



UNIVERSIDADES PÚBLICAS DE LA COMUNIDAD DE MADRID  
PRUEBA DE ACCESO A LAS ENSEÑANZAS UNIVERSITARIAS  
OFICIALES DE GRADO

Modelo

Curso 2015-2016

MATERIA: MATEMÁTICAS APLICADAS A LAS CIENCIAS SOCIALES II

**INSTRUCCIONES Y CRITERIOS GENERALES DE CALIFICACIÓN**

Después de leer atentamente todas las preguntas, el alumno deberá escoger **una** de las dos opciones propuestas y responder a las cuestiones de la opción elegida. Para la realización de esta prueba se puede utilizar calculadora científica, siempre que no disponga de capacidad de representación gráfica o de cálculo simbólico y no tenga más de dos líneas de texto.

**CALIFICACIÓN:** Cada pregunta se valorará sobre 2 puntos.

**TIEMPO:** 90 minutos.

**OPCIÓN A**

**Ejercicio 1.** (Calificación máxima: 2 puntos)

Considérese la matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 1 \\ a & 0 & 8 \\ -1 & a & -6 \end{pmatrix}$

- Determinése para qué valores de  $a \in \mathbb{R}$  es invertible  $A$ .
- Resuélvase para  $a = 0$  el sistema

$$A \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

**Ejercicio 2.** (Calificación máxima: 2 puntos)

Determinése la matriz  $X$  que verifica  $\begin{pmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{pmatrix} \cdot X = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 4 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 4 & -1 \end{pmatrix} \cdot X$ .

**Ejercicio 3.** (Calificación máxima: 2 puntos)

Se considera la función real de variable real:

$$f(x) = \frac{x^3}{1 - x^2}$$

- Estúdiense y determinése sus asíntotas.
- Determinése sus intervalos de crecimiento y decrecimiento.

**Ejercicio 4.** (Calificación máxima: 2 puntos)

En un polígono industrial se almacenan 30000 latas de refresco procedentes de las fabricas  $A$ ,  $B$  y  $C$  a partes iguales. Se sabe que en 2016 caducan 1800 latas de la fábrica  $A$ , 2400 procedentes de la  $B$  y 3000 que proceden de la fábrica  $C$ .

- Calcúlese la probabilidad de que una lata elegida al azar caduque en 2016.
- Se ha elegido una lata de refresco aleatoriamente y caduca en 2016, ¿cuál es la probabilidad de que proceda de la fábrica  $A$ ?

**Ejercicio 5.** (Calificación máxima: 2 puntos)

El tiempo diario que los adultos de una determinada ciudad dedican a actividades deportivas, expresado en minutos, se puede aproximar por una variable aleatoria con distribución normal de media  $\mu$  desconocida y desviación típica  $\sigma = 20$  minutos.

- Para una muestra aleatoria simple de 250 habitantes de esa ciudad se ha obtenido un tiempo medio de dedicación a actividades deportivas de 90 minutos diarios. Calcúlese un intervalo de confianza al 90 % para  $\mu$ .
- ¿Qué tamaño mínimo debe de tener una muestra aleatoria simple para que el error máximo cometido en la estimación de  $\mu$  por la media muestral sea menor que 1 minuto con el mismo nivel de confianza del 90 %?

## OPCIÓN B

### **Ejercicio 1.** (Calificación máxima: 2 puntos)

Se considera el sistema de ecuaciones lineales, dependiente del parámetro real  $a$ :

$$\begin{cases} x + y - z = 1 \\ 2x + 2y - 3z = 3 \\ 3x + ay - 2z = 5 \end{cases}$$

- a) Discútase el sistema para los diferentes valores de  $a$ .
- b) Resuélvase el sistema en el caso  $a = 2$ .

### **Ejercicio 2.** (Calificación máxima: 2 puntos)

Se considera la función real de variable real

$$f(x) = x^2 - 4x - 5$$

- a) Representétese gráficamente la función  $f$ .
- b) Calcúlese el área de la región acotada del plano delimitada por la gráfica de  $f$  y el eje de abscisas.

### **Ejercicio 3.** (Calificación máxima: 2 puntos)

Dada la función real de variable real

$$f(x) = x^2 e^{x^2}$$

- a) Calcúlese su función derivada.
- b) Determinéense sus intervalos de concavidad ( $\cap$ ) y convexidad ( $\cup$ ).

