

## Opción A

**Ejercicio 1.** (Puntuación máxima: 3 puntos)

Resuelve la ecuación matricial  $A \cdot X \cdot A^{-1} = B$ , siendo:  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ -1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$  y  $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & -1 \\ 1 & 3 & 0 \end{pmatrix}$

**Solución:**

Hay que resolver la ecuación  $A \cdot X \cdot A^{-1} = B \Rightarrow A^{-1} \cdot A \cdot X \cdot A^{-1} \cdot A = A^{-1} \cdot B \cdot A$ ;

$I_3 \cdot X \cdot I_3 = A^{-1} \cdot B \cdot A$ ; entonces, la matriz  $X$  pedida será  $X = A^{-1} \cdot B \cdot A$

Calculemos  $A^{-1}$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ -1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}, |A| = -1$$

$$A_{11} = \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} = 2 \quad A_{21} = -\begin{vmatrix} 0 & 3 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} = 3 \quad A_{31} = \begin{vmatrix} 0 & 3 \\ 1 & 0 \end{vmatrix} = -3$$

$$A_{12} = -\begin{vmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 2 \end{vmatrix} = 2 \quad A_{22} = \begin{vmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 2 \end{vmatrix} = 2 \quad A_{32} = -\begin{vmatrix} 1 & 3 \\ -1 & 0 \end{vmatrix} = -3$$

$$A_{13} = \begin{vmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 1 \end{vmatrix} = -1 \quad A_{23} = -\begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{vmatrix} = -1 \quad A_{33} = \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 1 \end{vmatrix} = 1$$

$$\Rightarrow A^{-1} = \frac{1}{-1} \begin{pmatrix} 2 & 3 & -3 \\ 2 & 2 & -3 \\ -1 & -1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$A^{-1} = \begin{pmatrix} -2 & -3 & 3 \\ -2 & -2 & 3 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix}; \text{ ahora calculamos } X = A^{-1} \cdot B \cdot A$$

$$X = \begin{pmatrix} -2 & -3 & 3 \\ -2 & -2 & 3 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & -1 \\ 1 & 3 & 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ -1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 & -3 & 3 \\ -2 & -2 & 3 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 1 & 5 \\ -2 & 1 & -2 \\ -2 & 3 & 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 & 4 & 5 \\ -4 & 5 & 3 \\ 1 & -1 & 0 \end{pmatrix} \Rightarrow X = \begin{pmatrix} -2 & 4 & 5 \\ -4 & 5 & 3 \\ 1 & -1 & 0 \end{pmatrix}$$

**Ejercicio 2.** (Puntuación máxima: 3 puntos)

Sabiendo que  $|A| = \begin{vmatrix} x & y & z \\ 4 & 0 & 2 \\ 1 & 1 & 1 \end{vmatrix} = 5$ , calcular el valor de los siguientes determinantes:

a)  $\begin{vmatrix} 3x & 2 & x-1 \\ 3z & 1 & z-1 \\ 3y & 0 & y-1 \end{vmatrix}$ , b)  $\begin{vmatrix} x & y & z \\ 10 & 2 & 6 \\ x+4 & y & z+2 \end{vmatrix}$ , c)  $|2(A \cdot A^t)^{-1}|$

**Solución:**

$$a) \begin{vmatrix} 3x & 2 & x-1 \\ 3z & 1 & z-1 \\ 3y & 0 & y-1 \end{vmatrix} = 3 \cdot \begin{vmatrix} x & 2 & x-1 \\ z & 1 & z-1 \\ y & 0 & y-1 \end{vmatrix} = 3 \cdot \left( \begin{vmatrix} x & 2 & x \\ z & 1 & z \\ y & 0 & y \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} x & 2 & 1 \\ z & 1 & 1 \\ y & 0 & 1 \end{vmatrix} \right) = -3 \cdot \begin{vmatrix} x & 2 & 1 \\ z & 1 & 1 \\ y & 0 & 1 \end{vmatrix} = 3 \cdot \begin{vmatrix} x & 2 & 1 \\ y & 0 & 1 \\ z & 1 & 1 \end{vmatrix} = 3 \cdot \begin{vmatrix} x & y & z \\ 2 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{vmatrix} =$$

$$= 3 \cdot \frac{1}{2} \cdot \begin{vmatrix} x & y & z \\ 4 & 0 & 2 \\ 1 & 1 & 1 \end{vmatrix} = \frac{3}{2} \cdot 5 = \frac{15}{2} \quad \uparrow \quad 0$$

