



## EXAMEN FINAL DE JUNIO MATEMÁTICAS I

1º BACH. A+B  
CURSO 2009-2010



### INSTRUCCIONES:

- Para **recuperar 3 evaluaciones** (o para subir nota) se responderán a las tres primeras preguntas de dichas evaluaciones.
- Para **recuperar 1 o 2 evaluaciones** se responderán a todas las preguntas de dichas evaluaciones.
- Todas las preguntas puntúan igual. Se tendrá en cuenta la ortografía y sintaxis, presentación cuidada (orden en el planteamiento, limpieza, caligrafía, etc.) y corrección en el lenguaje matemático.
- Copia en el primer folio el siguiente cuadro y sombrea las casillas a las que NO te presentas. Por ejemplo, si tienes que recuperar las dos últimas evaluaciones:

	1ª EVAL.	2ª EVAL.	3ª EVAL.
<b>RECUPERAR:</b>			

(En los espacios en blanco el profesor pondrá la calificación)

### 1ª EVALUACIÓN:

1. Dado  $\alpha \in 3^{\text{er}}$  cuadrante tal que  $\cos \alpha = -\frac{3\sqrt{2}}{4}$ , hallar, mediante identidades trigonométricas (resultados simplificados y racionalizados; no vale utilizar decimales): **a)**  $\cos(\alpha + 60^\circ)$  **b)**  $\text{tg}(\alpha + 45^\circ)$  **c)**  $\sin \alpha/2$
2. Continuando con el ejercicio anterior, se pide: **a)**  $\sin(\alpha - 1920^\circ)$  **b)**  $\cos 2\alpha$  **c)** Razonar, mediante calculadora y circunferencia trigonométrica, de qué  $\alpha$  se trata.
3. Dibujar el triángulo ABC de datos  $b=3$  cm,  $c=2$  cm,  $A=60^\circ$ . Resolverlo y hallar su área.
4. Operar y simplificar: **a)**  $\frac{\sqrt{3\sqrt{2} \cdot 2\sqrt{2}}}{\sqrt[4]{2}} =$  **b)**  $\frac{x-2}{x+2} - \frac{1}{x-2} + \frac{6x-x^2}{x^2-4} =$

### 2ª EVALUACIÓN:

1. Dados  $\vec{a} = (5, 3)$  y  $\vec{b} = (a, -3)$ , se pide:
  - a) Hallar  $a$  para que  $\vec{a} \cdot \vec{b} = 1$ . ¿Qué ángulo formarán  $\vec{a}$  y  $\vec{b}$  en tal caso?
  - b) Hallar  $a$  para que  $\vec{a}$  y  $\vec{b}$  sean paralelos. Explicar gráficamente la situación.
  - c) Hallar  $a$  para que  $\vec{a}$  y  $\vec{b}$  sean perpendiculares. Explicar gráficamente la situación.
  - d) Hallar  $a$  para que  $\vec{a}$  y  $\vec{b}$  tengan el mismo módulo. Explicar gráficamente la situación.
2. Dada la recta  $r: 3x - 4y + 5 = 0$ , se pide:
  - a) Hallar, en todas las formas conocidas, la ecuación de la recta paralela a  $r$  que pasa por  $P(2, 3)$
  - b) Hallar la distancia entre la recta anterior y  $r$
  - c) Hallar la posición relativa de  $r$  y la recta  $s: 3x + 4y - 5 = 0$
  - d) Hallar el ángulo entre  $r$  y  $s$
3. a) Operar en forma polar y dar el resultado en binómica:  $\frac{(-\sqrt{2} + \sqrt{2}i)^4 \cdot (\sqrt{3} + i)^3}{(2 - 2\sqrt{3}i)^2} =$

b) Operar en binómica:  $\frac{(2+3i)(3-2i)-(3+4i)^2}{35-16i^9} =$

4. Dada  $f(x)=-x^3+12x$  se pide: **a)** Dom(f) **b)** Simetría. **c)** Cortes con los ejes. **d)** Representación gráfica. **e)** Intervalos de crecimiento. Posibles M y m. **f)** Im(f) **g)** Hallar la antiimagen de  $y=9$  ¿Cuántas soluciones hay?

### 3ª EVALUACIÓN:

1. **a)** Hallar  $\log_3 \frac{3}{\sqrt[5]{81}}$  **b)** Hallar **a** de modo que  $\log_a 12 + \log_a 3 = 2$  **c)**  $9^x + 2 \cdot 3^{x+1} = 27$

2. Calcular: **a)**  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 3x^2 + 4}{x^3 - 2x^2 - 4x + 8} =$  **b)**  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 - 3x^2 + 4}{x^3 - 2x^2 - 4x + 8} =$  **c)**  $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x+2}{\sqrt{x+3}-1} =$

3. Derivar y simplificar: **a)**  $y = \frac{3}{x^3 - 2x^2 + 5}$  **b)**  $y = \sqrt[4]{x^3} (2x - 3)$  **c)**  $y = (2x^3 - 3x + 5)^3$  **d)**  $y = \frac{2x - 3}{2x + 3}$

4. Dada  $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x + 1 & \text{si } x \leq 0 \\ x + 1 & \text{si } 0 < x < 4 \\ \frac{4}{x} & \text{si } x \geq 4 \end{cases}$  se pide: **a)** Gráfica. **b)** Dom(f) e Im(f) **c)** Cortes con los ejes. **d)** Intervalos

de crecimiento. M y m. **e)** Clasificar, analíticamente, sus discontinuidades. **f)** Ecuación de las posibles asíntotas. **g)**  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$  **h)**  $\lim_{x \rightarrow 4} f(x)$