

1) Ejercicios de repaso de polinomios. Efectúa.

a) $2 \cdot (2x - 3)^2 \cdot (x + 1) - 3x \cdot (1 + 2x) \cdot (1 - 2x) =$

b) $(x^2 - 5y)^2 =$

c) $(4a^2 + 1)^2 =$

d) $(6 - 5y^3) \cdot (6 + 5y^3) =$

e) $(2a^3 - 3)^2 =$

f) $(2a^2 + 3b^3)^2 =$

g) $(2x - 5) \cdot (2x + x) =$

3) Resuelve la ecuación. Siguiendo estas indicaciones:

1º) Quita los paréntesis.

2º) Reduce los numeradores.

3º) Sigue el procedimiento habitual...

¡ESCRIBE TODOS LOS PASOS INTERMEDIOS!

$$\frac{-3x - 2 \cdot (2x + 1)^2}{5} - \frac{1 - 6x^2}{10} = (1 - x) \cdot (1 + x)$$

2) Factoriza (directamente):

a) $25x^3 - x =$

b) $50x^3 - 20x^2 + 2x =$

c) $\frac{3}{4}y - 3x^2y =$

4) Resuelve: $3x^2 - 8 = 4 \cdot (x + 6)$

5) Resuelve las ecuaciones.

a) $12x = x^2 - x$

d) $12x \cdot (2x - 3) = 0$

b) $12 = x^2 - 12$

e) $12x \cdot (2x - 3) = 1$

c) $-12 = x^2 - 2$

5) Si alguna de estas soluciones es irracional, expresa también en forma decimal redondeando a las centésimas.

6) Despeja T_0 en la fórmula del Calor

$$Q = m \cdot c \cdot (T_f - T_0)$$

7) Despeja R en la fórmula del Área de un sector circular

$$A = \frac{\pi \cdot (R^2 - r^2) \cdot \alpha}{360^\circ}$$

1) Ejercicios de repaso de polinomios. Efectúa.

$$\begin{aligned}
 a) & 2 \cdot (2x-3)^2 \cdot (x+1) - 3x \cdot (1+2x) \cdot (1-2x) = \\
 & 2 \cdot (4x^2 - 12x + 9) \cdot (x+1) - 3x \cdot (1-4x^2) = \\
 & 2 \cdot (4x^3 - 12x^2 + 9x + 4x^2 - 12x + 9) - 3x + 12x^3 = \\
 & 2 \cdot (4x^3 - 8x^2 - 3x + 9) - 3x + 12x^3 = \\
 & 8x^3 - 16x^2 - 6x + 18 - 3x + 12x^3 = \\
 = & \boxed{20x^3 - 16x^2 - 9x + 18}
 \end{aligned}$$

b) $(x^2 - 5y)^2 = x^4 - 10x^2y + 25y^2$

c) $(4a^2 + 1)^2 = 16a^4 + 8a^2 + 1$

d) $(6 - 5y^3) \cdot (6 + 5y^3) = 36 - 25y^6$

e) $(2a^3 - 3)^2 = 4a^6 - 12a^3 + 9$

f) $(2a^2 + 3b^3)^2 = 4a^4 + 12a^2b^3 + 9b^6$

g) $(2x-5) \cdot (2x+x) = 4x^2 + 2x^2 - 10x - 5x = \boxed{6x^2 - 15x} \quad -22x = 15 \quad \boxed{x = -\frac{15}{22}}$

3) Resuelve la ecuación. Siguiendo estas indicaciones:

1º) Quita los paréntesis.

2º) Reduce los numeradores.

3º) Sigue el procedimiento habitual...

¡ESCRIBE TODOS LOS PASOS INTERMEDIOS!

$$\begin{aligned}
 & \frac{-3x - 2 \cdot (2x+1)^2}{5} - \frac{1-6x^2}{10} = (1-x) \cdot (1+x) \\
 & \frac{-3x - 2 \cdot (4x^2 + 4x + 1)}{5} - \frac{1-6x^2}{10} = 1-x^2 \\
 & \frac{-3x - 8x^2 - 8x - 2}{5} - \frac{1-6x^2}{10} = 1-x^2 \\
 & \frac{-8x^2 - 11x - 2}{5} - \frac{1-6x^2}{10} = 1-x^2 \\
 & \frac{-8x^2 - 11x - 2}{5} - \frac{1-6x^2}{10} = 1-x^2 \\
 & 2(-8x^2 - 11x - 2) - (1-6x^2) = 10(1-x^2) \\
 & -16x^2 - 22x - 4 - 1 + 6x^2 = 10 - 10x^2 \\
 & -10x^2 - 22x - 5 = 10 - 10x^2 \\
 & -22x = 15 \quad \boxed{x = -\frac{15}{22}}
 \end{aligned}$$

