

Ecuaciones de 2º grado

RECORDAR: Forma general de la ecuación de 2º grado: $ax^2 + bx + c = 0$

Resolución:
$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$
 (Añadir esta fórmula al formulario)

1. Resolver las siguientes **ecuaciones de 2º grado incompletas** aplicando el método más conveniente en cada caso –no vale utilizar la fórmula general–, y comprobar en cada caso las soluciones obtenidas:

| | | | |
|----------------------|---------------------------|------------------------------------|---------------------------|
| 1) $x^2 - 5x = 0$ | (Sol: $x_1=0, x_2=5$) | 16) $3x^2 - 11x = 0$ | (Sol: $x_1=0, x_2=11/3$) |
| 2) $x^2 - 16 = 0$ | (Sol: $x=\pm 4$) | 17) $x(x+2) = 0$ | (Sol: $x_1=0, x_2=-2$) |
| 3) $x^2 + 8x = 0$ | (Sol: $x_1=0, x_2=-8$) | 18) $x^2 + 16 = 0$ | (Sol: \exists soluc.) |
| 4) $x^2 - 49 = 0$ | (Sol: $x=\pm 7$) | 19) $25x^2 - 9 = 0$ | (Sol: $x=\pm 3/5$) |
| 5) $x^2 + 49 = 0$ | (Sol: \exists soluc.) | 20) $x^2 - 8 = 0$ | (Sol: $x=\pm 2\sqrt{2}$) |
| 6) $3x^2 - 9x = 0$ | (Sol: $x_1=0, x_2=3$) | 21) $4 - 25x^2 = 0$ | (Sol: $x=\pm 2/5$) |
| 7) $2x^2 - 18 = 0$ | (Sol: $x=\pm 3$) | 22) $2x^2 - 8 = 0$ | (Sol: $x=\pm 2$) |
| 8) $5x^2 + x = 0$ | (Sol: $x_1=0, x_2=-1/5$) | 23) $-x^2 - x = 0$ | (Sol: $x_1=0, x_2=-1$) |
| 9) $x^2 - 3 = 0$ | (Sol: $x=\pm\sqrt{3}$) | 24) $16x + 4x^2 = 0$ | (Sol: $x_1=0, x_2=-4$) |
| 10) $x^2 = x$ | (Sol: $x_1=0, x_2=1$) | 25) $(x+1)(x-1) = 2(x^2 - 13)$ | (Sol: $x=\pm 5$) |
| 11) $x^2 + x = 0$ | (Sol: $x_1=0, x_2=-1$) | 26) $\frac{x}{2} + 2x^2 = -x(x-1)$ | (Sol: $x_1=0, x_2=1/6$) |
| 12) $4x^2 - 1 = 0$ | (Sol: $x=\pm 1/2$) | | |
| 13) $-x^2 + 12x = 0$ | (Sol: $x_1=0, x_2=12$) | | |
| 14) $x^2 = 10x$ | (Sol: $x_1=0, x_2=10$) | | |
| 15) $9x^2 - 4 = 0$ | (Sol: $x=\pm 2/3$) | | |

2. Resolver las siguientes **ecuaciones de 2º grado**, teniendo en cuenta que:

- Las ecuaciones **completas** se resolverán mediante la conocida fórmula general.
- Las incompletas deberán ser resueltas como en el ejercicio anterior, no mediante la fórmula general.
- Las ecuaciones factorizadas no deben ser pasadas a la forma general, sino resueltas directamente.
- En ambos casos, y siempre que sea posible, se simplificarán los coeficientes antes de resolver.
- En todos los casos hay que comprobar las soluciones obtenidas.