$$\begin{aligned}
 b) \quad & \begin{vmatrix} x & y & z \\ 10 & 2 & 6 \\ x+4 & y & z+2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x & y & z \\ 10 & 2 & 6 \\ x & y & z \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} x & y & z \\ 10 & 2 & 6 \\ 4 & 0 & 2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x & y & z \\ 10 & 2 & 6 \\ 4 & 0 & 2 \end{vmatrix} = - \begin{vmatrix} x & y & z \\ 4 & 0 & 2 \\ 10 & 2 & 6 \end{vmatrix} = -2 \cdot \begin{vmatrix} x & y & z \\ 4 & 0 & 2 \\ 5 & 1 & 3 \end{vmatrix}_{F_3=F_3-F_2} \\
 & = -2 \cdot \begin{vmatrix} x & y & z \\ 4 & 0 & 2 \\ 1 & 1 & 1 \end{vmatrix} = -2 \cdot 5 = -10
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 c) \quad & \left| 2(A \cdot A')^{-1} \right| = 2^3 \cdot \left| (A \cdot A')^{-1} \right| = 8 \cdot \frac{1}{|A \cdot A'|} = 8 \cdot \frac{1}{|A| \cdot |A'|} = 8 \cdot \frac{1}{5 \cdot 5} = \frac{8}{25} \\
 & \quad \quad \quad \uparrow \quad \quad \quad \uparrow \\
 & (A \cdot A')^{-1} \in M_{3 \times 3} \quad \quad \quad |A| = |A'|
 \end{aligned}$$

**Ejercicio 3.** (Puntuación máxima: 2 puntos)

Sea  $H$  el subespacio vectorial de  $\mathbb{R}^4$  generado por los vectores  $e_1 = (a, 2, -a, 0)$ ,  $e_2 = (2, a, 0, 3)$ ,  $e_3 = (3, 0, 2, 2)$  y  $e_4 = (2, a, 2, -5)$ . Encontrar  $a$  sabiendo que  $H \neq \mathbb{R}^4$ .

Solución:

$H$  es el subespacio generado por  $\{e_1, e_2, e_3, e_4\}$ ; como  $H \neq \mathbb{R}^4$  y  $\dim \mathbb{R}^4 = 4 \Rightarrow$  los vectores  $e_1, e_2, e_3$  y  $e_4$  deben ser linealmente dependientes puesto que si no fuese así,  $\{e_1, e_2, e_3, e_4\}$  sería base de  $\mathbb{R}^4$  y  $H = \mathbb{R}^4$ .

Para que los vectores  $e_1, e_2, e_3$  y  $e_4$  sean linealmente dependientes, el determinante que formamos con ellos tiene que ser cero.

$$\begin{aligned}
 & \begin{vmatrix} a & 2 & 3 & 2 \\ 2 & a & 0 & a \\ -a & 0 & 2 & 2 \\ 0 & 3 & 2 & -5 \end{vmatrix}_{C_4=C_4-C_2} = \begin{vmatrix} a & 2 & 3 & 0 \\ 2 & a & 0 & 0 \\ -a & 0 & 2 & 2 \\ 0 & 3 & 2 & -8 \end{vmatrix}_{F_4=F_4+4F_3} = \begin{vmatrix} a & 2 & 3 & 0 \\ 2 & a & 0 & 0 \\ -a & 0 & 2 & 2 \\ -4a & 3 & 10 & 0 \end{vmatrix}_{\substack{\text{Desarrollamos} \\ \text{por la } C_4}} = 2 \cdot (-1)^{3+4} \cdot \begin{vmatrix} a & 2 & 3 \\ 2 & a & 0 \\ -4a & 3 & 10 \end{vmatrix}_{F_3=F_3+4F_1} \\
 & = -2 \cdot \begin{vmatrix} a & 2 & 3 \\ 2 & a & 0 \\ 0 & 11 & 22 \end{vmatrix} = -22 \cdot \begin{vmatrix} a & 2 & 3 \\ 2 & a & 0 \\ 0 & 1 & 2 \end{vmatrix}_{C_3=C_3-2C_2} = -22 \cdot \begin{vmatrix} a & 2 & -1 \\ 2 & a & -2a \\ 0 & 1 & 0 \end{vmatrix}_{\substack{\text{desarrollamos} \\ \text{por la } F_3}} = -22 \cdot 1 \cdot (-1)^{3+2} \cdot \begin{vmatrix} a & -1 \\ 2 & -2a \end{vmatrix} = 22(-2a^2 + 2)
 \end{aligned}$$

$$22(-2a^2 + 2) = 0 \Rightarrow -2a^2 + 2 = 0 \Rightarrow a^2 = 1 \Rightarrow \begin{cases} a = 1 \\ a = -1 \end{cases}$$