### **Ejercicio 4.** (Calificación máxima: 2 puntos)

Las probabilidades de que cinco jugadores de baloncesto encesten un lanzamiento de tiro libre son, respectivamente, de 0,8; 0,9; 0,7; 0,9; 0,93. Si cada jugador lanza un tiro libre siguiendo el orden anterior y considerando los resultados de los lanzamientos como sucesos independientes, calcúlese la probabilidad de que:

- a) Todos los jugadores encesten su tiro libre.
- b) Al menos uno de los tres primeros jugadores enceste.

### **Ejercicio 5.** (Calificación máxima: 2 puntos)

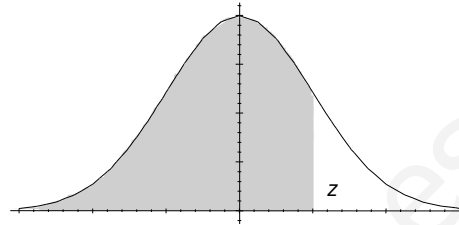
El precio (en euros) del metro cuadrado de las viviendas de un determinado municipio se puede aproximar por una variable aleatoria con distribución normal de media  $\mu$  desconocida y desviación típica  $\sigma = 650$  euros.

- a) Se toma una muestra aleatoria simple y se obtiene un intervalo de confianza (2265, 375; 2424, 625) para  $\mu$ , con un nivel de confianza del 95 %. Calcúlese la media muestral y el tamaño de la muestra elegida.
- b) Tomamos una muestra aleatoria simple de tamaño 225. Calcúlese el error máximo cometido en la estimación de  $\mu$  por la media muestral con un nivel de confianza del 99 %.

## Matemáticas Aplicadas a las Ciencias Sociales

### ÁREAS BAJO LA DISTRIBUCIÓN DE PROBABILIDAD NORMAL ESTÁNDAR

Los valores en la tabla representan el área bajo la curva normal hasta un valor positivo de  $z$ .



<b>z</b>	<b>,00</b>	<b>,01</b>	<b>,02</b>	<b>,03</b>	<b>,04</b>	<b>,05</b>	<b>,06</b>	<b>,07</b>	<b>,08</b>	<b>,09</b>
<b>0,0</b>	0,5000	0,5040	0,5080	0,5120	0,5160	0,5199	0,5239	0,5279	0,5319	0,5359
<b>0,1</b>	0,5398	0,5438	0,5478	0,5517	0,5557	0,5596	0,5636	0,5675	0,5714	0,5753
<b>0,2</b>	0,5793	0,5832	0,5871	0,5910	0,5948	0,5987	0,6026	0,6064	0,6103	0,6141
<b>0,3</b>	0,6179	0,6217	0,6255	0,6293	0,6331	0,6368	0,6406	0,6443	0,6480	0,6517
<b>0,4</b>	0,6554	0,6591	0,6628	0,6664	0,6700	0,6736	0,6772	0,6808	0,6844	0,6879
<b>0,5</b>	0,6915	0,6950	0,6985	0,7019	0,7054	0,7088	0,7123	0,7157	0,7190	0,7224
<b>0,6</b>	0,7257	0,7291	0,7324	0,7357	0,7389	0,7422	0,7454	0,7486	0,7517	0,7549
<b>0,7</b>	0,7580	0,7611	0,7642	0,7673	0,7703	0,7734	0,7764	0,7794	0,7823	0,7852
<b>0,8</b>	0,7881	0,7910	0,7939	0,7967	0,7995	0,8023	0,8051	0,8078	0,8106	0,8133
<b>0,9</b>	0,8159	0,8186	0,8212	0,8238	0,8264	0,8289	0,8315	0,8340	0,8365	0,8389
<b>1,0</b>	0,8413	0,8438	0,8461	0,8485	0,8508	0,8531	0,8554	0,8577	0,8599	0,8621
<b>1,1</b>	0,8643	0,8665	0,8686	0,8708	0,8729	0,8749	0,8770	0,8790	0,8810	0,8830
<b>1,2</b>	0,8849	0,8869	0,8888	0,8907	0,8925	0,8944	0,8962	0,8980	0,8997	0,9015
<b>1,3</b>	0,9032	0,9049	0,9066	0,9082	0,9099	0,9115	0,9131	0,9147	0,9162	0,9177
<b>1,4</b>	0,9192	0,9207	0,9222	0,9236	0,9251	0,9265	0,9279	0,9292	0,9306	0,9319
<b>1,5</b>	0,9332	0,9345	0,9357	0,9370	0,9382	0,9394	0,9406	0,9418	0,9429	0,9441
<b>1,6</b>	0,9452	0,9463	0,9474	0,9484	0,9495	0,9505	0,9515	0,9525	0,9535	0,9545
<b>1,7</b>	0,9554	0,9564	0,9573	0,9582	0,9591	0,9599	0,9608	0,9616	0,9625	0,9633
<b>1,8</b>	0,9641	0,9649	0,9656	0,9664	0,9671	0,9678	0,9686	0,9693	0,9699	0,9706
<b>1,9</b>	0,9713	0,9719	0,9726	0,9732	0,9738	0,9744	0,9750	0,9756	0,9761	0,9767
<b>2,0</b>	0,9772	0,9778	0,9783	0,9788	0,9793	0,9798	0,9803	0,9808	0,9812	0,9817
<b>2,1</b>	0,9821	0,9826	0,9830	0,9834	0,9838	0,9842	0,9846	0,9850	0,9854	0,9857
<b>2,2</b>	0,9861	0,9864	0,9868	0,9871	0,9875	0,9878	0,9881	0,9884	0,9887	0,9890
<b>2,3</b>	0,9893	0,9896	0,9898	0,9901	0,9904	0,9906	0,9909	0,9911	0,9913	0,9916
<b>2,4</b>	0,9918	0,9920	0,9922	0,9925	0,9927	0,9929	0,9931	0,9932	0,9934	0,9936
<b>2,5</b>	0,9938	0,9940	0,9941	0,9943	0,9945	0,9946	0,9948	0,9949	0,9951	0,9952
<b>2,6</b>	0,9953	0,9954	0,9956	0,9957	0,9959	0,9960	0,9961	0,9962	0,9963	0,9964
<b>2,7</b>	0,9965	0,9966	0,9967	0,9968	0,9969	0,9970	0,9971	0,9972	0,9973	0,9974
<b>2,8</b>	0,9974	0,9975	0,9976	0,9977	0,9977	0,9978	0,9979	0,9979	0,9980	0,9981
<b>2,9</b>	0,9981	0,9982	0,9982	0,9983	0,9984	0,9984	0,9985	0,9985	0,9986	0,9986
<b>3,0</b>	0,9987	0,9987	0,9987	0,9988	0,9988	0,9989	0,9989	0,9989	0,9990	0,9990

