

Modelo 2014. Pregunta 1B.- Los satélites Meteosat son satélites geoestacionarios, situados sobre el ecuador terrestre y con un periodo orbital de 1 día.

- Suponiendo que la órbita que describen es circular y poseen una masa de 500 kg, determine el módulo del momento angular de los satélites respecto del centro de la Tierra y la altura a la que se encuentran estos satélites respecto de la superficie terrestre.
- Determine la energía mecánica de los satélites.

Datos: Radio Terrestre = $6,37 \times 10^6$ m ; Masa de la Tierra = $5,97 \times 10^{24}$ kg;

Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11}$ N m² kg⁻²

Modelo 2014. Pregunta 1A.- La masa del Sol es 333183 veces mayor que la de la Tierra y la distancia que separa sus centros es de $1,5 \times 10^8$ Km. Determine si existe algún punto a lo largo de la línea que los une en el que se anule:

- El potencial gravitatorio. En caso afirmativo, calcule su distancia a la Tierra.
- El campo gravitatorio. En caso afirmativo, calcule su distancia a la Tierra.

Septiembre 2013. Pregunta 1B.- Dos planetas, A y B, tienen la misma densidad. El planeta A tiene un radio de

3500 km y el planeta B un radio de 3000 km. Calcule:

- La relación que existe entre las aceleraciones de la gravedad en la superficie de cada planeta.
- La relación entre las velocidades de escape en cada planeta.

Septiembre 2013. Pregunta 1A.- Dos satélites describen órbitas circulares alrededor de un planeta cuyo radio es de 3000 km. El primero de ellos orbita a 1000 km de la superficie del planeta y su periodo orbital es de 2 h. La órbita del segundo tiene un radio 500 km mayor que la del primero. Calcule:

- El módulo de la aceleración de la gravedad en la superficie del planeta.
- El periodo orbital del segundo satélite.

Junio 2013. Pregunta 3A. Calcule:

- La densidad media del planeta Mercurio, sabiendo que posee un radio de 2440 km y una intensidad de campo gravitatorio en su superficie de $3,7$ N kg⁻¹.
- La energía necesaria para enviar una nave espacial de 5000 kg de masa desde la superficie del planeta a una órbita en la que el valor de la intensidad de campo gravitatorio sea la cuarta parte de su valor en la superficie.

Dato: Constante de Gravitación Universal, $G = 6,77 \times 10^{-11}$ M n⁻² kg⁻²

Junio 2013. Pregunta 5B.- Urano es un planeta que describe una órbita elíptica alrededor del Sol.

Razone la veracidad o falsedad de las siguientes afirmaciones:

- El módulo del momento angular, respecto a la posición del Sol, en el afelio es mayor que en el perihelio y lo mismo ocurre con el módulo del momento lineal.
- La energía mecánica es menor en el afelio que en el perihelio y lo mismo ocurre con la energía potencial.

Modelo 2013. Pregunta 1A.- Un cierto planeta esférico tiene una masa $M = 1,25 \times 10^{23}$ kg y un radio $R = 1,5 \times 10^6$ m. Desde su superficie se lanza verticalmente hacia arriba un objeto, el cual alcanza una altura máxima $h = R/2$. Despreciando rozamientos, determine:

- La velocidad con que fue lanzado el objeto.
- La aceleración de la gravedad en el punto más alto alcanzado por el objeto.

Datos: Constante de la Gravitación Universal, $G = 6,67 \times 10^{-11}$ N m² kg⁻²

Modelo 2013. Pregunta 1B.- Una nave espacial de 800 kg de masa describe una órbita circular de 6000 km de radio alrededor de un planeta. Sabiendo que la energía mecánica de la nave es $E_M = -3,27 \times 10^8$ J, determine:

- La masa del planeta.
- La velocidad angular de la nave en su órbita.

Datos: Constante de la Gravitación Universal, $G = 6,67 \times 10^{-11}$ N m² kg⁻²

Junio 2012. Pregunta 1A.- Un satélite de masa m gira alrededor de la Tierra describiendo una órbita circular a una altura de $2 \cdot 10^4$ km sobre su superficie.

- a) Calcule la velocidad orbital del satélite alrededor de la Tierra.
- b) Suponga que la velocidad del satélite se anula repentinamente e instantáneamente y éste empieza a caer sobre la Tierra, calcule la velocidad con la que llegaría el satélite a la superficie de la misma. Considere despreciable el rozamiento del aire.

Datos: Constante de la Gravitación Universal, $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-2}$, Masa de la Tierra, $M_T = 5,98 \times 10^{24} \text{ kg}$, Radio de la Tierra, $R_T = 6,37 \times 10^6 \text{ m}$

Junio 2012. Pregunta 1B.- Una nave espacial de 3000 kg de masa describe, en ausencia de rozamiento, una órbita circular en torno a la Tierra a una distancia de $2,5 \times 10^4 \text{ km}$ de su superficie. Calcule:

- a) El período de revolución de la nave espacial alrededor de la Tierra.
- b) Las energías cinética y potencial de la nave en dicha órbita.

