

1º.-Calcula las siguientes integrales:

$$a) \int \frac{\tan x}{\sqrt{2 + \ln(\cos x)}} dx$$

Solución:

$$\int \frac{\tan x}{\sqrt{2 + \ln(\cos x)}} dx = -2 \int \frac{-\operatorname{sen} x}{2 \cos x \sqrt{2 + \ln(\cos x)}} dx = -2 \sqrt{2 + \ln(\cos x)} + k$$

$$b) \int \frac{x^2 + 1}{x^2 - 4x + 3} dx$$

Solución:

$$\begin{aligned} \int \frac{x^2 + 1}{x^2 - 4x + 3} dx &= \int \left(1 + \frac{4x - 2}{x^2 - 4x + 3} \right) dx = \int dx + \int \frac{4x - 2}{x^2 - 4x + 3} dx = \\ &= x + \int \left[\frac{5}{x - 3} - \frac{1}{x - 1} \right] dx = x + \int \frac{5}{x - 3} dx - \int \frac{1}{x - 1} dx = x + 5 \ln |x - 3| - \ln |x - 1| + k = \\ &= x + \ln \left| \frac{k(x - 3)^5}{x - 1} \right| \end{aligned}$$

$$c) \int x^2 \operatorname{Ln}(x) dx$$

Solución:

$$\int x^2 \operatorname{Ln}(x) dx = \frac{x^3}{3} \ln x - \int \frac{x^3}{3} \cdot \frac{1}{x} dx = \frac{x^3}{3} \ln x - \int \frac{x^2}{3} dx = \frac{x^3}{3} \ln x - \frac{x^3}{9} + k$$

↓

$$\overbrace{u = \ln x \longrightarrow du = \frac{1}{x} dx}$$

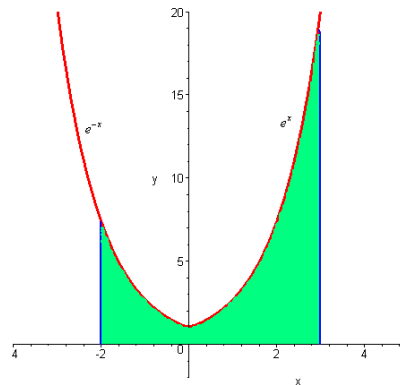
$$dv = x^2 dx \longrightarrow v = \int x^2 dx = \frac{x^3}{3}$$

2°.- Calcular el área limitada por la gráfica de la función $f(x) = e^{|x|}$, las rectas $x = -2$, $x = 3$ y el eje de abscisas

Solución:

$$f(x) = e^{|x|} = \begin{cases} e^{-x} & \text{si } x < 0 \\ e^x & \text{si } x \geq 0 \end{cases} \quad \text{que no derivable en } x=0 \text{ y ambas ramas son}$$

positivas, luego:



$$A = \int_{-2}^0 e^{-x} dx + \int_0^3 e^x dx = (e^2 - 1) + (e^3 - 1) = e^3 + e^2 - 2 \cong 25,47 \text{ u. de á.}$$

3°.- Calcular el área limitada por las gráficas de las funciones $f(x) = x^2$, $f(x) = 2 - x^2$ y $f(x) = 4$

Solución:

$$x^2 = 4 \Rightarrow x = \pm 2$$

$$x^2 = 2 - x^2 \Rightarrow x = \pm 1$$

$$A = \int_{-2}^{-1} (4 - x^2) dx + \int_{-1}^1 [4 - (2 - x^2)] dx + \int_1^2 (4 - x^2) dx = \frac{5}{3} + \frac{14}{3} + \frac{5}{3} = 8 \text{ u. de á.}$$