| | | | |
|-----------------------|------------------------|------------------------|-------------------------|
| 1) $x^2 - 6x + 8 = 0$ | (Sol: $x_1=2, x_2=4$) | 3) $x^2 - 4x + 21 = 0$ | (Sol: \exists soluc.) |
| 2) $x^2 - 4x + 4 = 0$ | (Sol: $x=2$) | 4) $x^2 - 2x - 3 = 0$ | (Sol: $x_1=-1, x_2=3$) |

| | | | |
|--|--|--|---------------------------------|
| 5) $x^2 - 5x + 6 = 0$ | (Sol: $x_1=2, x_2=3$) | 39) $x^2 - 5x + 4 = 0$ | (Sol: $x_1=1, x_2=4$) |
| 6) $x^2 - 3x - 10 = 0$ | (Sol: $x_1=-2, x_2=5$) | 40) $3x^2 - 4x = 0$ | (Sol: $x_1=0, x_2=4/3$) |
| 7) $x^2 + 6x + 9 = 0$ | (Sol: $x=-3$) | 41) $2x^2 - 8 = 0$ | (Sol: $x=\pm 2$) |
| 8) $3x^2 - 10x + 7 = 0$ | (Sol: $x_1=1, x_2=7/3$) | 42) $-4x^2 + 12x - 9 = 0$ | (Sol: $x=3/2$) |
| 9) $\frac{1}{2}x^2 - x - 4 = 0$ | (Sol: $x_1=4, x_2=-2$) | 43) $x^2 + 2x - 24 = 0$ | (Sol: $x_1=4, x_2=-6$) |
| 10) $2x^2 - 16x + 24 = 0$ | (Sol: $x_1=2, x_2=6$) | 44) $x^2 + 8x + 15 = 0$ | (Sol: $x_1=-3, x_2=-5$) |
| 11) $\frac{2}{3}x^2 - \frac{8}{3}x + 2 = 0$ | (Sol: $x_1=1, x_2=3$) | 45) $x^2 + 5x - 14 = 0$ | (Sol: $x_1=2, x_2=-7$) |
| 12) $6x^2 - 5x - 6 = 0$ | (Sol: $x_1=-2/3, x_2=3/2$) | 46) $7x^2 - 47x - 14 = 0$ | (Sol: $x_1=-2/7, x_2=7$) |
| 13) $x^2 - 2x - 1 = 0$ | (Sol: $x=1\pm\sqrt{2}$) | 47) $x^2 + 7x - 144 = 0$ | (Sol: $x_1=-16, x_2=9$) |
| 14) $x^2 - 3x = 0$ | (Sol: $x_1=0, x_2=3$) | 48) $20x^2 - 7x - 6 = 0$ | (Sol: $x_1=3/4, x_2=-2/5$) |
| 15) $x^2 + x - 1 = 0$ | (Sol: $x = \frac{-1 \pm \sqrt{5}}{2}$) | 49) $x^2 - 6x + 9 = 0$ | (Sol: $x=3$) |
| 16) $x^2 - \frac{5}{2}x + 1 = 0$ | (Sol: $x_1=1/2, x_2=2$) | 50) $8x^2 + 33x + 4 = 0$ | (Sol: $x_1=-4, x_2=-1/8$) |
| 17) $x^2 - 2x + 1 = 0$ | (Sol: $x=1$) | 51) $x^2 + 16 = 0$ | (Sol: No soluc.) |
| 18) $x^2 - 4x + 7 = 0$ | (Sol: No soluc.) | 52) $x^2 - 2 = 0$ | (Sol: $x=\pm\sqrt{2}$) |
| 19) $\frac{x^2}{9} - x + 2 = 0$ | (Sol: $x_1=3, x_2=6$) | 53) $5x^2 - 4x + \frac{4}{5} = 0$ | (Sol: $x=2/5$) |
| 20) $(x+2)(x-5) = 0$ | (Sol: $x_1=-2, x_2=5$) | 54) $x^2 - 4x + 1 = 0$ | (Sol: $x=2\pm\sqrt{3}$) |
| 21) $2x^2 + 8x + 6 = 0$ | (Sol: $x_1=-3, x_2=-1$) | 55) $x^2 + 7x - 60 = 0$ | (Sol: $x_1=5, x_2=-12$) |
| 22) $x^2 = 4$ | (Sol: $x=\pm 2$) | 56) $10x^2 + 37x - 12 = 0$ | (Sol: $x_1=3/10, x_2=-4$) |
| 23) $-2x^2 + 5x + 3 = 0$ | (Sol: $x_1=-1/2, x_2=3$) | 57) $x^2 - 2x - 8 = 0$ | (Sol: $x_1=4, x_2=-2$) |
| 24) $(x-3)(x-1) = 0$ | (Sol: $x_1=1, x_2=3$) | 58) $x^2 + 2x + 3 = 0$ | (Sol: No soluc.) |
| 25) $6x^2 - 13x + 6 = 0$ | (Sol: $x_1=3/2, x_2=2/3$) | 59) $2x^2 - 7x - 4 = 0$ | (Sol: $x_1=4, x_2=-1/2$) |
| 26) $2x^2 + 10x + 12 = 0$ | (Sol: $x_1=-3, x_2=-2$) | 60) $x^2 + 6x - 8 = 0$ | (Sol: $x = -3 \pm \sqrt{17}$) |
| 27) $-x^2 + 5x - 4 = 0$ | (Sol: $x_1=1, x_2=4$) | 61) $4x^2 + 11x - 3 = 0$ | (Sol: $x_1=1/4, x_2=-3$) |
| 28) $(4x-8)(x+1) = 0$ | (Sol: $x_1=-1, x_2=2$) | 62) $x^2 + 2x + 1 = 0$ | (Sol: $x=-1$) |
| 29) $x^2 - 2x + 6 = 0$ | (Sol: No soluc.) | 63) $x^2 - 13x + 42 = 0$ | (Sol: $x_1=7, x_2=6$) |
| 30) $(2x-4)3x = 0$ | (Sol: $x_1=0, x_2=2$) | 64) $x^2 + 13x + 42 = 0$ | (Sol: $x_1=-7, x_2=-6$) |
| 31) $x^2 = 9$ | (Sol: $x=\pm 3$) | 65) $x^2 + 5x + 25 = 0$ | (Sol: No soluc.) |
| 32) $9x^2 - 16 = 0$ | (Sol: $x=\pm 4/3$) | 66) $3x^2 - 6x - 6 = 0$ | (Sol: $x = 1 \pm \sqrt{3}$) |
| 33) $x^2 - 9x + 20 = 0$ | (Sol: $x_1=5, x_2=4$) | 67) $2x^2 - 7x - 15 = 0$ | (Sol: $x_1=5, x_2=-3/2$) |
| 34) $x^2 - 4x + 3 = 0$ | (Sol: $x_1=1, x_2=3$) | 68) $6x^2 - x - 1 = 0$ | (Sol: $x_1=1/2, x_2=-1/3$) |
| 35) $x^2 - x - 6 = 0$ | (Sol: $x_1=3, x_2=-2$) | 69) $3x^2 - 6x - 4 = 0$ | (Sol: $x = 1 \pm \sqrt{21}/3$) |
| 36) $x^2 + 2x + 5 = 0$ | (Sol: No soluc.) | 70) $x^2 - 19x + 18 = 0$ | (Sol: $x_1=18, x_2=1$) |
| 37) $x^2 - 6x + 9 = 0$ | (Sol: $x=3$) | 71) $12x^2 - 17x - 5 = 0$ | (Sol: $x_1=5/3, x_2=-1/4$) |
| 38) $-2x^2 + 2x + 15 = 0$ | (Sol: $x = \frac{-1 \pm \sqrt{31}}{2}$) | 72) $3x^2 + 15x + 21 = 0$ | (Sol: No soluc.) |
| | | 73) $2x^2 - 5x - 3 = 0$ | (Sol: $x_1=3, x_2=-1/2$) |
| | | 74) $5x^2 + 16x + 3 = 0$ | (Sol: $x_1=-1/5, x_2=-3$) |
| | | 75) $x^2 + 9x - 22 = 0$ | (Sol: $x_1=2, x_2=-11$) |