**Ejercicio 4.** (Puntuación máxima: 2 puntos)

Resuelve la siguiente ecuación:

$$\begin{vmatrix} 2(x^2 - 1) & x+1 & (x+1)^2 \\ x-1 & x+1 & x+1 \\ (x-1)^2 & x-1 & x^2 - 1 \end{vmatrix} = 0$$

Solución:

$$\begin{aligned} & \begin{vmatrix} 2(x^2 - 1) & x+1 & (x+1)^2 \\ x-1 & x+1 & x+1 \\ (x-1)^2 & x-1 & x^2 - 1 \end{vmatrix} \underset{\substack{\text{Extraemos } (x-1) \text{ de } C_1 \\ \text{Extraemos } (x+1) \text{ de } C_3}}{=} \begin{vmatrix} 2(x+1) & x+1 & x+1 \\ 1 & x+1 & 1 \\ x-1 & x-1 & x-1 \end{vmatrix} \underset{\substack{\text{Extraemos } (x+1) \text{ de } F_1 \\ \text{Extraemos } (x-1) \text{ de } F_3}}{=} \\ & = (x-1)^2 \cdot (x+1)^2 \cdot \begin{vmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & x+1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{vmatrix} \underset{\substack{F_1 = F_1 - F_3 \\ F_2 = F_2 - F_3}}{=} (x-1)^2 \cdot (x+1)^2 \cdot \begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & x & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{vmatrix} \underset{\text{determinante de matriz triangular}}{=} (x-1)^2 \cdot (x+1)^2 \cdot x \\ & \Rightarrow (x-1)^2 \cdot (x+1)^2 \cdot x = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -1 \\ x = 0 \end{cases} \end{aligned}$$

## Opción B

**Ejercicio 1.** (Puntuación máxima: 3 puntos)

Sabiendo que  $B = \{e_1, e_2, e_3\}$  es una base de  $\mathbb{R}^3$ , probar que el sistema formado por los vectores

$$B' = \{u_1 = e_1 + e_2 + e_3, u_2 = e_1 - e_2 + e_3, u_3 = 2e_1 + 3e_3\}$$
 también es base de  $\mathbb{R}^3$ .

Dado el vector  $v = (2, -1, 5)$ , cuyas coordenadas están expresadas en la base  $B$ , encontrar sus coordenadas en la base  $B'$ .

Solución:

$$\left. \begin{aligned} u_1 = e_1 + e_2 + e_3 & \Rightarrow u_1 = (1, 1, 1) \text{ en la base } B \\ u_2 = e_1 - e_2 + e_3 & \Rightarrow u_2 = (1, -1, 1) \text{ en la base } B \\ u_3 = 2e_1 + 3e_3 & \Rightarrow u_3 = (2, 0, 3) \text{ en la base } B \end{aligned} \right\}$$

para que  $B' = \{u_1, u_2, u_3\}$  sea base de  $\mathbb{R}^3 \Rightarrow B'$  tiene que ser un sistema de generadores y sistema libre.

Como sabemos que  $\dim \mathbb{R}^3 = 3$  y  $B'$  está formado por tres vectores, si estos son linealmente independientes son base de  $\mathbb{R}^3$ .

Veamos que  $B'$  es un sistema libre, para ello consideramos el determinante:

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 1 & -1 & 0 \\ 1 & 1 & 3 \end{vmatrix} = -2 \neq 0 \Rightarrow \text{las tres columnas del determinante son linealmente independientes.}$$

Por tanto  $B'$  es una base de  $\mathbb{R}^3$

Busquemos ahora las coordenadas del vector  $v$  en la base  $B'$ .