**Ejercicio A1**

a) Mediante el determinante, veremos cuándo no es invertible.

$$\begin{vmatrix} 1 & 3 & 1 \\ a & 0 & 8 \\ -1 & a & -6 \end{vmatrix} = -24 + a^2 - 8a + 18a = a^2 + 10a - 24.$$

Igualando esa expresión a 0 y resolviendo obtendremos los valores para los que no admite inversa. Resulta  $a = -12$  o  $a = 2$ . Para todos los demás valores de  $a$  sí es invertible.

b) Para  $a = 0$  la matriz  $A$  es invertible. Por tanto, el sistema es compatible determinado. Por tratarse de un sistema homogéneo la única solución es la trivial  $x = 0, y = 0, z = 0$ .

**Ejercicio A2**

Pasando uno de los términos al miembro de la izquierda y sacando factor común podemos reescribir así la ecuación:

$$\left[ \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 4 & -1 \end{pmatrix} \right] \cdot X = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$$

de donde

$$X = \begin{pmatrix} 4 & 1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}^{-1} \cdot \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -3 & 4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & -4 \\ -2 & 16 \end{pmatrix}$$

**Ejercicio A3**

a) La función presenta asíntotas verticales en  $x = -1, x = 1$ .

Si tiene asíntotas horizontales y/o oblicuas son de la forma  $y = mx + n$  donde  $m = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{f(x)}{x}$ .

En este caso  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3}{x - x^3} = -1$

la ordenada en el origen  $n$  viene dada por

$$n = \lim_{x \rightarrow \infty} (f(x) - mx) = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3}{1 - x^2} + x = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 + x - x^3}{1 - x^2} = 0$$

Por lo que tiene una asíntota oblicua  $y = -x$ .

b)

$$f'(x) = \frac{3x^2(1 - x^2) + 2x \cdot x^3}{(1 - x^2)^2} = \frac{3x^2 - x^4}{(1 - x^2)^2} = \frac{x^2}{(1 - x^2)^2} \cdot (3 - x^2).$$

Así,  $f'(x) > 0$  si  $|x| < \sqrt{3}$ . Teniendo en cuenta en qué puntos no está definida, resulta:

$f$  decrece en  $(-\infty, -\sqrt{3})$  y  $(\sqrt{3}, \infty)$

$f$  crece en  $(-\sqrt{3}, -1)$ ,  $(-1, 1)$  y  $(1, \sqrt{3})$ .