| | | | |
|------------------------------------|------------------------------|--|---|
| 76) $x^2 - 169x + 3600 = 0$ | (Sol: $x_1=25, x_2=144$) | 87) $x^2 - 10x + 25 = 1$ | (Sol: $x_1=4, x_2=6$) |
| 77) $x^2 + 2x - 3 = 0$ | (Sol: $x_1=1, x_2=-3$) | 88) $2x^2 - 11x + 5 = 0$ | (Sol: $x_1=5, x_2=1/2$) |
| 78) $2x^2 + ax - 3a^2 = 0$ | (Sol: $x_1=a, x_2=-3a/2$) | 89) $x^2 + 10x - 24 = 0$ | (Sol: $x_1=2, x_2=-12$) |
| 79) $x^2 + x + 1 = 0$ | (Sol: No soluc.) | 90) $2x^2 - 3x + 1 = 0$ | (Sol: $x_1=1, x_2=1/2$) |
| 80) $4x^2 + 8x + 3 = 0$ | (Sol: $x_1=-3/2, x_2=-1/2$) | 91) $3x^2 - 19x + 20 = 0$ | (Sol: $x_1=5, x_2=4/3$) |
| 81) $3x^2 + 4x + 1 = 0$ | (Sol: $x_1=-1/3, x_2=-1$) | 92) $48x^2 - 38,4x - 268,8 = 0$ | (Sol: $x_1=2,8; x_2=-2$) |
| 82) $x^2 + 4x + 3 = 0$ | (Sol: $x_1=-1, x_2=-3$) | 93) $2x^2 - \sqrt{2}x - 2 = 0$ | (Sol: $x_1=\sqrt{2}; x_2=-\sqrt{2}/2$) |
| 83) $x^2 + 2x - 35 = 0$ | (Sol: $x_1=5, x_2=-7$) | 94) $3x^2 - ax - 2a^2 = 0$ | (Sol: $x_1=a, x_2=-2a/3$) |
| 84) $x^2 + 13x + 40 = 0$ | (Sol: $x_1=-5, x_2=-8$) | 95) $0,1x^2 - 0,4x - 48 = 0$ | (Sol: $x_1=24, x_2=-20$) |
| 85) $x^2 - 4x - 60 = 0$ | (Sol: $x_1=10, x_2=-6$) | | |
| 86) $x^2 + 7x - 78 = 0$ | (Sol: $x_1=6, x_2=-13$) | | |