$$\left. \begin{array}{l} v = (2, -1, 5) \text{ en } B \Rightarrow v = 2e_1 - e_2 + 5e_3 \\ v = (x, y, z) \text{ en } B' \Rightarrow v = x \cdot u_1 + y \cdot u_2 + z \cdot u_3 \end{array} \right\} \Rightarrow 2e_1 - e_2 + 5e_3 = x \cdot u_1 + y \cdot u_2 + z \cdot u_3 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 2e_1 - e_2 + 5e_3 = x \cdot (e_1 + e_2 + e_3) + y \cdot (e_1 - e_2 + e_3) + z \cdot (2e_1 + 3e_3) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 2e_1 - e_2 + 5e_3 = (x + y + 2z) \cdot e_1 + (x - y) \cdot e_2 + (x + y + 3z) \cdot e_3, \text{ entonces, como } \{e_1, e_2, e_3\} \text{ son base de } \mathbb{R}^3 \Rightarrow$$

$\Rightarrow$  cualquier vector de  $\mathbb{R}^3$  se puede poner como combinación lineal de ellos de forma única, por tanto:

$$\Rightarrow \begin{cases} x + y + 2z = 2 \\ x - y = -1 \\ x + y + 3z = 5 \end{cases} \quad (3^{\text{a}} \text{ ec.} - 1^{\text{a}} \text{ ec.}) \Rightarrow z = 3 \Rightarrow \text{tenemos } \begin{cases} x + y = -4 \\ x - y = -1 \end{cases} \Rightarrow x = -\frac{5}{2}, y = -\frac{3}{2}$$

$$\text{con lo que } v = -\frac{5}{2} \cdot u_1 - \frac{3}{2} \cdot u_2 + 3 \cdot u_3 \Rightarrow v = \left(-\frac{5}{2}, -\frac{3}{2}, 3\right) \text{ en la base } B'$$

## Ejercicio 2. (Puntuación máxima: 3 puntos)

Dada la matriz  $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & -1 \end{pmatrix}$ , se pide:

- Calcular el valor de  $|2A \cdot A^t|$ .
- Calcular el valor de  $|A^t \cdot A|$ .

Solución:

$$A \cdot A^t = \begin{pmatrix} 2 & 1 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & -1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ -1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 6 & -1 & 0 \\ -1 & 7 & 2 \\ 0 & 2 & 3 \end{pmatrix} \Rightarrow |2A \cdot A^t| = 2^3 \cdot |A \cdot A^t| = 8 \cdot \begin{vmatrix} 6 & -1 & 0 \\ -1 & 7 & 2 \\ 0 & 2 & 3 \end{vmatrix} = 8 \cdot 99 = 792$$

$$\begin{aligned} A^t \cdot A &= \begin{pmatrix} 2 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ -1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & -1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 & 1 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 & 0 & -3 & -1 \\ 0 & 6 & 2 & 1 \\ -3 & 2 & 3 & 0 \\ -1 & 1 & 0 & 2 \end{pmatrix} \Rightarrow |A^t \cdot A| = \begin{vmatrix} 5 & 0 & -3 & -1 \\ 0 & 6 & 2 & 1 \\ -3 & 2 & 3 & 0 \\ -1 & 1 & 0 & 2 \end{vmatrix} \stackrel{\substack{F_2 = F_2 + 3F_1 \\ F_4 = F_4 - 2F_1}}{=} \begin{vmatrix} 5 & 6 & -1 & 0 \\ 0 & 6 & 2 & 1 \\ -3 & 2 & 3 & 0 \\ -1 & -11 & -4 & 0 \end{vmatrix} \\ &= \underset{\text{desarrollamos por } C_4}{=} 1 \cdot (-1)^{2+4} \cdot \begin{vmatrix} 5 & 6 & -1 \\ -3 & 2 & 3 \\ -1 & -11 & -4 \end{vmatrix} \stackrel{\substack{F_2 = F_2 + 3F_1 \\ F_3 = F_3 - 4F_1}}{=} \begin{vmatrix} 5 & 6 & -1 \\ 12 & 20 & 0 \\ -21 & -35 & 0 \end{vmatrix} \underset{\text{desarrollamos por } C_3}{=} -1 \cdot (-1)^{1+3} \cdot \begin{vmatrix} 12 & 20 \\ -21 & -35 \end{vmatrix} = (-1) \cdot 4 \cdot (-7) \cdot \begin{vmatrix} 3 & 5 \\ 3 & 5 \end{vmatrix} = 0 \end{aligned}$$

**Ejercicio 3.** (Puntuación máxima: 2 puntos)

Dada la matriz  $A = \begin{pmatrix} -a & 0 & a \\ a & a-1 & 0 \\ a & a & a+2 \end{pmatrix}$ , encontrar los valores de  $a$  para los que la matriz admite inversa y calcular dicha inversa para  $a = -1$ .