Datos: Constante de la Gravitación Universal, $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$. Masa de la Tierra, $M_T = 5,98 \times 10^{24} \text{ kg}$

Radio de la Tierra. $R_T = 6,37 \times 10^6 \text{ m}$

Modelo 2012. Pregunta 1A.- Se ha descubierto un planeta esférico de 4100 km de radio y con una aceleración de la gravedad en su superficie de $7,2 \text{ m s}^{-2}$.

- a) Calcule la masa del planeta.
- b) Calcule la energía mínima necesaria que hay que comunicar a un objeto de 3 kg de masa para lanzarlo desde la superficie del planeta y situarlo a 1000 km de altura de la superficie, en una órbita circular en torno al mismo.

Dato: Constante de Gravitación $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$.

Modelo 2012. Pregunta 1B.- Un satélite artificial está situado en una órbita circular en torno a la Tierra a una altura de su superficie de 2500 km. Si el satélite tiene una masa de 1100 kg:

- a) Calcule la energía cinética del satélite y su energía mecánica total.
- b) Calcule el módulo del momento angular del satélite respecto al centro de la Tierra.

Datos: Constante de Gravitación $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$; Radio de la Tierra = 6370 km.; Masa de la Tierra = $5,98 \times 10^{24} \text{ kg}$.

Septiembre 2011. Cuestión 1A.-

- a) Exprese la aceleración de la gravedad en la superficie de un planeta en función de la masa del planeta, de su radio y de la constante de gravitación universal G .
- b) Si la aceleración de la gravedad sobre la superficie terrestre vale $9,8 \text{ m s}^{-2}$, calcule la aceleración de la gravedad a una altura sobre la superficie terrestre igual al radio de la Tierra.

Septiembre 2011. Problema 1B.- Una sonda espacial de masa $m = 1000 \text{ kg}$ se encuentra situada en una órbita circular alrededor de la Tierra de radio $r = 2,26 \times R_T$, siendo R_T el radio de la Tierra.

- a) Calcule la velocidad de la sonda en esa órbita.
- b) ¿Cuánto vale su energía potencial?
- c) ¿Cuánto vale su energía mecánica?
- d) ¿Qué energía hay que comunicar a la sonda para alejada desde dicha órbita hasta el infinito?

Datos: Masa de la Tierra $M_T = 5,98 \times 10^{24} \text{ kg}$.

Radio de la Tierra $R_T = 6,37 \times 10^6 \text{ m}$.

Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$.

Junio 2011. Cuestión 1.- Un satélite que gira con la velocidad angular de la tierra (geoestacionario) de masa $m = 5 \times 10^3 \text{ kg}$, describe una órbita circular de radio $r = 3,6 \times 10^7 \text{ m}$. Determine:

- a) La velocidad areolar del satélite.
- b) Suponiendo que el satélite describe una órbita en el plano ecuatorial de la tierra, determine el módulo, la dirección y el sentido del momento angular respecto de los polos de la Tierra.

Dato: Período de rotación terrestre = 24 h

Junio 2011. Problema 1B.- Sabiendo que el periodo de revolución lunar es de 27,32 días y que el radio de su órbita es $R_L = 3,84 \times 10^8 \text{ m}$, calcule:

- a) La constante de gravitación universal, G (obtener un valor a partir de los datos del problema).
- b) La fuerza que la luna ejerce sobre la tierra y la de la tierra sobre la Luna.
- c) El trabajo necesario para llevar un objeto de 5000 kg desde la Tierra hasta la luna. (Despreciar los radios de la tierra de la Tierra y de la Luna, en comparación con su distancia)
- d) Si un satélite se sitúa entre la tierra y la Luna a una distancia de la tierra de $R_L/4$, ¿Cuál es la relación de fuerzas debidas a la Tierra y a la Luna?

Datos: Masa de la Tierra $M_T = 5,98 \times 10^{24}$ kg; masa de la Luna $M_L = 7,35 \times 10^{22}$ kg; Radio de la tierra $6,37 \times 10^6$ m; radio de la Luna $1,74 \times 10^6$ m.

Modelo 2011. Problema 1A. Un planeta orbita alrededor de una estrella de masa M . La masa del planeta es 1024 Kg y su órbita es circular de radio $r = 108 \text{ Km}$ y periodo 3 años terrestres. Determinar:

Datos: Constante de Gravitación Universal $6,67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-2}$

- a) La masa de la estrella.
- b) La energía mecánica del planeta.
- c) El módulo del momento angular del planeta respecto al centro de la estrella.
- d) La velocidad angular de un segundo planeta que describiese una órbita circular de radio igual a 2 r alrededor de la estrella.

