot I}{L}$$

INDUCCIÓN ELECTROMAGNÉTICA

Flujo magnético:

$$d\phi = \vec{B} \cdot d\vec{s}; \quad \phi = \int_S \vec{B} \cdot d\vec{s}$$

unidad = weber (WB)

$$1 \text{ WB} = 1 \text{ T} \cdot 1 \text{ m}^2$$

- flujo por una espira $\phi = B \cdot S \cdot \cos\theta$; $\theta = 0 \Rightarrow \phi = B \cdot S$

- flujo por una bobina $\phi = N \cdot B \cdot S \cdot \cos\theta$; $\theta = 0 \Rightarrow \phi = N \cdot B \cdot S$

Fuerza electromotriz \mathcal{E} : energía que un generador eléctrico comunica a la unidad de carga (coulombios); se mide en voltios (V)

- Es un concepto similar al de diferencia de potenciales en circuitos

Ley de Ohm

$$I = \frac{V}{R}$$

$V \rightarrow$ d. d. potencial (Voltios, V)
 $R \rightarrow$ resistencia (ohmios, Ω)
Intensidad (Amparos, A)

de forma similar $I = \frac{\mathcal{E}}{R}$

Ley de Faraday: da la f.e.m. (\mathcal{E}) inducida en un circuito atravesado por un flujo magnético variable.

$$\mathcal{E} = - \frac{d\phi}{dt} \leftarrow \text{cuando conocemos la función } \phi = \phi(t)$$

$$\mathcal{E} = - \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \leftarrow \text{cuando conocemos variaciones de flujo } \mathcal{E} = - \left(\frac{\phi_{\text{final}} - \phi_{\text{inicial}}}{t} \right)$$

la intensidad de la corriente inducida es $I = \frac{\mathcal{E}}{R} = - \frac{1}{R} \frac{d\phi}{dt}$ o bien $I = - \frac{1}{R} \frac{\Delta\phi}{\Delta t}$

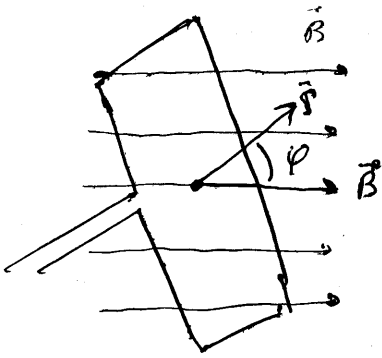
Relacionar la ley de Faraday con la ley de Lenz

Conductor en movimiento en el seno de un campo magnético:

d. d. p. en sus extremos $\Delta V = v \cdot B \cdot l$

Si el conductor se mueve sobre un conductor se comporta como un generador $\mathcal{E} = v \cdot B \cdot l$

• Alternador: espira que gira en un campo magnético



$$\phi = \vec{B} \cdot \vec{S} = B \cdot S \cdot \cos \varphi ; \phi = B \cdot S \cdot \cos \omega t$$

$$\varphi = \omega \cdot t$$

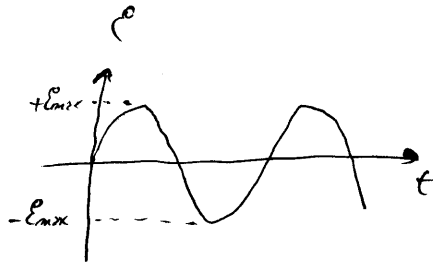
recuerda

$$\omega = \frac{2\pi}{T} ; T = \frac{2\pi}{\omega} ; f = \frac{1}{T} ; f = \frac{\omega}{2\pi}$$

