

Septiembre 2013. Pregunta 2B.- La velocidad de una partícula que describe un movimiento armónico simple alcanza un valor máximo de 40 cm s^{-1} . El periodo de oscilación es de $2,5 \text{ s}$. Calcule:

- La amplitud y la frecuencia angular del movimiento.
- La distancia a la que se encuentra del punto de equilibrio cuando su velocidad es de 10 cm s^{-1} .

Junio 2013. Pregunta 2B.- En el extremo libre de un resorte colgado del techo, de longitud 40 cm , se cuelga un objeto de 50 g de masa. Cuando el objeto está en posición de equilibrio con el resorte, este mide 45 cm . Se desplaza el objeto desde la posición de equilibrio 6 cm hacia abajo y se suelta desde el reposo. Calcule:

- El valor de la constante elástica del resorte y la función matemática del movimiento que describe el objeto.
- La velocidad y la aceleración al pasar por el punto de equilibrio cuando el objeto asciende.

Modelo 2013. Pregunta 2A.- Un objeto está unido a un muelle horizontal de constante elástica $2 \times 10^4 \text{ Nm}^{-1}$. Despreciando el rozamiento:

- ¿Qué masa ha de tener el objeto si se desea que oscile con una frecuencia de 50 Hz ? ¿Depende el periodo de las oscilaciones de la energía inicial con que se estire el muelle? Razone la respuesta.
- ¿Cuál es la máxima fuerza que actúa sobre el objeto si la amplitud de las oscilaciones es de 5 cm ?

Septiembre 2012. Pregunta 1A.- Un objeto de 100 g de masa, unido al extremo libre de un resorte de constante elástica k , se encuentra sobre una superficie horizontal sin rozamiento. Se estira, suministrándole una energía elástica de 2 J , comenzando a oscilar desde el reposo con un periodo de $0,25 \text{ s}$. Determine:

- La constante elástica y escriba la función matemática que representa la oscilación.
- La energía cinética cuando han transcurrido $0,1 \text{ s}$.

Modelo 2012. Pregunta 2A.- Un objeto de 2 kg de masa unido al extremo de un muelle oscila a lo largo del eje X con una amplitud de 20 cm sobre una superficie horizontal sin rozamiento. El objeto tarda 9 s en completar 30 oscilaciones, y en el instante de tiempo $t = 0$ su posición era $x_0 = +10 \text{ cm}$ y su velocidad positiva. Determine:

- La velocidad del objeto en el instante $t = 1,2 \text{ s}$.
- La energía cinética máxima del objeto.

Septiembre 2011. Cuestión 1B.- Se dispone de un oscilador armónico formado por una masa m sujeta a un muelle de constante elástica k . Si en ausencia de rozamiento se duplica la energía mecánica del oscilador, explique que ocurre con:

- La amplitud y la frecuencia de las oscilaciones.
- La velocidad máxima y el periodo de oscilación.

Junio 2011. Problema 1A.- Se tiene una masa $m = 1 \text{ kg}$ situada sobre un plano horizontal sin rozamiento unida a un muelle, de masa despreciable, fijo por su extremo a la pared. Para mantener estirado el muelle una longitud de $x = 3 \text{ cm}$, respecto de su posición en equilibrio, se requiere una fuerza de $F = 6 \text{ N}$. Si se deja el sistema masa-muelle en libertad:

- ¿Cuál es el periodo de oscilación de la masa?
- Determine el trabajo realizado por el muelle desde la posición inicial, $x = 3 \text{ cm}$, hasta su posición de equilibrio, $x = 0$.
- ¿Cuál será el módulo de la velocidad de la masa cuando se encuentre a 1 cm de su posición de equilibrio?
- Si el muelle se hubiese estirado inicialmente 5 cm , ¿cuál sería su frecuencia de oscilación?

Modelo 2011. Cuestión 1A.

Un cuerpo de masa 250 g unido a un muelle realiza un movimiento armónico simple con una frecuencia de 5 Hz . Si la energía total de este sistema elástico es 10 J :

- ¿Cuál es la constante elástica del muelle?
- ¿Cuál es la amplitud del muelle?