Modelo 2011. Cuestión 1B. Dos satélites de masas m_A y m_B describen sendas órbitas circulares alrededor de la Tierra, siendo sus radios orbitales R_A y R_B respectivamente. Conteste razonadamente a las siguientes preguntas:

- a) Si $m_A = m_B$ y $R_A > R_B$, ¿cuál de los satélites tiene mayor energía cinética?
- b) Si los dos satélites estuvieran en la misma órbita ($R_A = R_B$) y tuviesen distinta masa ($m_A < m_B$), ¿cuál de los dos tendría mayor energía cinética?

Septiembre 2010 F.M. Problema 1A.- Un satélite artificial de 100 kg se mueve en una órbita circular alrededor de la Tierra con una velocidad de 7,5 km/s. Calcule:

- a) El radio de la órbita.
- b) La energía potencial del satélite.
- c) La energía mecánica del satélite.
- d) La energía que habría que suministrar a este satélite para que cambiara su órbita a otra con el doble de radio.

Datos: Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$

Masa de la Tierra $M_T = 5,98 \times 10^{24}$ kg; Radio de la Tierra $R_T = 6370$ km

Septiembre 2010 F.M. Cuestión 1B.- Considerando que la órbita de la Luna alrededor de la Tierra es una órbita circular, deduzca:

- a) La relación entre la energía potencial gravitatoria y la energía cinética de la Luna en su órbita.
- b) La relación entre el periodo orbital y el radio de la órbita descrita por la Luna.

Septiembre 2010 F.G. Cuestión 1A.- Un cometa se mueve en una órbita elíptica alrededor del Sol. Explique en qué punto de su órbita, afelio (punto más alejado del Sol) o perihelio (punto más cercano al Sol) tiene mayor valor:

- a) La velocidad.
- b) La energía mecánica.

Septiembre 2010 F.G. Cuestión 1B.- Un asteroide está situado en una órbita circular alrededor de una estrella y tiene una energía total de -10^{10} J. Determine:

- a) La relación que existe entre las energías potencial y cinética del asteroide.
- b) Los valores de ambas energías potencial y cinética.

Junio 2010 F.M. Cuestión 1A.-

- a) Deduzca la expresión de la energía cinética de un satélite en órbita circular alrededor de un planeta en función del radio de la órbita y de las masas del satélite y del planeta.
- b) Demuestre que la energía mecánica del satélite es la mitad de su energía potencial.

Junio 2010 F.M. Problema 1B.- Un satélite de 1000 kg de masa describe una órbita circular de 12×10^3 km de radio alrededor de la Tierra. Calcule:

- a) El módulo del momento lineal y el módulo del momento angular del satélite respecto al centro de la Tierra. ¿Cambian las direcciones de estos vectores al cambiar la posición del satélite en su órbita?
- b) El periodo y la energía mecánica del satélite en la órbita.
Datos: Masa de la Tierra $M_T = 5,9 \times 10^{24}$ kg
Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11}$ N m² kg⁻²

Junio 2010 F.G. Cuestión 1A.-

- a) Enuncie la 2ª ley de Kepler. Explique en qué posiciones de la órbita elíptica la velocidad del planeta es máxima y dónde es mínima.
- b) Enuncie la 3ª ley de Kepler. Deduzca la expresión de la constante de esta ley en el caso de órbitas circulares.

Junio 2010 F.G. Problema 1B.- Io, un satélite de Júpiter, tiene una masa de $8,9 \times 10^{22}$ kg, un periodo orbital de 1,77 días, y un radio medio orbital de $4,22 \times 10^8$ m, Considerando que la órbita es circular con este radio, determine:

- a) La masa de Júpiter
- b) La intensidad de campo gravitatorio, debida a Júpiter, en los puntos de la órbita de Io.
- c) La energía cinética de Io en su órbita.
- d) El módulo del momento angular de Io respecto de su órbita

Modelo 2010. Problema 1A.- Desde un punto de la superficie terrestre se lanza verticalmente hacia arriba un objeto de 100 kg que llega hasta una altura de 300 km. Determine:

- a) La velocidad de lanzamiento.
- b) La energía potencial del objeto a esa altura.

Si estando situado a la altura de 300 km, queremos convertir el objeto en satélite de forma que se ponga en órbita circular alrededor de la Tierra,

- c) ¿Qué energía adicional habrá que comunicarle?
- d) ¿Cuál será la velocidad y el periodo del satélite en esa órbita?

Datos: Constante de Gravitación $G = 6,67 \times 10^{-11}$ N m² kg⁻²
Masa de la Tierra $M_T = 5,98 \times 10^{24}$ kg; Radio de la Tierra $R_T = 6370$ km

Modelo 2010. Cuestión 1B.-

- a) ¿Cuál es el periodo de un satélite artificial que gira alrededor de la Tierra en una órbita circular cuyo radio es un cuarto del radio de la órbita lunar?
- b) ¿Cuál es la relación entre la velocidad del satélite y la velocidad de Luna en sus respectivas órbitas?