↓ segundos
↓ hercios

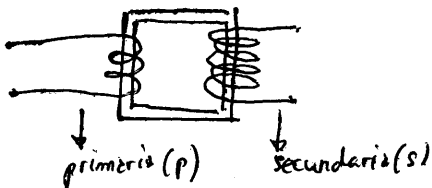
$$\mathcal{E} = -\frac{d\phi}{dt} = \underbrace{B \cdot S \cdot \omega}_{\mathcal{E}_{max}} \cdot \sin \omega t$$

$$\mathcal{E} = \mathcal{E}_{max} \cdot \sin \omega t$$



Si se trata de una bobina con "N" espiras $\mathcal{E} = \underbrace{N \cdot B \cdot S \cdot \omega}_{\mathcal{E}_{max}} \cdot \sin \omega t$

• Transformador



$$\frac{\mathcal{E}_p}{N_p} = \frac{\mathcal{E}_s}{N_s}$$

$$\frac{I_p}{I_s} = \frac{N_s}{N_p}$$

(potencia constante $P = \mathcal{E}_s I$)

FÍSICA NUCLEAR

• Defecto de masa: Δm

- La masa de un núcleo es menor que la suma de las masas de las partículas que lo forman (nucleones)

$$\Delta m = \sum M_{\text{nucleones}} - M_{\text{núcleo}}$$

• Energía de enlace de un núcleo:

- La masa que falta en el núcleo se ha convertido en energía al formarse el núcleo (según la fórmula de Einstein $E = mc^2$)

$$E_{\text{enlace}} = \Delta m \cdot c^2$$

$$E_{\text{enlace}} = (\sum M_{\text{nucleones}} - M_{\text{núcleo}}) \cdot c^2$$

• Energía de enlace por nucleón:

- Es la magnitud que indica la estabilidad de un núcleo.

$$\frac{E_{\text{enlace}}}{\text{nucleón}}$$

A → n.º másico: suma de protones y neutrones del núcleo.

CINÉTICA DE LA DESINTEGRACIÓN RADIACTIVA

- Actividad radiactiva (A): N.º de núcleos que se desintegran por unidad de tiempo

$$A = - \frac{dN}{dt}$$

$$a = - \lambda \cdot N$$

n.º de núcleos presentes

↓ constante de desintegración o de decaimientos

A se mide en Becquerel (Bq) 1 Bq = 1 desintegración/segundo

- N.º de núcleos presentes en un instante determinado (N)

$$N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

; también se cumple $A = A_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$

λ se mide en tiempo⁻¹: s⁻¹; h⁻¹; día⁻¹ ... (debe coincidir con la unidad de t)

- Periodo de semidesintegración

$$T_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$$

Vida media τ

$$\tau = \frac{1}{\lambda}$$

$$\tau = \frac{T_{1/2}}{\ln 2}$$

FÍSICA CUÁNTICA

- Energía transportada por un fotón o cuanto:

$$E = h \cdot f \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{frecuencia del fotón} \\ \text{cte de Planck: } 6,626 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s} \end{array} \right.$$

$$\text{recuerda } f = \frac{c}{\lambda} \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{velocidad de la luz} \\ \text{longitud de onda.} \end{array} \right.$$

- Momento lineal de un fotón:

$$p = \frac{h}{\lambda} \quad \left\{ \begin{array}{l} h \text{ se mide en } \frac{\text{J}\cdot\text{s}}{\text{m}} \text{ o } \frac{\text{kg}\cdot\text{m}}{\text{s}} \end{array} \right.$$

- Principio de dualidad de De Broglie:

Toda partícula tiene asociada una onda

- partícula: se caracteriza por su momento lineal p

- onda: se caracteriza por su frecuencia o longitud de onda f y λ

$$\lambda = \frac{h}{p}$$

- Efecto fotoeléctrico:

$$E_{\text{fotón incidente}} = W_{\text{extracción del electrón}} + E_{\text{c electrón arrancado}}$$

$$h \cdot f = h \cdot f_0 + \frac{1}{2} m v_e^2$$

Energía umbral

$$h \cdot f = h \cdot f_0 + |q_e| \cdot V_{\text{frenado}} \quad \rightarrow \text{potencial de frenado del electrón}$$

$$\frac{1}{2} m v_e^2 = q_e \cdot V$$

E_{c} del electrón

E_p que gana cuando se frena