3. TEORÍA: Hallar el discriminante (**Discriminante=b²-4ac**) de cada ecuación y, sin resolverlas, indicar su número de soluciones:

- | | | | |
|------------------------|----------------------------|------------------------|----------------------------|
| a) $5x^2 - 3x + 1 = 0$ | (Sol: No soluc.) | c) $3x^2 - 6x - 1 = 0$ | (Sol: 2 soluc.) |
| b) $x^2 - 4x + 4 = 0$ | (Sol: 1 soluc.) | d) $5x^2 + 3x + 1 = 0$ | (Sol: No soluc.) |

4. TEORÍA: Calcular el valor del coeficiente **b** en la ecuación $5x^2 + bx + 6 = 0$ sabiendo que una de sus soluciones es 1 ¿Cuál es la otra solución? (Sol: $b=-11; x=6/5$)

5. TEORÍA:

- a) Determinar para qué valores de **m** la ecuación $2x^2 - 5x + m = 0$ tiene una solución. (Sol: $m=25/8$)
- b) ¿Para qué valores de **a** la ecuación $x^2 - 6x + 3 + a = 0$ tiene solución única? (Sol: $a=6$)
- c) Determinar para qué valores de **b** la ecuación $x^2 - bx + 25 = 0$ tiene una sola solución. (Sol: $b=\pm 10$)

6. TEORÍA:

- a) ¿Qué es el discriminante de una ecuación de 2º grado? ¿Qué indica? Sin llegar a resolverla, ¿cómo podemos saber de antemano que la ecuación $x^2 + x + 1$ carece de soluciones?
- b) Inventar una ecuación de 2º grado completa que carezca de solución.
- c) Calcular el valor del coeficiente **b** en la ecuación $x^2 + bx + 6 = 0$ sabiendo que una de las soluciones es 1. Sin necesidad de resolver, ¿cuál es la otra solución?