Dato: Periodo de la órbita lunar $T_L = 27,32$ días

Septiembre 2009. Cuestión 1.- Razone si son verdaderas o falsas las siguientes afirmaciones:

- a) El valor de la velocidad de escape de un objeto lanzado desde la superficie de la Tierra depende del valor de la masa del objeto.
- b) En el movimiento elíptico de un planeta en torno al Sol la velocidad del planeta en el perihelio (posición más próxima al Sol) es mayor que la velocidad en el afelio (posición más alejada del Sol).

Junio 2009. Cuestión 1.- Un satélite artificial de 500 kg que describe una órbita circular alrededor de la Tierra se mueve con una velocidad de 6,5 km/s. Calcule:

- a) La energía mecánica del satélite.
- b) La altura sobre la superficie de la Tierra a la que se encuentra.

Dato: Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11}$ N m² kg⁻²
Masa de la Tierra $M_T = 5,98 \times 10^{24}$ kg
Radio de la Tierra $R_T = 6,37 \times 10^6$ m

Problema 1B- Suponiendo que los planetas Venus y la Tierra describen órbitas circulares alrededor del Sol, calcule:

- a) El periodo de revolución de Venus.
- b) Las velocidades orbitales de Venus y de la Tierra.

Dato: Distancia de la Tierra al Sol: $1,49 \times 10^{11} \text{ m}$
Distancia de Venus al Sol: $1,08 \times 10^{11} \text{ m}$
Periodo de revolución de la Tierra: 365 días

Modelo 2009.- Cuestión 1.

- a) Enuncie la tercera ley de Kepler y demuéstrela para el caso de órbitas circulares.
- b) Aplique dicha ley para calcular la masa del Sol suponiendo que la órbita de la Tierra alrededor del Sol es circular con un radio medio de $1,49 \times 10^8 \text{ km}$.

Dato: Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$

Septiembre 2008. Cuestión 1. Calcule el módulo del momento angular de un objeto de 1000 kg respecto al centro de la Tierra en los siguientes casos:

- a) Se lanza desde el polo norte perpendicularmente a la superficie de la Tierra con una velocidad de 10 Km/s.
- b) Realiza un órbita circular alrededor de la Tierra en el plano ecuatorial a una distancia de 600 km de su superficie.

Datos: Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$

Masa de la Tierra $M_T = 5,98 \times 10^{24} \text{ kg}$. Radio de la Tierra $R_T = 6,37 \times 10^6 \text{ m}$

Septiembre 2008. Problema 2A.- Un satélite artificial de 100 kg se mueve en una órbita circular alrededor de la Tierra con una velocidad de 7,5 km/s. Calcule:

- a) El radio de la órbita
- b) La energía potencial del satélite.
- c) La energía mecánica del satélite.
- d) La energía que habría que suministrar al satélite para que describa una órbita circular con radio doble que el de la órbita anterior.

Datos: Constante de Gravitación Universal. $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$

Masa de la Tierra $M_T = 5,98 \times 10^{24} \text{ kg}$; Radio de la Tierra $R_T = 6,37 \times 10^6 \text{ m}$

Junio 2008. Cuestión 2. Una sonda de masa 5000 kg se encuentra en una órbita circular a una altura sobre la superficie terrestre de $1,5 R_T$. Determine: **a)** el momento angular de la sonda en esa órbita respecto al centro de la Tierra; **b)** la energía que hay que comunicar a la sonda para que escape del campo gravitatorio terrestre desde esa órbita.

Datos: Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$

Masa de la Tierra $M_T = 5,98 \times 10^{24} \text{ kg}$; Radio de la Tierra $R_T = 6,37 \times 10^6 \text{ m}$

Modelo 2008. Cuestión 1.- Cuatro masas puntuales idénticas de 6 kg cada una están situadas en los vértices de un cuadrado de lado igual a 2 m. Calcule:

- a) El campo gravitatorio que crean las cuatro masas en el centro de cada lado del cuadrado.
- b) El potencial gravitatorio creado por las cuatro masas en el centro del cuadrado, tomando el infinito como origen de potenciales.

Dato: Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-2}$

Modelo 2008. Problema 1B.- Un satélite artificial de 200 kg describe una órbita circular alrededor de la Tierra. La velocidad de escape a la atracción terrestre desde esa órbita es la mitad que la velocidad de escape desde la superficie terrestre.

- a) Calcule la fuerza de atracción entre la Tierra y el satélite.
- b) Calcule el potencial gravitatorio en la órbita del satélite.
- c) Calcule la energía mecánica del satélite en la órbita.
- d) ¿Se trata de un satélite geostacionario? Justifique la respuesta.