**Ejercicio A4**

a) Simplemente hay que aplicar la Ley de Laplace. Casos favorables:  $1800+2400+3000=7200$ . Casos posibles 30000. Así la probabilidad es  $\frac{7200}{30000} = \frac{6}{25}$ .

b) De nuevo, interpretando lo que se pide, se resuelve directamente. Favorables: 1800. Posibles 7200. Probabilidad es  $\frac{1800}{7200} = \frac{1}{4}$ .

**Ejercicio A5**

a) El radio del intervalo viene dado por la expresión  $z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ . Sustituyendo los datos resulta  $1,64 \cdot \frac{20}{\sqrt{250}} = 2,07$ .

Así, el intervalo pedido es  $(87, 93; 92, 07)$

b) De nuevo, aplicando la misma expresión, obtenemos  $1,64 \cdot \frac{20}{\sqrt{n}} \leq 1$ , de donde  $\sqrt{n} \geq 1,64 \cdot 20 \Rightarrow n \geq (1,64 \cdot 20)^2 = 1075,85$  por lo que la muestra tiene que tener un tamaño mínimo de 1076 adultos.

**Ejercicio B1**

a) Calcularemos el determinante de la matriz de coeficientes. Si éste es distinto de 0 el sistema será compatible determinado.

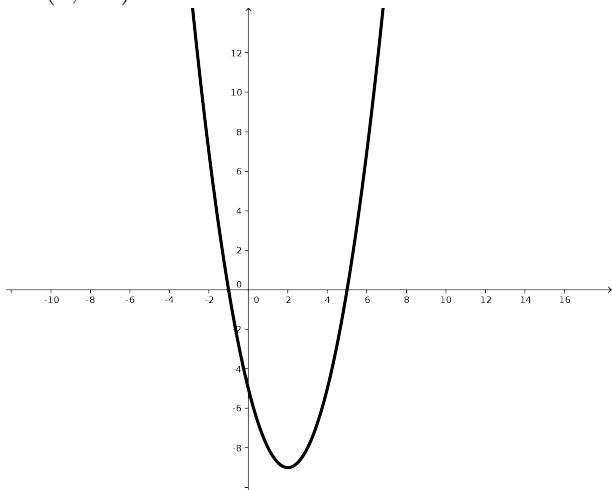
Haciendo las correspondientes operaciones obtenemos que  $\det(A) = a - 3$ . Estudiando el sistema en el caso  $a = 3$  vemos que el rango de la matriz de coeficientes es 2 y el de la ampliada es 3.

Por tanto el sistema es incompatible para  $a = 3$  y compatible determinado en todos los demás casos.

b) El sistema es compatible determinado. resulta  $x = 3, y = -3, z = -1$ .

**Ejercicio B2**

a) La gráfica de la función es una parábola que corta a los ejes en  $(-1, 0)$ ,  $(5, 0)$  y  $(0, -5)$ . Tiene un mínimo en  $(2, -9)$



b) El área viene dado por

$$\int_{-1}^5 |f(x)| dx = \int_{-1}^5 (-x^2 + 4x + 5) dx = \left[ -\frac{x^3}{3} + 2x^2 + 5x \right]_{-1}^5 = 36.$$

**Ejercicio B3**

a)  $f'(x) = 2x \cdot e^{x^2} + x^2 \cdot 2x \cdot e^{x^2} = 2xe^{x^2} + 2x^3e^{x^2}.$

b)  $f''(x) = 2e^{x^2} + 4x^2e^{x^2} + 6x^2e^{x^2} + 4x^4e^{x^2} = (2 + 10x^2 + 4x^4)e^{x^2} > 0$  siempre.

Así la función tiene la segunda derivada positiva. La función es siempre convexa (con esta forma  $\cup$ ).