7. Resolver las siguientes **ecuaciones de 2º grado**, operando convenientemente en cada caso –para así pasarlas a la forma general–, y comprobar el resultado:

- | | | | |
|---|--|---|----------------------------|
| 1) $2x^2 + 5x = 5 + 3x - x^2$ | (Sol: $x_1=1, x_2=-5/3$) | 20) $(2x-4)^2 - 2x(x-2) = 48$ | (Sol: $x_1=8, x_2=-2$) |
| 2) $4x(x+1) = 15$ | (Sol: $x_1=3/2, x_2=-5/2$) | 21) $(2x-3)^2 + x^2 + 6 = (3x+1)(3x-1)$ | (Sol: $x_1=1, x_2=-4$) |
| 3) $-x(x+2) + 3 = 0$ | (Sol: $x_1=1, x_2=-3$) | 22) $(3x-2)^2 = (2x+3)(2x-3) + 3(x+1)$ | (Sol: $x_1=1, x_2=2$) |
| 4) $x(x+3) - 2x = 4x + 4$ | (Sol: $x_1=4, x_2=-1$) | 23) $(x-1)(x-2) = 0$ | (Sol: $x_1=1, x_2=2$) |
| 5) $x(x^2+x) - (x+1)(x^2-2) = -4$ | (Sol: $x=-3$) | 24) $(x-1)(x-2) = 6$ | (Sol: $x_1=-1, x_2=4$) |
| 6) $(2x-3)^2 = 1$ | (Sol: $x_1=1, x_2=2$) | 25) $(2x-3)(1-x) = 0$ | (Sol: $x_1=3/2, x_2=1$) |
| 7) $(5x-1)^2 = 16$ | (Sol: $x_1=1, x_2=-3/5$) | 26) $x(x-2) = 3$ | (Sol: $x_1=3, x_2=-1$) |
| 8) $(4-3x)^2 - 64 = 0$ | (Sol: $x_1=4, x_2=-4/3$) | 27) $(x^2-4)(2x-6)(x+3) = 0$ | (Sol: $x=\pm 2; x=\pm 3$) |
| 9) $2(x+1)^2 = 8-3x$ | (Sol: $x = \frac{-7 \pm \sqrt{97}}{4}$) | 28) $x(x+2) = 3(x+2)$ | (Sol: $x_1=3, x_2=-2$) |
| 10) $(2x+1)(x+1) = (x+2)(x-2) + 3$ | (Sol: $x_1=-2, x_2=-1$) | 29) $(x+2)(x-2) = 12$ | (Sol: $x=\pm 4$) |
| 11) $(x-1)^2 - (x+2)^2 + 3x^2 = -7x + 1$ | (Sol: $x_1=-4/3, x_2=1$) | 30) $(x+3)(x-3) = 3x - 11$ | (Sol: $x_1=1, x_2=2$) |
| 12) $4x(x+39) + 9 = 0$ | (Sol: $x = -\frac{39}{2} \pm 3\sqrt{42}$) | 31) $(2x-4)^2 = 0$ | (Sol: $x=2$) |
| 13) $(3x-2)^2 + 5x^2 = (3x+2)(3x-2)$ | (Sol: \exists soluc.) | 32) $x^4 - 16 = 0$ | (Soluc: $x=\pm 2$) |
| 14) $4x(x+3) + (x+2)(x-2) = (2x+3)^2 + x - 1$ | (Sol: $x_1=4, x_2=-3$) | 33) $x^4 + 16 = 0$ | (Sol: \exists soluc.) |
| 15) $(2x+3)(2x-3) + 5x = 2(x+1) - 1$ | (Sol: $x_1=-2, x_2=5/4$) | 34) $x^6 - 64 = 0$ | (Soluc: $x=\pm 2$) |
| 16) $(2x+2)(2x-2) = (x+1)^2 + 2(x+1)(x-1)$ | (Sol: $x_1=-1, x_2=3$) | 35) $(x+3)^7 = 0$ | (Sol: $x=-3$) |
| 17) $(2x+3)(2x-3) = (2x-3)^2 + 30x$ | (Sol: $x=-1$) | 36) $\sqrt{x^2 + 4x + 4} = 1$ | (Sol: $x_1=-1, x_2=-3$) |
| 18) $(2x-3)^2 + x^2 = (3x+1)(3x-1) - 6$ | (Sol: $x_1=-4, x_2=1$) | 37) $(3x-2)^2 = (2x+1)(2x-1) - 2$ | (Sol: $x_1=1, x_2=7/5$) |
| 19) $(x+3)(x-3) - (x-2)^2 = 6 + x(x-5)$ | (Sol: $x = \frac{9 \pm \sqrt{5}}{2}$) | | |