Datos: Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$

Masa de la Tierra $M_T = 5,98 \times 10^{24} \text{ kg}$; Radio de la Tierra $R_T = 6,37 \times 10^6 \text{ m}$

Septiembre 2007. Cuestión 1.- a) ¿Cuál es la aceleración de la gravedad en la superficie de un planeta esférico cuyo radio es la mitad del de la Tierra y posee la misma densidad media? **b)** ¿Cuál sería el período de la órbita circular de un satélite situado a una altura de 400 km respecto a la superficie del planeta?

Datos: Radio de la Tierra $R_T = 6371 \text{ km}$
 Aceleración de la gravedad en la superficie de la Tierra $g = 9,8 \text{ m s}^{-2}$

Septiembre 2007. Problema 1A.- Un satélite de masa 20 kg se coloca en órbita circular sobre el ecuador terrestre de modo que su radio se ajusta para que dé una vuelta a la Tierra cada 24 horas. Así se consigue que siempre se encuentre sobre el mismo punto respecto a la Tierra (satélite geostacionario).

- ¿Cuál debe ser el radio de su órbita?
- ¿Cuánta energía es necesaria para situarlo en dicha órbita?

Datos: Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$
 Masa de la Tierra $M_T = 5,96 \times 10^{24} \text{ kg}$
 Radio de la Tierra $R_T = 6371 \text{ Km}$

Junio 2007. Cuestión 1.- Sabiendo que la aceleración de la gravedad en un movimiento de caída libre en la superficie de la Luna es un sexto de la aceleración de la gravedad en la superficie de la Tierra y que el radio de la Luna es aproximadamente $0,27 R_T$ (siendo R_T el radio terrestre), calcule:

- la relación entre las densidades medias $\rho_{Luna} / \rho_{Tierra}$
- la relación entre las velocidades de escape de un objeto desde sus respectivas superficies $(v_e)_{Luna} / (v_e)_{Tierra}$.

Junio 2007. Problema 1B.- Fobos es un satélite de Marte que gira en una órbita circular de 9380 km de radio, respecto al centro del planeta, con un periodo de revolución de 7,65 horas. Otro satélite de Marte, Deimos, gira en una órbita de 23460 km de radio. Determine:

- La masa de Marte.
- El período de revolución del satélite Deimos.
- La energía mecánica del satélite Deimos.
- El módulo del momento angular de Deimos respecto al centro de Marte.

Datos: Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$
 Masa de Fobos $= 1,1 \times 10^{16} \text{ kg}$; Masa de Deimos $= 2,4 \times 10^{15} \text{ kg}$

Modelo 2007. Cuestión 1.- Un objeto de 5 kg de masa posee una energía potencial gravitatoria $E_p = -2 \times 10^8 \text{ J}$ cuando se encuentra a cierta distancia de la Tierra.

- Si el objeto a esta distancia estuviera describiendo una órbita circular. ¿cuál sería su velocidad?
- Si la velocidad del objeto a esa distancia fuese de 9 km/s, ¿cuál sería su energía mecánica? ¿Podría el objeto estar describiendo una órbita elíptica en este caso?

Septiembre 2006. Cuestión 1.-

- Desde la superficie de la Tierra lanza verticalmente hacia arriba un objeto con una velocidad v . Si se desprecia el rozamiento, calcule el valor de v necesario para que el objeto alcance una altura igual al radio de la Tierra.
- Si se lanza el objeto desde la superficie de la Tierra con una velocidad doble a la calculada en el apartado anterior, ¿escapará o no del campo gravitatorio terrestre?

Datos: Masa de la Tierra $M_T = 5,98 \times 10^{24} \text{ kg}$ Radio de la Tierra $R_T = 6370 \text{ kg}$
 Constante de Gravitación $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$

Junio 2006. Cuestión 1.- Llamando g_0 y V_0 a la intensidad de campo gravitatorio y al potencial gravitatorio en la superficie terrestre respectivamente, determine en función del radio de la Tierra:

- La altura sobre la superficie terrestre a la cual la intensidad de campo gravitatorio es $g_0/2$.
- La altura sobre la superficie terrestre a la cual el potencial gravitatorio es $V_0/2$.

Junio 2006. Problema 1A.- Un satélite artificial describe una órbita circular alrededor de la Tierra. En esta órbita la energía mecánica del satélite es $-4,5 \times 10^9 \text{ J}$ y su velocidad es 7610 m s^{-1} . Calcule:

- El módulo del momento lineal del satélite y el módulo del momento angular del satélite respecto al centro de la Tierra.
- El periodo de la órbita y la altura a la que se encuentra el satélite.

Datos: Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$
 Masa de la Tierra $M_T = 5,98 \times 10^{24} \text{ kg}$

Radio de la Tierra

$$R_T = 6,37 \times 10^6 \text{ m}$$

Modelo 2006. Cuestión 1.-

- Enuncie las tres leyes de Kepler sobre el movimiento planetario.
- Si el radio de la órbita de la Tierra es $1,50 \times 10^{11}$ m y el de Urano $2,87 \times 10^{12}$ m calcule el periodo orbital de Urano.