Solución:

$$A^{-1} \text{ existe} \Leftrightarrow |A| \neq 0$$

$$|A| = \begin{vmatrix} -a & 0 & a \\ a & a-1 & 0 \\ a & a & a+2 \end{vmatrix} \underset{C_3=C_3+C_1}{=} \begin{vmatrix} -a & 0 & 0 \\ a & a-1 & a \\ a & a & 2a+2 \end{vmatrix} \underset{\text{desarrollamos por } F_1}{=} -a \cdot \begin{vmatrix} a-1 & a \\ a & 2a+2 \end{vmatrix} = -a \cdot [(a-1)(2a+2) - a^2] =$$

$$= -a \cdot (a^2 - 2) \Rightarrow -a(a^2 - 2) = 0 \Rightarrow \begin{cases} a = 0 \\ a = \sqrt{2} \\ a = -\sqrt{2} \end{cases} \Rightarrow A \text{ admite inversa para } a \neq 0, a \neq \sqrt{2}, a \neq -\sqrt{2}$$

Calculemos ahora  $A^{-1}$  para  $a = -1$ .  $|A| = -a \cdot (a^2 - 2) \Rightarrow |A| = -(-1)((-1)^2 - 2) = -1$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ -1 & -2 & 0 \\ -1 & -1 & 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{matrix} A_{11} = \begin{vmatrix} -2 & 0 \\ -1 & 1 \end{vmatrix} = -2 & A_{21} = -\begin{vmatrix} 0 & -1 \\ -1 & 1 \end{vmatrix} = 1 & A_{31} = \begin{vmatrix} 0 & -1 \\ -2 & 0 \end{vmatrix} = -2 \\ A_{12} = -\begin{vmatrix} -1 & 0 \\ -1 & 1 \end{vmatrix} = 1 & A_{22} = \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 1 \end{vmatrix} = 0 & A_{32} = -\begin{vmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 0 \end{vmatrix} = 1 \\ A_{13} = \begin{vmatrix} -1 & -2 \\ -1 & -1 \end{vmatrix} = -1 & A_{23} = -\begin{vmatrix} 1 & 0 \\ -1 & -1 \end{vmatrix} = 1 & A_{33} = \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ -1 & -2 \end{vmatrix} = -2 \end{matrix}$$

$$A^{-1} = \frac{1}{-1} \cdot \begin{pmatrix} -2 & 1 & -2 \\ 1 & 0 & 1 \\ -1 & 1 & -2 \end{pmatrix} \Rightarrow A^{-1} = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 2 \\ -1 & 0 & -1 \\ 1 & -1 & 2 \end{pmatrix}$$

**Ejercicio 4.** (Puntuación máxima: 2 puntos)

Dadas las matrices  $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$  y  $C = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$ , encuentra  $X$  tal que  $A + X \cdot B = C$ .

Solución:

Como  $A, B$  y  $C$  son matrices de orden  $2 \times 2 \Rightarrow X \in M_{2 \times 2} \Rightarrow X = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$

Por otro lado  $A + X \cdot B = C \Leftrightarrow X \cdot B = C - A \Rightarrow \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 2 & 0 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

$$\begin{pmatrix} 2a+b & a+b \\ 2c+d & c+d \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 2 & -1 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{cases} 2a+b=-2 \\ a+b=0 \end{cases} \Rightarrow a=-2, b=2$$

$$\Rightarrow X = \begin{pmatrix} -2 & 2 \\ 3 & -4 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2c+d=2 \\ c+d=-1 \end{cases} \Rightarrow c=3, d=-4$$

También podemos resolverlo así:  $X \cdot B = C - A \Rightarrow X = (C - A) \cdot B^{-1}$

$$B = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \Rightarrow |B|=1 \quad \begin{matrix} B_{11}=1 & B_{21}=-1 \\ B_{12}=-1 & B_{22}=2 \end{matrix} \Rightarrow B^{-1} = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 2 \end{pmatrix} ; C - A = \begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}$$

$$X = \begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 2 & -1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 & 2 \\ 3 & -4 \end{pmatrix}$$

www.yoquieroaprobar.es