8. Resolver las siguientes **ecuaciones de 2º grado con denominadores**, operando convenientemente en cada caso –para así pasarlas a la forma general–, y comprobar el resultado:

- | | | | |
|---------------------------------------|---------------------------|--|-----------------------------|
| 1) $\frac{x^2 - 4}{x + 3} = 0$ | (Sol: $x=\pm 2$) | 6) $\frac{x^2 + 6x + 3}{x - 1} = -x$ | (Sol: $x_1=-3/2, x_2=-1$) |
| 2) $\frac{x^2 - 4}{x + 3} = -12$ | (Sol: $x_1=-8, x_2=-4$) | 7) $\frac{x^2 + 1}{x^2 - 1} = \frac{13}{12}$ | (Sol: $x=\pm 5$) |
| 3) $\frac{x}{3x} = \frac{x-1}{-3x-1}$ | (Soluc: $x=1/3$) | 8) $\frac{1-2x}{x+7} = \frac{x}{x-1}$ | ($x_1=-1; x_2=-1/3$) |
| 4) $\frac{3x^2 + 2x}{5x^2 - 3} = 0$ | (Sol: $x_1=0, x_2=-2/3$) | 9) $(x-3)^2 = \frac{x}{4}$ | (Sol: $x_1=4, x_2=9/4$) |
| 5) $\frac{x^2 + 3x - 4}{x - 3} = 0$ | (Sol: $x_1=1, x_2=-4$) | 10) $6 + \frac{2x+4}{3}x = 8$ | (Sol: $x_1=1, x_2=-3$) |
| | | 11) $1064 = \frac{4 + 6(x-1)}{2} \cdot x$ | (Sol: $x_1=19, x_2=-56/3$) |

$$12) \frac{x+2}{3} + \frac{x+7}{12} = 1 + \frac{x^2+1}{4} \quad (\text{Sol: } x_1=0, x_2=-1)$$

$$13) \frac{x^2-1}{3} - \frac{x-1}{6} = 2 + \frac{x}{9} \quad (\text{Sol: } x_1=3, x_2=-13/6)$$

9. Resolver las siguientes **ecuaciones de 2º grado con paréntesis y denominadores**, operando convenientemente en cada caso –para así pasarlas a la forma general-, y comprobar el resultado:

$$1) \frac{(x+2)^2}{9} = \frac{7}{9} - \frac{(x+3)(x-3)}{5} \quad (\text{Sol: } x_1=2, x_2=-24/7)$$

$$2) \frac{(2x+1)^2}{5} - \frac{(x+3)(x-3)}{3} = \frac{20}{3} \quad (\text{Sol: } x_1=2, x_2=-26/7)$$

$$3) \frac{(x-3)^2}{2} + \frac{(x+1)(x-1)}{3} = \frac{4x-19x+31}{6} \quad (\text{Sol: } x_1=-3, x_2=2)$$

$$4) \frac{(2x+1)(2x-1)}{6} - \frac{(x+1)^2}{9} = \frac{x(7x-8)-1}{18} \quad (\text{Sol: } x_1=-2, x_2=2/3)$$

$$5) \frac{(x-2)^2}{2} + \frac{5x+6}{6} = \frac{(x+3)(x-3)}{3} + 6 \quad (\text{Sol: } x_1=0, x_2=7)$$