Modelo 2006. Problema 1A.- Se lanza una nave de masa $m = 5 \times 10^3$ kg desde la superficie de un planeta de radio $R_1 = 6 \times 10^3$ km y masa $M_1 = 4 \times 10^{24}$ kg, con velocidad inicial $v_0 = 2 \times 10^4$ en dirección hacia otro planeta del mismo radio $R_2 = R_1$ y masa $M_2 = 2 M_1$, siguiendo la línea recta que une los centros de ambos planetas. Si la distancia entre dichos centros es $D = 4,83 \times 10^{10}$ m, determine:

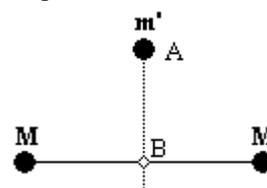
- La posición del punto P en el que la fuerza neta sobre la nave es cero.
- La energía cinética con la que llegará la nave a la superficie del segundo planeta.

Datos: Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$

Septiembre 2005. Cuestión 2.- Dos masas iguales, $M = 20$ kg, ocupan posiciones fijas separadas una distancia de 2 m, según indica la figura. Una tercera masa, $m' = 0,2$ kg, se suelta desde el reposo en un punto A equidistante de las dos masas anteriores y a una distancia de 1 m de la línea que las une ($AB = 1$ m). Si no actúan más que las acciones gravitatorias entre estas masas, determine:

- La fuerza ejercida (módulo, dirección y sentido) sobre la masa m' en la posición A.
- Las aceleraciones de la masa m' en las posiciones A y B.

Dato: Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$



Septiembre 2005. Problema 1A. Desde la superficie terrestre se lanza un satélite de 400 kg de masa hasta situarlo en una órbita circular a una distancia del centro de la Tierra igual a las 7/6 partes del radio terrestre. Calcule:

- La intensidad de campo gravitatorio terrestre en los puntos de la órbita del satélite.
- La velocidad y el periodo que tendrá el satélite en la órbita.
- La energía mecánica del satélite en la órbita
- La variación de la energía potencial que ha experimentado el satélite al elevarlo desde la superficie de la Tierra hasta situarlo en su órbita.

Datos: Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$

Masa de la Tierra $M_T = 5,98 \times 10^{24}$ kg

Radio de la Tierra $R_T = 6,37 \times 10^6$ m

Junio 2005. Cuestión 2.-

- Deduzca la expresión de la energía cinética de un satélite en órbita circular alrededor de un planeta en función del radio de la órbita y de las masas del satélite y del planeta.
- Demuestre que la energía mecánica del satélite es la mitad de su energía potencial.

Junio 2005. Problema 1A.- Un satélite artificial de la Tierra de 100 kg de masa describe una órbita circular a una altura de 655 Km. Calcule:

- El periodo de la órbita.
- La energía mecánica del satélite.
- El módulo del momento angular del satélite respecto al centro de la Tierra.
- El cociente entre los valores de la intensidad de campo gravitatorio terrestre en el satélite y en la superficie de la Tierra.

Datos: Masa de la Tierra

$$M_T = 5,98 \times 10^{24} \text{ kg}$$

Radio de la Tierra

$$R_T = 6,37 \times 10^6 \text{ m}$$

Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$

Modelo 2005. Cuestión 1.- Razone si son verdaderas o falsas las siguientes afirmaciones:

- Un objeto de masa m_1 necesita una velocidad de escape de la Tierra el doble que la que necesita

otro objeto de masa $m_2 = m_1/2$

- b) Se precisa realizar más trabajo para colocar en una misma órbita un satélite de masa m_1 que otro satélite de masa $m_2 = m_1/2$, lanzados desde la superficie de la Tierra.

Septiembre 2004. Cuestión 1. La luz solar tarda 8,31 minutos en llegar a la Tierra y 6,01 minutos en llegar a Venus. Suponiendo que las órbitas descritas por ambos planetas son circulares, determine:

- a) el periodo orbital de Venus en torno al Sol sabiendo que el de la Tierra es de 365,25 días
b) la velocidad con que se desplaza Venus en su órbita.

Dato: Velocidad de la luz en el vacío $c = 3 \times 10^8$ m/s

Septiembre 2004. Problema 1A. Un planeta esférico tiene 3200 km de radio y la aceleración de la gravedad en su superficie es $6,2 \text{ m s}^{-2}$. Calcule:

- a) La densidad media del planeta y la velocidad de escape desde su superficie.
b) La energía que hay que comunicar a un objeto de 50 kg de masa para lanzarlo desde la superficie del planeta y ponerlo en órbita circular alrededor del mismo, de forma que su periodo sea de 2 horas.