**Ejercicio B4**

a) Pedimos que se verifiquen 5 sucesos independientes. Se multiplican las probabilidades:

$$0,8 \cdot 0,9 \cdot 0,7 \cdot 0,9 \cdot 0,93 = 0,4218.$$

b) En este caso lo más sencillo es calcular la probabilidad del suceso complementario: que no enceste ninguno. La probabilidad de que ninguno de los tres primeros jugadores enceste es  $0,2 \cdot 0,1 \cdot 0,3$  y, por tanto, la probabilidad pedida es  $1 - 0,2 \cdot 0,1 \cdot 0,3 = 0,994$ .

**Ejercicio B5**

a) La media muestral es 2345 (punto medio del intervalo). El error es el radio del intervalo que nos dan:  $2424,625 - 2345 = 79,625$ .

Llevándolo a la fórmula  $z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$  resulta

$$1,96 \frac{650}{\sqrt{n}} = 79,625 \Rightarrow \sqrt{n} = \frac{1,96 \cdot 650}{79,625} = 16$$

De donde la muestra elegida viene dada por  $16^2 = 256$ . Así la muestra tiene un número mínimo de 256 viviendas.

b) El valor es el error

$$z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} = 2,57 \cdot \frac{650}{\sqrt{225}} = 111,367 \text{ euros}$$

MATEMÁTICAS APLICADAS A LAS CIENCIAS SOCIALES II  
**CRITERIOS ESPECÍFICOS DE CORRECCIÓN Y CALIFICACIÓN**

ATENCIÓN: La calificación debe hacerse en múltiplos de 0,25 puntos

**OPCIÓN A**

**Ejercicio 1.** (Puntuación máxima: 2 puntos).

Apartado (a): 1 punto.

Cálculo correcto del determinante de A.....0,50 puntos.

Discusión y solución correcta.....0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

Solución correcta del sistema.....1,00 punto.

**Ejercicio 2.** (Puntuación máxima: 2 puntos).

Despejar la matriz X.....1,00 punto.

Cálculo de la inversa que aparece.....0,50 puntos.

Solución final.....0,50 puntos.

**Ejercicio 3.** (Puntuación máxima: 2 puntos).

Apartado (a): 1 punto.

Obtener asíntotas verticales.....0,50 puntos.

Obtener asíntota oblicua.....0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

Cálculo correcto de la derivada.....0,50 puntos.

Estudio correcto de los intervalos.....0,50 puntos.

**Ejercicio 4.** (Puntuación máxima: 2 puntos).

Apartado (a): 1 punto.

Planteamiento correcto.....0,50 puntos.

Cálculo correcto de la probabilidad pedida.....0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

Planteamiento correcto.....0,50 puntos.

Cálculo correcto de la probabilidad pedida.....0,50 puntos.

**Ejercicio 5.** (Puntuación máxima: 2 puntos).

Apartado (a): 1 punto.

Cálculo correcto de  $z_{\alpha/2}$ .....0,25 puntos.

Expresión correcta de la fórmula.....0,25 puntos.

Determinación correcta del intervalo de confianza.....0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

Expresión correcta de la fórmula.....0,25 puntos.

Obtención correcta del mínimo tamaño de la muestra.....0,75 puntos.

**NOTA: La resolución de ejercicios por cualquier otro procedimiento correcto, diferente al propuesto por los coordinadores, ha de valorarse con los criterios convenientemente adaptados.**

## OPCIÓN B

### Ejercicio 1. (Puntuación máxima: 2 puntos).

Apartado (a): 1 punto.

- Obtención del valor crítico.....0,50 puntos.
- Discusión correcta.....0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

- Resolución correcta del sistema .....1,00 punto.

### Ejercicio 2. (Puntuación máxima: 2 puntos).

Apartado (a): 1 punto.

- Identificación como parábola.....0,25 puntos.
- Cálculo correcto cortes con ejes.....0,25 puntos.
- Determinación correcta del vértice.....0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

- Planteamiento correcto .....0,25 puntos.
- Cálculo correcto de la función primitiva.....0,50 puntos.
- Cálculo correcto de la integral definida.....0,25 puntos.

### Ejercicio 3. (Puntuación máxima: 2 puntos).

Apartado (a): 1 punto.

- Uso correcto de la derivación de un producto.....0,25 puntos.
- Uso correcto de la regla de la cadena.....0,25 puntos.
- Cálculo correcto de la derivada.....0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

- Cálculo correcto de la segunda derivada.....0,50 puntos.
- Estudio correcto de los signos.....0,50 puntos.

### Ejercicio 4. (Puntuación máxima: 2 puntos).

Apartado (a): 1 punto.