$$6) \frac{(x+2)(x-2)}{4} - \frac{(x-3)^2}{3} = \frac{x(11-x)}{6} \quad (\text{Sol: } x_1=-8, x_2=6)$$

$$7) \frac{3(x^2-11)}{5} - \frac{2(x^2-60)}{7} = 36 \quad (\text{Sol: } x=\pm 9)$$

$$8) \frac{(x-1)^2}{2} - \frac{(1+2x)^2}{3} = -2 - \frac{(2x-1)(2x+1)}{3} \quad (\text{Sol: } x_1=1, x_2=11/3)$$

$$9) \frac{(x+3)(x-3)-4}{2} - \frac{x-2}{3} = \frac{(x-2)^2+1}{6} \quad (\text{Sol: } x_1=4, x_2=-5)$$

$$10) \frac{(x+2)(x-2)}{12} + \frac{2x+1}{18} - \frac{6-5(x-2)}{6} = \frac{3(x-1)^2+11}{36} \quad (\text{Sol: } x_1=3)$$

10. Resolver las siguientes **ecuaciones factorizadas –o factorizables-**, y comprobar el resultado:

$$1) (x^2-4)(x^2+1)(x-3)=0 \quad (\text{Sol: } x=\pm 2, x=3)$$

$$13) x^6-16x^2=0 \quad (\text{Sol: } x=0, x=\pm 2)$$

$$2) (x^2-3x)(2x+3)(x-1)=0 \quad (\text{Sol: } x_1=0, x_2=1; x_3=3, x_4=-3/2)$$

$$14) (x-3)(2x^2-8)(x^2+5x)=0 \quad (\text{Sol: } x=\pm 2, x=3, x=0, x=-5)$$

$$3) x^3-x^2-6x=0 \quad (\text{Sol: } x_1=0, x_2=-2, x_3=3)$$

$$15) (2x+5)(x^3-4x)(x^2-4x+4)=0 \quad (\text{Sol: } x=-5/2, x=0; x=\pm 2)$$

$$4) (3x^2-12)(x^2-x+2)(x^2+1)=0 \quad (\text{Sol: } x=\pm 2)$$

$$16) x^3=3x \quad (\text{Sol: } x_1=0, x_2=\sqrt{3}; x_3=-\sqrt{3})$$

$$5) (x^2-x-2)(x^2+9)=0 \quad (\text{Sol: } x_1=-1, x_2=2)$$

$$17) x^2(2x-5)(x+2)=0 \quad (\text{Sol: } x_1=0, x_2=5/2; x_3=-2)$$

$$6) 12x^3-2x^2-2x=0 \quad (\text{Sol: } x_1=0, x_2=1/2, x_3=-1/3)$$

$$18) (x-3)(x+5)(x^2+1)=0 \quad (\text{Sol: } x_1=3, x_2=-5)$$

$$7) (3x^2+12)(x^2-5x)(x-3)=0 \quad (\text{Sol: } x_1=0, x_2=3; x_3=5)$$

$$19) x^3+2x^2-15x=0 \quad (\text{Sol: } x_1=0, x_2=3; x_3=-5)$$

$$8) x^4-16x^2=0 \quad (\text{Soluc: } x=0, x=\pm 4)$$

$$20) (x+2)^2(x-3)^2=0 \quad (\text{Sol: } x_1=3, x_2=-2)$$

$$9) (x+1)^2(x-3)=0 \quad (\text{Sol: } x_1=-1, x_2=3)$$

$$21) (x-5)(x^2+4)=0 \quad (\text{Sol: } x=5)$$

$$10) (x+1)(x-2)(x^2-3x+4)=0 \quad (\text{Sol: } x_1=-1, x_2=2)$$

$$11) (x^2+x-6)(x^2-4x)(x^2+4)=0 \quad (\text{Sol: } x_1=2, x_2=-3; x_3=0, x_4=4)$$

$$12) x^2(x-2)=0 \quad (\text{Sol: } x_1=0, x_2=2)$$