2) Factoriza (directamente):

a) $25x^3 - x = x(25x^2 - 1) = x(5x+1) \cdot (5x-1)$

b) $50x^3 - 20x^2 + 2x = 2x \cdot (25x^2 - 10x + 1) = 2x(5x-1)^2$

c) $\frac{3}{4}y - 3x^2y = 3y \cdot (\frac{1}{4} - x^2) = 3y \cdot (\frac{1}{2} + x) \cdot (\frac{1}{2} - x)$

4) Resuelve: $3x^2 - 8 = 4 \cdot (x+6)$

$$3x^2 - 8 = 4x + 24$$

$$3x^2 - 4x - 32 = 0$$

$$x = \frac{4 \pm \sqrt{16 - 4 \cdot 3 \cdot (-32)}}{2 \cdot 3} = \frac{4 \pm 20}{6} = \frac{24}{6} \rightarrow \boxed{x_1 = 4}$$

$$x = \frac{4 - 20}{6} = \frac{-16}{6} \rightarrow \boxed{x_2 = -\frac{8}{3}}$$

5) Resuelve las ecuaciones.

a) $12x = x^2 - x$

$$0 = x^2 - 13x$$

$$x(x-13) = 0 \rightarrow \begin{cases} \boxed{x_1 = 0} \\ x-13=0 \rightarrow \boxed{x_2 = 13} \end{cases}$$

b) $12 = x^2 - 12$

$$x^2 = 12 + 12$$

$$x^2 = 24$$

$$x = \pm \sqrt{24} = \pm \sqrt{2^3 \cdot 3} = \pm 2\sqrt{6} \quad \begin{cases} \boxed{x_1 = 2\sqrt{6}} \\ \boxed{x_2 = -2\sqrt{6}} \end{cases}$$

c) $-12 = x^2 - 2$

$$-10 = x^2$$

$$x = \pm \sqrt{-10} \rightarrow \text{La ecuación NO tiene solución real}$$

d) $12x \cdot (2x-3) = 0$

$$\begin{cases} 12x = 0 \rightarrow \boxed{x = 0} \\ 2x - 3 = 0 \rightarrow \boxed{x = \frac{3}{2}} \end{cases}$$

e) $12x \cdot (2x-3) = 1$

En este caso, tenemos que hacer la operación!

$$24x^2 - 36x = 1$$

$$24x^2 - 36x - 1 = 0$$

$$x = \frac{36 \pm \sqrt{36^2 - 4 \cdot 24 \cdot (-1)}}{2 \cdot 24} = \frac{36 \pm \sqrt{1392}}{48} = \frac{36 \pm \sqrt{2^4 \cdot 3 \cdot 29}}{48}$$

$$x = \frac{36 \pm 4\sqrt{87}}{48} = \frac{9 \pm \sqrt{87}}{12} \rightarrow \begin{cases} \boxed{x_1 = \frac{9 + \sqrt{87}}{12} \approx 1,53} \\ \boxed{x_2 = \frac{9 - \sqrt{87}}{12} \approx 0,03} \end{cases}$$

6) Despeja T_0 en la fórmula del Calor

$$Q = m \cdot c \cdot (T_f - T_0)$$

$$\frac{Q}{m \cdot c} = T_f - T_0 \quad \boxed{T_0 = T_f - \frac{Q}{m \cdot c}}$$

$$\frac{Q}{m \cdot c} - T_f = -T_0$$

7) Despeja R en la fórmula del Área de un sector circular

$$A = \frac{\pi \cdot (R^2 - r^2) \cdot \alpha}{360^\circ}$$

$$360^\circ \cdot A = \pi \cdot (R^2 - r^2) \cdot \alpha$$

$$\frac{360^\circ \cdot A}{\pi \cdot \alpha} = R^2 - r^2$$

$$R^2 - r^2 = \frac{360^\circ \cdot A}{\pi \cdot \alpha}$$

$$R^2 = \frac{360^\circ \cdot A}{\pi \cdot \alpha} + r^2$$

$$\boxed{R = \sqrt{\frac{360^\circ \cdot A}{\pi \cdot \alpha} + r^2}}$$