- **1.** Dada la base  $B = \{\vec{e}_1, \vec{e}_2\}$  de  $V_2$  y los vectores  $\vec{u}_1, \vec{u}_2 \in V_2$ , con  $\vec{u}_1 = (2, -1), \vec{u}_2 = (1, 3)$  cuyas coordenadas viene expresadas en la base  $B = \{\vec{e}_1, \vec{e}_2\}$ .
  - Probar que  $B' = \{\vec{u}_1, \vec{u}_2\}$  es una base de  $V_2$ .
  - Dado el vector  $\vec{v} = (-3,5)$  en la base B, encontrar las coordenadas de  $\vec{v}$  en la base B'.
- **2.** Sea el punto P de coordenadas P(3,-2) en el sistema de referencia  $R = \{O; \vec{e}_1, \vec{e}_2\}$ . Calcular las coordenadas del punto P en el sistema de referencia  $R' = \{O'; \vec{u}_1, \vec{u}_2\}$ , sabiendo que O'(-1,2) en R y  $\vec{u}_1 = \vec{e}_1 + \vec{e}_2$ ,  $\vec{u}_2 = 3\vec{e}_1 \vec{e}_2$ .
- **3.** Dado el segmento de extremos A(2,-1) y B(3,5), calcular las coordenadas de los cuatro puntos que dividen el segmento  $\overline{AB}$  en cinco partes iguales.
- **4.** Sean  $\vec{u}$  y  $\vec{v}$  dos vectores de  $V_2$  tales que  $|\vec{u}| = 3$ ,  $|\vec{v}| = 4$ ,  $ang(\widehat{\vec{u},\vec{v}}) = 120^\circ$ . Calcular:
  - $(\vec{u} + 2\vec{v}) \cdot (3\vec{u} \vec{v})$
  - $|2\vec{u} \vec{v}|$
- **5.** Consideramos la base de  $V_2$ ,  $B = \{\vec{u}_1, \vec{u}_2\}$  con  $\vec{u}_1 = (1,2)$ ,  $\vec{u}_2 = (-1,5)$ , cuyas coordenadas están expresadas en la base canónica (ortonormal). Si tenemos los vectores  $\vec{v} = (3,1)$  y  $\vec{w} = (4,-2)$  con coordenadas en la base  $B = \{\vec{u}_1,\vec{u}_2\}$ , calcular  $|\vec{v}|$ ,  $|\vec{w}|$ ,  $|\vec{v} \cdot \vec{w}|$ ,  $|\vec{v} + \vec{w}|$ .
- **6.** Dada la base de  $V_2$ ,  $B = \{\vec{u}_1, \vec{u}_2\}$  tal que  $|\vec{u}_1| = 2$ ,  $|\vec{u}_2| = 3$ ,  $ang(\widehat{\vec{u}_1}, \widehat{\vec{u}_2}) = 45^\circ$ , encontrar el valor de k, para que los vectores  $\vec{v} = (2, -4)$  y  $\vec{w} = (-3, k)$ , expresados en la base B, sean perpendiculares.
- **7.** Los vectores  $\vec{u}$  y  $\vec{v}$  forman un ángulo de 60° y, además,  $|\vec{u}| = 5$  y  $\vec{u} \cdot \vec{v} = 15$ .
  - Calcula  $\vec{u} \cdot (\vec{u} + \vec{v})$  y  $2\vec{v} \cdot (3\vec{u} \vec{v})$
  - Halla la longitud del vector  $\vec{u} \vec{v}$

- **8.** Sean los vectores  $\vec{u}_1 = (2,-1)$  y  $\vec{u}_2 = (-1,3)$ , cuyas coordenadas están expresadas en la base canónica  $\{\vec{e}_1,\vec{e}_2\}$ .
  - Encuentra el ángulo que forman  $\vec{u}_1$  y  $\vec{u}_2$ .
  - Si el vector  $\vec{v}$  tiene coordenadas  $\vec{v} = (5, -3)$  en la base  $\{\vec{e}_1, \vec{e}_2\}$ , calcula las coordenadas de  $\vec{v}$  en la base  $\{\vec{u}_1, \vec{u}_2\}$ .
- **9.** Dada la base canónica  $B = \{\vec{e}_1, \vec{e}_2\}$  de  $V_2$ , encuentra las coordenadas de dos vectores  $\vec{u}_1, \vec{u}_2 \in V_2$ , distintos de  $\vec{e}_1$  y  $\vec{e}_2$ , tales que  $\{\vec{u}_1, \vec{u}_2\}$  sea una base ortonormal de  $V_2$ .
- **10.** Sean los vectores  $\vec{u}_1 = (1, -2)$  y  $\vec{u}_2 = (3, 1)$ , cuyas coordenadas están expresadas en la base canónica  $\{\vec{e}_1, \vec{e}_2\}$ , y  $\vec{v}$  un vector de coordenadas  $\vec{v} = (-2, 3)$  en la base  $\{\vec{u}_1, \vec{u}_2\}$ .
  - Calcula el módulo del vector  $\vec{v}$ .
  - Encuentra las coordenadas, en la base  $\{\vec{u}_1,\vec{u}_2\}$ , de un vector  $\vec{w}$  que sea perpendicular a  $\vec{v}$ .
- **11.** Si  $\vec{a}$   $\vec{y}$   $\vec{b}$  son dos vectores tales que  $|\vec{a}| = 1$ ,  $|\vec{b}| = 2$   $\vec{y}$   $ang(\vec{a}, \vec{b}) = 60^{\circ}$  entonces, sabiendo que  $\vec{x} = 3\vec{a} \vec{b}$   $\vec{e}$   $\vec{y} = \vec{a} + \vec{b}$ , calcula  $3\vec{x} \cdot (\vec{x} + 2\vec{y})$  y el ángulo que forman los vectores  $\vec{x}$  e  $\vec{y}$ .
- **12.** Dos vectores  $\vec{a}$  y  $\vec{b}$  son tales que  $|\vec{a}| = 10$ ,  $|\vec{b}| = 5\sqrt{3}$  y  $(\vec{a} + \vec{b}) \cdot (\vec{a} 2\vec{b}) = 25$ . Halla el ángulo que forman los vectores  $\vec{a}$  y  $\vec{b}$ .