Datos: Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$

Junio 2004. Cuestión 2.- Plutón describe una órbita elíptica alrededor del Sol. Indique para cada una de las siguientes magnitudes si su valor es mayor, menor o iguala en el afelio (punto más alejado del Sol) comparando con el perihelio (punto más próximo al Sol):

- a) Momento angular respecto a la posición del Sol.
b) Momento lineal.
c) energía potencial
d) Energía mecánica.

Modelo 2004. Cuestión 1.- La velocidad de un asteroide es de 20 km/s en el perihelio y de 14 km/s en el afelio. Determine en esas posiciones cual es la relación entre:

- a) Las distancias al Sol en tomo al cual orbitan.
b) Las energías potenciales del asteroide.

Modelo 2004. Problema 1A.- La sonda especial Mars Odissey describe una órbita circular en torno a Marte a una altura sobre su superficie de 400 km. Sabiendo que un satélite de Marte describe órbitas circulares de 9390 km de radio y tarda en cada una de ellas 7,7 h, calcule:

- a) El tiempo que tardara la sonda especial en dar una vuelta completa.
b) La masa de Marte y la aceleración de la gravedad en su superficie.

Datos: Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$
Radio de Marte $R_M = 3390 \text{ km}$

Septiembre 2003. Problema 1A. Un satélite artificial de 100 kg de masa se encuentra girando alrededor de la Tierra en una órbita circular de 7100 km de radio. Determine:

- a) El periodo de revolución del satélite.
b) El momento lineal y el momento angular del satélite respecto al centro de la Tierra.
c) La variación de energía potencial que ha experimentado el satélite al elevarlo desde la superficie de la Tierra hasta esa posición.
d) Las energías cinética y total del satélite.

Datos: Masa de la Tierra $M_T = 5,98 \times 10^{24} \text{ kg}$
Radio de la Tierra $R_T = 6,37 \times 10^6 \text{ m}$
Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$

Junio 2003. Cuestión 1. Suponiendo un planeta esférico que tiene un radio la mitad del radio terrestre e igual densidad de la Tierra, calcule:

- a) La aceleración de la gravedad en la superficie de dicho planeta.
b) La velocidad de escape de objeto desde la superficie del planeta, si la velocidad del escape desde la superficie terrestre es 11,2 km/s.

Datos: Aceleración de la gravedad en la superficie de la tierra $g = 9,81 \text{ m s}^{-2}$

Junio 2003. Problema 1A. Mercurio describe una órbita elíptica alrededor del Sol. En el afelio su distancia al Sol es de $6,99 \times 10^{10}$ m, y su velocidad orbital es de $3,88 \times 10^4$ m/s, siendo su distancia al Sol en el perihelio de $4,60 \times 10^{10}$ m.

- Calcule la velocidad orbital de Mercurio en el perihelio.
- Calcule las energías cinética, potencial y mecánica de Mercurio en el perihelio.
- Calcule el módulo de su momento lineal y de su momento angular en el perihelio.
- De las magnitudes calculadas en los apartados anteriores, decir cuáles son iguales que en el afelio.

Datos: Masa de Mercurio	$M_M = 3,18 \times 10^{23}$ kg
Masa del Sol	$M_S = 1,99 \times 10^{30}$ kg
Constante de Gravitación Universal	$G = 6,67 \times 10^{-11}$ Nm ² kg ⁻²

Septiembre 2002. Problema 1A. Se pretende colocar un satélite artificial de forma que gire en una órbita circular en el plano del ecuador terrestre y en el sentido de rotación de la tierra. Si se quiere que el satélite pase periódicamente sobre un punto del ecuador cada dos días, calcule:

- La altura sobre la superficie terrestre a la que hay que colocar el satélite.
- La relación entre la energía que hay que comunicar a dicho satélite desde el momento de su lanzamiento en la superficie terrestre para colocarlo en esa órbita y la energía mínima de escape.

Datos: Constante de Gravitación Universal	$G = 6,67 \times 10^{-11}$ N·m ² ·kg ⁻²
Radio de la Tierra	$R_t = 6370$ km
Masa de la Tierra	$M_t = 5,98 \times 10^{24}$ kg

Junio 2002. Cuestión 1. Un planeta esférico tiene un radio de 3000 km, y la aceleración de la gravedad en su superficie es 6 m/s².

- ¿Cuál es su densidad media?
- ¿Cuál es la velocidad de escape para un objeto situado en la superficie de este planeta?

Dato: Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11}$ Nm²kg⁻²

Junio 2002. Problema 1A. La velocidad angular con la que un satélite describe una órbita circular en torno al planeta Venus es $\omega_1 = 1,45 \times 10^{-4}$ rad/s y su momento angular respecto al centro de la órbita es $L_1 = 2,2 \times 10^{12}$ kg m² s⁻¹.

