

1) Resolver, por el método de Gauss, los siguientes sistemas:

$$(a) \begin{cases} x - 2y - 3z = 1 \\ 3x + 2y + 2z = 1 \\ -2x + 3y + z = -9 \end{cases} \quad (b) \begin{cases} 3x - 2y + z = 5 \\ x + 2y - z = 3 \\ -x + 6y - 3z = 1 \end{cases} \quad (c) \begin{cases} y + z = -1 \\ x - y = 1 \\ x + 2y + 3z = -2 \end{cases} \quad (d) \begin{cases} x - 3y - z = -1 \\ x + 5y + 3z = 3 \\ x + y + z = 1 \\ 3x + 7y + 5z = 5 \end{cases}$$

$$(e) \begin{cases} x - 2y = -3 \\ -2x + 3y + z = 4 \\ 2x + y - 5z = 4 \end{cases} \quad (\text{Sol: } (1+2t, 2+t, t)) \quad (f) \begin{cases} 4x - y + z = 4 \\ x - y + 4z = 1 \\ 2x + y - 7z = 3 \end{cases} \quad (\text{Sol: incompatible})$$

$$(g) \begin{cases} x + y + z = 6 \\ x - y - z = -4 \\ 3x + y + z = 8 \end{cases} \quad (\text{Sol: } (1, 5-t, t)) \quad (h) \begin{cases} 2x + y + 5z = 0 \\ -2x - y + 4z = 2 \\ -x - 2y - 2z = 1 \end{cases} \quad S : \left(-\frac{7}{27}, -\frac{16}{27}, \frac{2}{9} \right)$$

2) Estudia los siguientes sistemas y resuélvelos cuando sean compatibles:

$$(a) \begin{cases} x - y + z = 0 \\ 2x + 3y - 2z = 0 \\ 4x + y - z = 0 \end{cases} \quad (b) \begin{cases} x - y + z = 0 \\ 2x + 3y - 2z = 0 \\ 4x + y = 0 \end{cases} \quad (c) \begin{cases} 2x - y - 2z = -2 \\ -x + y + z = 0 \\ x - 2y + z = 8 \\ 2x - y = 6 \end{cases} \quad (d) \begin{cases} x + 2y + 3z = 1 \\ x + 3y - z = 4 \\ x + 3y + z = 2 \\ x + 2y + 4z = 0 \end{cases}$$

3) Expresa en forma matricial y resuelve utilizando la matriz inversa:

$$\begin{cases} x - y = 2 \\ 2x - y = 0 \end{cases} \quad \begin{cases} 3x - y - z = 1 \\ 2x - y + 2z = 2 \\ x - 3y + 6z = 3 \end{cases} \quad \begin{cases} x + 3y - z = -1 \\ x - y - z = -1 \\ 2x + y + 3z = 5 \end{cases}$$

4) Dado el sistema $\begin{cases} 2x - y + z = 3 \\ x + y + z = -1 \end{cases}$

- a) Añade una ecuación para que el sistema sea incompatible.
- b) Añade una ecuación para que el sistema tenga infinitas soluciones.

5) Determina el valor de a para que sea compatible el sistema:

$$\begin{cases} x + y + z = 2 \\ 3x - 2y - z = 4 \\ -x + y + 2z = 3 \\ 2x - y - z = a \end{cases}$$

6) (a) ¿Para qué valor de a es el siguiente sistema compatible determinado?

$$\begin{cases} x - 2y = 1 \\ y + z = a \\ x - 3z = -1 \\ y - z = 2 \end{cases}$$

(b) ¿Puede ser compatible indeterminado?

7) Discute los siguientes sistemas según los valores del parámetro a , y resuélvelos en caso de compatibilidad:

$$(a) \begin{cases} x + y + z = 3 \\ x + 2y + az = 4 \\ x + ay + 2z = 2 \end{cases}$$

$$(b) \begin{cases} 2x - ay + z = 2 - a \\ x + 2y + z = 0 \\ 3x + 2z = 2 - a \\ (a+2)x + 2y + 3z = 0 \end{cases}$$

$$(c) \begin{cases} ax + y + z = 1 \\ x + ay + z = 1 \\ x + y + az = 1 \end{cases}$$

8) Discutir según los valores del parámetro m los siguientes sistemas y resolverlos cuando sean compatibles:

$$(a) \begin{cases} mx + y = 1 \\ 2x + (m - 1)y = 2 \end{cases}$$

si $m = -1$ o $m = 2$ Incompatible

SOL:

$$si m \neq -1 y m \neq 2 C.Det.(\frac{m-3}{m^2-m-2}, \frac{2m-2}{m^2-m-2})$$

$$(b) \begin{cases} x + y = 1 \\ my + z = 0 \\ x + (1+m)y + mz = m + 1 \end{cases}$$

si $m = 0$ Compatible Ind.

SOL:

si $m = 1$ Incompatible

si $m \neq 0$ y $m \neq 1$ C.Determinado

$$(c) \begin{cases} 2x - 3y + z = 0 \\ x - my - 3z = 0 \\ 5x + 2y - z = 0 \end{cases}$$

Si $m = -8$ Compatible $(t, 7t, 19t)$

SOL:

Si $m \neq -8$ Incompatible

$$(d) \begin{cases} 3x + my = 1 \\ 2x - y + mz = 1 \\ mx - 3y + 2z = 1 \end{cases}$$

si $m = 1$ C.Indeterminado $(t, 1 - 3t, 2 - 5t)$

SOL:

si $m \neq 1$ Compatible Determinado

$$(e) \begin{cases} 2x + 3y - 4z = 1 \\ 4x + 6y - mz = 2 \\ x + y + mz = 10 \end{cases}$$

si $m = 8$ C.Ind. $(29 - 28t, -19 + 20t, t)$

SOL:

si $m \neq 8$ C.Deter. $(29, -19, 0)$