- Planteamiento correcto.....0,50 puntos.
- Cálculo correcto de la probabilidad pedida.....0,50 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

- Planteamiento correcto.....0,50 puntos.
- Cálculo correcto de la probabilidad pedida.....0,50 puntos.

### Ejercicio 5. (Puntuación máxima: 2 puntos).

Apartado (a): 1 punto.

- Cálculo correcto de  $z_{\alpha/2}$  .....0,25 puntos.
- Cálculo correcto de la media muestral.....0,25 puntos.
- Expresión correcta de la fórmula del tamaño.....0,25 puntos.
- Cálculo correcto del tamaño muestral.....0,25 puntos.

Apartado (b): 1 punto.

- Cálculo correcto de  $z_{\alpha/2}$  .....0,25 puntos.
- Expresión correcta de la fórmula .....0,25 puntos.
- Cálculo correcto del error.....0,50 puntos.

**NOTA: La resolución de ejercicios por cualquier otro procedimiento correcto, diferente al propuesto por los coordinadores, ha de valorarse con los criterios convenientemente adaptados.**

**Principales conceptos que se tendrán en cuenta en la elaboración de la Prueba de Acceso a las Enseñanzas Universitarias Oficiales de Grado correspondientes a la materia:**

**“Matemáticas Aplicadas a las Ciencias Sociales II”**

**Curso 2015-16**

**1.- Álgebra.**

- Utilización de matrices como forma de representación de situaciones de contexto real.
- Transposición, suma, producto de matrices y producto de matrices por números reales.
- Concepto de inversa de una matriz. Obtención de la inversa de matrices de órdenes dos y tres.
- Determinantes de órdenes dos y tres.
- Resolución de ecuaciones y sistemas de ecuaciones matriciales sencillos. Regla de Cramer.
- Discusión y resolución de sistemas de ecuaciones lineales con dos o tres incógnitas y un parámetro.
- Resolución de problemas con enunciados relativos a las ciencias sociales y a la economía que pueden resolverse mediante el planteamiento de sistemas de ecuaciones lineales con dos o tres incógnitas.
- Interpretación y resolución gráfica de inecuaciones y sistemas de inecuaciones lineales con dos incógnitas.
- Iniciación a la programación lineal bidimensional. Región factible. Solución óptima.
- Aplicación de la programación lineal a la resolución de problemas de contexto real con dos variables. Interpretación de la solución obtenida.

**2.- Análisis.**

- Límite y continuidad de una función en un punto.
- Límites laterales. Ramas infinitas.
- Continuidad de funciones definidas a trozos.
- Determinación de asíntotas de funciones racionales.
- Derivada de una función en un punto. Interpretación geométrica.
- Relación entre continuidad y derivabilidad.
- Derivación de funciones polinómicas, exponenciales y logarítmicas. Reglas de derivación: sumas, productos y cocientes. Composición de funciones polinómicas, exponenciales y logarítmicas.
- Aplicaciones:
  - Cálculo de la tasa de variación instantánea, ritmo de crecimiento, coste



- marginal, etc.
- Obtención de la ecuación de la recta tangente a una curva en un punto de la misma.
  - Obtención de extremos relativos, puntos de inflexión e intervalos de crecimiento y decrecimiento de una función.
  - Resolución de problemas de optimización.
- Estudio y representación gráfica de funciones polinómicas, racionales, exponenciales y logarítmicas sencillas a partir de sus propiedades globales y locales.
  - Integrales indefinidas. Propiedades elementales. Cálculo de integrales indefinidas inmediatas o reducibles a inmediatas.
  - Integrales definidas de funciones polinómicas, exponenciales y racionales inmediatas mediante la aplicación de la regla de Barrow.
  - Aplicación de la integral definida al cálculo de áreas planas.

### **3.- Probabilidad y Estadística.**

- Experimentos aleatorios. Concepto de espacio muestral y de suceso elemental.
- Operaciones con sucesos. Leyes de De Morgan.
- Definición de probabilidad. Probabilidad de la unión, intersección, diferencia de sucesos y suceso contrario o complementario.
- Regla de Laplace de asignación de probabilidades.
- Probabilidad condicionada. Teorema del Producto, Teorema de la Probabilidad Total y Teorema de Bayes.
- Concepto de población y muestra. Muestreo. Parámetros poblacionales y estadísticos muestrales.
- Distribuciones de probabilidad de las medias muestrales. Caso normal.
- Intervalo de confianza para la media de una distribución normal de desviación típica conocida. Tamaño muestral mínimo