

Examen de Física 2º Bachillerato. Gravitación

Nombre: _____

- 1.- Un satélite describe una órbita circular plana de radio $3.7 \cdot 10^8$ m y periodo 27,30 días en torno a un planeta. Determina la masa del planeta
- 2.- Dadas dos esferas de masas de 2 Kg y 4 Kg situadas respectivamente en los puntos (0,0) y (6,0) de un sistema de ejes cartesianos, representado en metros.
Calcula:
 - a) El campo gravitatorio en los puntos (3,4) y (3,0)
 - b) El trabajo necesario para pasar otra esfera de 3 Kg desde el punto (3,4) al punto (3,0)
 $G=6,67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2\text{kg}^{-2}$
 - c) Representa las líneas de fuerza del sistema, dibuja el vector campo en tres puntos cualesquiera.
- 3.- Explica los conceptos de campo, energía potencial gravitatoria y potencial gravitatorio.
- 4.- Calcula hasta qué altura sobre la superficie de la tierra habría que elevarse para reducir nuestro peso en un 35%

“Cada día sabemos más y entendemos menos”

Albert Einstein (1879-1955)
Científico alemán

Suerte.....

SOLUCIÓN

1.- Para resolver este problema, y con los datos que tenemos, utilizamos la expresión de la tercera ley de Kepler, de la que despejaremos la M.

$$\frac{T^2}{R^3} = \frac{4\pi^2}{G \cdot M}$$

$$M = \frac{4 \cdot \pi^2 \cdot R^3}{G \cdot T^2} = \frac{4 \cdot \pi^2 \cdot (3,7 \cdot 10^8)^3}{6,67 \cdot 10^{-11} \cdot (2,35 \cdot 10^6)^2} = 5,42 \cdot 10^{24} \text{ Kg}$$

Que es la masa del planeta.

2.- a) El campo en el punto (3,4) será la suma vectorial de los campos generados por las masas 1 y 2.

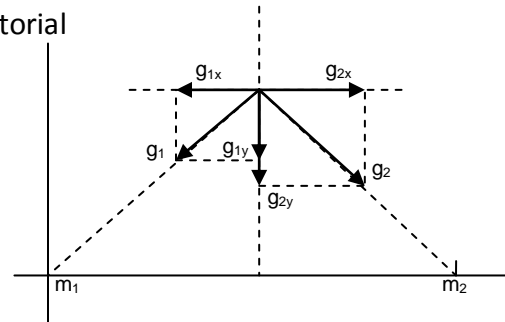
$$\vec{g} = \vec{g}_1 + \vec{g}_2 = \vec{g}_{1x} + \vec{g}_{1y} + \vec{g}_{2x} + \vec{g}_{2y}$$

$$\vec{g}_{1x} = G \frac{m_1}{r_1^2} \cdot (-\vec{i}) = -5,33 \cdot 10^{-12} \vec{i}$$

$$\vec{g}_{1y} = G \frac{m_1}{r_1^2} \cdot (-\vec{j}) = -5,33 \cdot 10^{-12} \vec{j}$$

$$\vec{g}_{2x} = G \frac{m_2}{r_2^2} \cdot (\vec{i}) = 1,06 \cdot 10^{-11} \vec{i}$$

$$\vec{g}_{2y} = G \frac{m_2}{r_2^2} \cdot (-\vec{j}) = -1,06 \cdot 10^{-11} \vec{j}$$



Y ahora se suma componente a componente:

$$\vec{g} = 5,3 \cdot 10^{-12} \vec{i} - 6,4 \cdot 10^{-12} \vec{j} \text{ m/s}^2$$

Para el punto (3,0) es más fácil porque sólo hay componentes según el eje x:

$$\vec{g} = \vec{g}_{1x} + \vec{g}_{2x} = G \frac{m_1}{r_1^2} \cdot (-\vec{i}) + G \frac{m_2}{r_2^2} \cdot \vec{i} = 1,5 \cdot 10^{-11} \text{ m/s}^2$$

b) Para calcular el trabajo, necesitamos saber el potencial gravitatorio en los puntos inicial y final.

$$V(3,4) = -G \frac{m_1}{r_1} - G \frac{m_2}{r_2} = -\frac{6}{5} G$$

$$V(3,0) = -G \frac{m_1}{r_1} - G \frac{m_2}{r_2} = -\frac{6}{3} G$$

$$W = -m \cdot \Delta V = -3 \cdot [V(3,0) - V(3,4)] = \frac{12}{5} G J$$

Y lo dejamos en función de G.

4.- El peso de una persona de masa m sobre la superficie de la Tierra viene dado por:

$$P = G \frac{M \cdot m}{R_T^2}$$

Y a una cierta altura R' el peso será otro P' . Debemos calcular el valor de R' para que P' sea el 35% del valor de P .

$$P' = 0,35 \cdot P$$

$$G \frac{M \cdot m}{R'^2} = 0,35 \cdot G \frac{M \cdot m}{R_T^2}$$

$$\frac{1}{R'^2} = 0,35 \cdot \frac{1}{R_T^2}$$

Y despejando:

$$R' = \frac{1}{\sqrt{0,35}} R_T$$

A ese radio, el valor de g es el 35% del valor de g en la superficie terrestre.

Si sustituimos el valor del radio de la Tierra.

$$R' = 10829 \text{ km}$$

O, lo que es lo mismo, a **4459 km de altura**.