- Determine el radio r_1 de la órbita del satélite y su masa.
- ¿Qué energía preciso invertir para cambiar a otra órbita circular con velocidad angular $\omega_2 = 10^{-4}$ rad/s?

Datos: Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11}$ Nm² kg⁻².
Masa de Venus (M_v) = $4,87 \times 10^{24}$ kg.

Modelo 2002. Cuestión 1.-

- ¿A qué altitud tendrá una persona la mitad del peso que tiene sobre la superficie terrestre? Exprese el resultado en función del radio terrestre.
- Si la fuerza de la gravedad actúa sobre todos los cuerpos en proporción a sus masas, ¿por qué no cae un cuerpo pesado con mayor aceleración que un cuerpo ligero?

Modelo 2002. Problema 1A.- Dos planetas de masas iguales orbitan alrededor de una estrella de masa mucho mayor. El planeta 1 se mueve en una órbita circular de radio 10^{11} m y período de 2 años. El planeta 2 se mueve en una órbita elíptica, siendo su distancia en la posición más próxima a la estrella 10^{11} m y en la más alejada, $1,8 \times 10^{11}$ m.

- (0,5 puntos) ¿Cuál es la masa de la estrella?
- (0,5 puntos) Halle el período de la órbita del planeta 2.
- (1 punto) Utilizando los principios de conservación del momento angular y de la energía mecánica, hallar la velocidad del planeta 2 cuando se encuentra en la posición más cercana a la estrella.

Datos: Constante de Gravitación Universal $G = 6,67 \times 10^{-11}$ N m² kg⁻²

Septiembre 2001. Cuestión 1.- Un proyectil de masa 10 kg se dispara verticalmente desde la superficie de la Tierra con una velocidad de 3200 m/s:

- ¿Cuál es la máxima energía potencial que adquiere?
- ¿En qué posición se alcanza?

Datos: Gravedad en la superficie de la Tierra = $9,8 \text{ m s}^{-2}$; Radio medio de la Tierra = $6,37 \times 10^6 \text{ m}$

Junio 2001. Cuestión 1. En el movimiento circular de un satélite en torno a la Tierra, determine:

- La expresión de la energía cinética en función de las masas del satélite y de la Tierra y del radio de la órbita.
- La relación que existe entre su energía mecánica y su energía potencial.

Junio 2001. Problema 1A. Dos satélites artificiales de la Tierra S_1 Y S_2 describen en un sistema de referencia geocéntrico dos órbitas circulares, contenidas en un mismo plano, de radios $r_1=8000 \text{ km}$ y $r_2=9034 \text{ km}$ respectivamente.

En un instante inicial dado, los satélites están alineados con el centro de la Tierra y situados del mismo lado:

- ¿Qué relación existe entre las velocidades orbitales de ambos satélites?
- ¿Qué relación existe entre los periodos orbitales de los satélites? ¿Qué posición ocupará el satélite S_2 cuando el satélite S_1 haya completado seis vueltas, desde el instante inicial?

Septiembre 2000. Cuestión 1

- ¿Con qué frecuencia angular debe girar un satélite de comunicaciones, situado en una órbita ecuatorial, para que se encuentre siempre sobre el mismo punto de la Tierra?
- ¿A qué altura sobre la superficie terrestre se encontrará el satélite citado en el apartado anterior?

Datos: Gravedad en la superficie de la Tierra = $9,8 \text{ m s}^{-2}$; Radio medio de la Tierra = $6,37 \times 10^6 \text{ m}$

Septiembre 2000. Problema 1A. Un satélite artificial de 200 kg gira en una órbita circular a una altura h sobre la superficie de la Tierra. Sabiendo que a esa altura el valor de la aceleración de la gravedad es la mitad del valor que tiene en la superficie terrestre, averiguar:

- La velocidad del satélite
- Su energía mecánica

Datos: Gravedad en la superficie terrestre $g = 9,8 \text{ m s}^{-2}$
Radio medio de la Tierra $R = 6,37 \times 10^6 \text{ m}$

Junio 2000. Cuestión 1.

- Enuncie la primera y la segunda ley de Kepler sobre el movimiento planetario.
- Compruebe que la segunda ley de Kepler es un caso particular del teorema de conservación del momento angular.

Junio 2000. Problema 1. Se pone en órbita un satélite artificial de 600 kg a una altura de 1200 km sobre la superficie de la Tierra. Si el lanzamiento se ha realizado desde el nivel del mar, calcule:

- Cuánto ha aumentado la energía potencial gravitatoria del satélite.
- Qué energía adicional hay que suministrar al satélite para que escape a la acción del campo gravitatorio terrestre desde esa órbita.

Datos: Constante de Gravitación $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$
Masa de la Tierra $M_T = 5,98 \times 10^{24} \text{ kg}$
Radio medio de la Tierra $R_T = 6,37 \times 10^6 \text{ m}$