

<b>Bachillerato de Ciencias Humanas y Sociales</b>	
<b>ENUNCIADOS</b>	<b>Junio de 2019</b>

**OPCIÓN A**

**Problema 1.** Un inversor dispone de 9000 euros y quiere invertir en dos tipos de productos financieros: A y B. La inversión en el producto A debe superar los 5000 euros, y además, ésta debe ser el doble, al menos, que la inversión en el producto B. Se sabe que la rentabilidad del producto A es del 2,7% y la del producto B del 6,3%.

- a) ¿Cuánto ha de invertir en cada producto para que la rentabilidad sea máxima?
- b) ¿Cuál es esa rentabilidad máxima?

**Problema 2.** Dada la función  $f(x) = \frac{x^2}{x-2}$ , se pide:

- a) Su dominio y puntos de corte con los ejes coordenados.
- b) Las asíntotas horizontales y verticales, si existen.
- c) Los intervalos de crecimiento y decrecimiento.
- d) Los máximos y mínimos locales.
- e) La representación gráfica de la función a partir de los resultados obtenidos en los apartados anteriores.

**Problema 3.** En una cierta ciudad, las dos terceras partes de los hogares tienen una Smart TV, de los cuales, las tres octavas partes han contratado algún servicio de televisión de pago, porcentaje que baja al 30% si consideramos el total de los hogares. Si se elige un hogar al azar

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que no tenga Smart TV pero si haya contratado televisión de pago?
- b) ¿Cuál es la probabilidad de que tenga Smart TV si sabemos que ha contratado televisión de pago?
- c) ¿Cuál es la probabilidad de que no tenga Smart TV si sabemos que no ha contratado televisión de pago?

**OPCIÓN B**

**Problema 1.** Dadas las matrices  $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$  y  $B = \begin{pmatrix} 0 & 2 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$ , se pide:

- Calcula  $(AB)^{-1}$ .
- Calcular  $AB^t - A^t B$ .
- Resolver la ecuación  $B^t X + A^t B = A^t$ ,  
siendo  $A^t$  y  $B^t$  las matrices transpuestas de  $A$  y  $B$ , respectivamente.

**Problema 2.** En los primeros 6 años, una empresa obtuvo unos beneficios (en decenas de miles de euros) que pueden representarse mediante la función  $f(t) = t^3 - 8t^2 + 15t$ , donde  $t$  es el tiempo en años transcurridos.

- Determinar los períodos en los que la empresa tuvo beneficios y en los que tuvo pérdidas.
- ¿En qué valor de  $t$  se alcanzó el máximo beneficio y cuál fue éste?
- ¿En qué valor de  $t$  se alcanzó la máxima pérdida y cuál fue ésta?
- Suponiendo que a partir de los 6 años los beneficios siguen la misma función, ¿volverá a tener la empresa períodos alternos de beneficios y pérdidas? Justifica la respuesta.

**Problema 3.** Sabemos que el 5% de los hombres y el 2% de las mujeres que trabajan en una empresa tienen un salario mensual mayor que 5000 euros. Se sabe también que el 30% de los trabajadores de dicha empresa son mujeres.

- Calcular la probabilidad de que un trabajador de la empresa, elegido al azar, tenga un salario mensual mayor que 5000 euros.
- Si se elige al azar un trabajador de la empresa y se observa que su salario mensual es mayor que 5000 euros, ¿cuál es la probabilidad de que ese trabajador sea mujer?
- ¿Qué porcentaje de trabajadores de la empresa son hombres con un salario mayor que 5000 euros?