

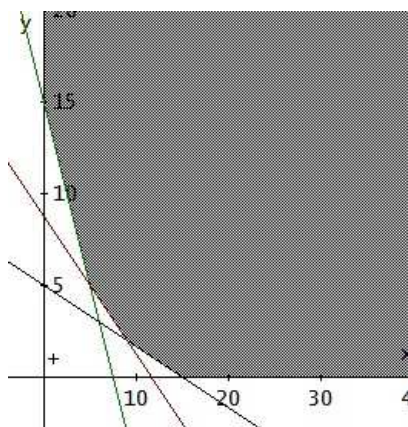
Bachillerato de Ciencias Humanas y Sociales	
SOLUCIONES	Septiembre de 2010

OPCIÓN A

Problema 1. Teniendo en cuenta las restricciones:

$$\begin{cases} 300x + 400y \geq 3500 \\ 100x + 300y \geq 1500 \\ 2x + y \geq 15 \\ x \geq 0, y \geq 0 \end{cases}$$

que determinan la región factible



Los puntos posibles son $A(0,15)$, $B(15,0)$, $C(5,5)$ y $D(6,3)$. Sustituyendo en la función objetivo $f(x,y)=11x+6,5y$ se obtiene:

$f(A)=97,5$ €, $f(B)=165$ €, $f(C)=87,5$ €, $f(D)=85,5$ €. Luego debe elegir la opción D.

Problema 2. a) Los ingresos son: $I(p) = (200 - 1000p)p = 2000p - 1000p^2$.

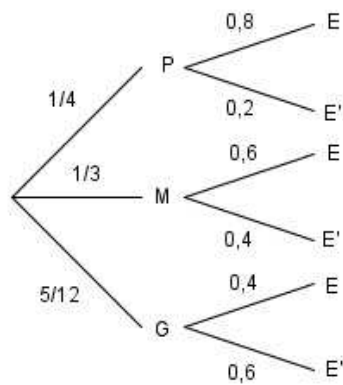
b) Derivando: $I'(p) = 2000 - 2000p = 0$; $p = 1$; $I''(p) = -2000$ y $I''(1) = -2000 < 0$,

Por tanto es un máximo. El valor $I(1) = 1000$ €.

Problema 3. a) $p(E) = \frac{1}{4} \cdot 0,8 + \frac{1}{3} \cdot 0,6 + \frac{5}{12} \cdot 0,4 = \frac{17}{30}$

b) $p(M / E') = \frac{\frac{1}{3} \cdot 0,6}{\frac{17}{30}} = \frac{6}{17}$

c) $p(G \cup P / E) = \frac{\frac{1}{4} \cdot 0,8 + \frac{5}{12} \cdot 0,4}{\frac{1}{4} \cdot 0,8 + \frac{1}{3} \cdot 0,6 + \frac{5}{12} \cdot 0,4} = \frac{11}{17}$



OPCIÓN B

Problema 1. El sistema de ecuaciones es:
$$\begin{cases} x + y + z = 1405 \\ 6x + 4y + 3z = 7920 \\ 0,1 \cdot (6x) = 4y + 3z \end{cases}$$
 y aplicando Gauss:

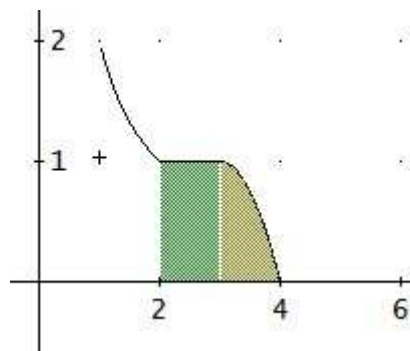
$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1405 \\ 6 & 4 & 3 & 7920 \\ 6 & 40 & -30 & 0 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1405 \\ 0 & -2 & -3 & -510 \\ 0 & -46 & -36 & -8430 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1405 \\ 0 & -2 & -3 & -510 \\ 0 & 0 & 33 & 3300 \end{pmatrix}$$

De donde se deduce la solución $x=1200$, $y=105$ y $z=100$.

Problema 2. a) Como $f_-(1) = f_+(1) = f(2) = 1$, $f_-(3) = f_+(3) = f(3) = 1$

$f_-(4) = f_+(4) = f(4) = 0$ la función es continua en $[1,5]$.

b)
$$\int_2^3 dx + \int_3^4 (-x^2 + 6x - 8) dx = x \Big|_2^3 + \left(-\frac{x^3}{3} + 3x^2 - 8x \right) \Big|_3^4 = 1 + \frac{2}{3} = \frac{5}{3} \text{ ua.}$$



Problema 3. a) $p(C) = \frac{6}{10} \cdot \frac{1}{2} + \frac{4}{10} \cdot 1 = \frac{7}{10}$

b) $p(L/C) = \frac{\frac{6}{10} \cdot \frac{1}{2}}{\frac{6}{10} \cdot \frac{1}{2} + \frac{4}{10} \cdot 1} = \frac{3}{7}$

c) $p(L_1 \cap T_2) + p(T_1 \cap L_2) = \frac{6}{10} \cdot \frac{4}{9} + \frac{4}{10} \cdot \frac{6}{9} = \frac{48}{90} = \frac{8}{15}$

