

$$X = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \dots \\ x_n \end{pmatrix} \text{ matriz de las incógnitas.}$$

$$B = \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \\ \dots \\ b_m \end{pmatrix} \text{ Matriz de los términos independientes.}$$

Expresión matricial: Con las matrices definidas anteriormente, podemos escribir la expresión matricial del sistema en la forma: $A \cdot X = B$.

Expresión vectorial: Sean A_1 , A_2 , ... , A_n , las columnas de la matriz de los coeficientes del sistema A , la expresión vectorial del sistema puede escribirse en la forma:

$$A_1 \cdot x_1 + A_2 \cdot x_2 + \dots + A_n \cdot x_n = B$$

Teorema de Rouché-Fröbenius:

Un sistema con m ecuaciones lineales con n incógnitas es compatible si y solo si el rango de la matriz de los coeficientes del sistema coincide con el rango de la matriz ampliada.

- Si $r(A) \neq r(A^*) \Rightarrow$ el sistema es INCOMPATIBLE.
- Si $r(A) = r(A^*) = r \Rightarrow$ el sistema es COMPATIBLE.
 - Si $r = n$ (nº de incógnitas) \Rightarrow el sistema es COMPATIBLE DETERMINADO.
 - Si $r \neq n$ (nº de incógnitas) \Rightarrow el sistema es COMPATIBLE INDETERMINADO.

Métodos de Resolución de Sistemas:

- **Método de Gauss:** Consiste en hacer ceros por debajo de la diagonal principal del sistema.
- **Método de la Matriz Inversa:** Hemos visto que un sistema en forma matricial puede escribirse en la forma $A \cdot X = B$. Si despejamos la matriz de las incógnitas X , tendríamos que: $X = A^{-1} \cdot B$.
- **Regla de Cramer:** Se llama sistema de Cramer a los sistemas de ecuaciones lineales con el mismo número de ecuaciones y de incógnitas $m = n$, y cuyo determinante de la matriz de los coeficientes del sistema es no nulo: $|A| \neq 0$ (es decir, los sistemas de Cramer son siempre compatibles determinados). La solución única de un sistema de Cramer se obtiene,