Septiembre 2010 F.M. Cuestión 1A.- Una partícula que realiza un movimiento armónico simple de 10 cm de amplitud tarda 2 s en efectuar una oscilación completa. Si en el instante $t = 0$ su velocidad era nula y la elongación positiva, determine:

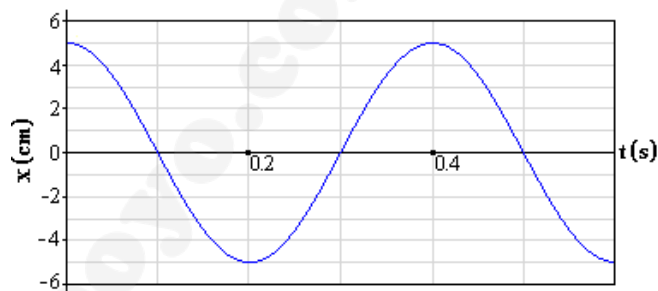
- La expresión matemática que representa la elongación en función del tiempo.
- La velocidad y la aceleración de oscilación en el instante $t = 0,25$ s.

Septiembre 2010 F.G. Problema 2A.- Una partícula se mueve en el eje X, alrededor del punto $x = 0$, describiendo un movimiento armónico simple de periodo 2 s, e inicialmente se encuentra en la posición de elongación máxima positiva. Sabiendo que la fuerza máxima que actúa sobre la partícula es 0,05 N y su energía total 0,02 J, determine:

- La amplitud del movimiento que describe la partícula.
- La masa de la partícula.
- La expresión matemática del movimiento de la partícula.
- El valor absoluto de la velocidad cuando se encuentre a 20 cm de la posición de equilibrio.

Junio 2010. La gráfica muestra el desplazamiento horizontal: $x = x(t)$ respecto del equilibrio de una masa de 0,5 kg unida a un muelle.

- Obtenga la constante elástica del muelle
- Determine la energía cinética y potencial del sistema en el instante: $t = 0,25$ s.



Junio 2010 F.M. Cuestión 1B.- Una partícula realiza un movimiento armónico simple. Si la frecuencia de oscilación se reduce a la mitad manteniendo constante la amplitud de oscilación, explique qué ocurre con: **a)** el periodo; **b)** la velocidad máxima; **c)** la aceleración máxima y **d)** la energía mecánica de la partícula.

Junio 2010 F.G. Problema 1A.- Un sistema masa-muelle está formado por un bloque de 0,75 kg de masa, que se apoya sobre una superficie horizontal sin rozamiento, unido a un muelle de constante recuperadora K. Si el bloque se separa 20 cm de la posición de equilibrio, y se le deja libre desde el reposo, éste empieza a oscilar de tal modo que se producen 10 oscilaciones en 60 s. Determine:

- La constante recuperadora K del muelle.
- La expresión matemática que representa el movimiento del bloque en función del tiempo.
- La velocidad y la posición del bloque a los 30 s de empezar a oscilar.
- Los valores máximos de la energía potencial y de la energía cinética alcanzados en este sistema oscilante.

Modelo 2010 Cuestión 1A.- Un sistema elástico, constituido por un cuerpo de masa 200 g unido a un muelle, realiza un movimiento armónico simple con un periodo de 0,25 s. Si la energía total del sistema es 8 J:

- ¿Cuál es la constante elástica del muelle?
- ¿Cuál es la amplitud del movimiento?

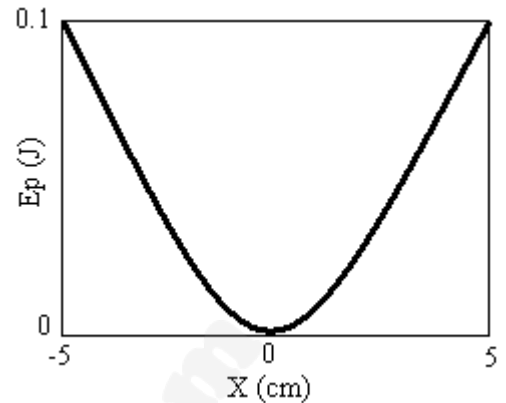
Septiembre 2009. Cuestión 2.- Una partícula realiza un movimiento armónico simple de 10 cm de amplitud y tarda 2 s en efectuar una oscilación completa. Si en el instante $t = 0$ su velocidad es nula y la elongación positiva, determine:

- La expresión matemática que representa la elongación en función del tiempo.
- La velocidad y la aceleración de oscilación en el instante $t = 0,25$ s.

Junio 2009. Problema 1A.- Una partícula de 0,1 kg de masa se mueve en el eje X describiendo un movimiento armónico simple. La partícula tiene velocidad cero en los puntos de coordenadas $x = -10$ cm y $x = 10$ cm y en el instante $t = 0$ se encuentra en el punto de $x = 10$ cm. Si el periodo de las oscilaciones es de 1,5 s, determine:

- La fuerza que actúa sobre la partícula en el instante inicial.
- La energía mecánica de la partícula.
- La velocidad máxima de la partícula.
- La expresión matemática de la posición de la partícula en función del tiempo.

Modelo 2009. Problema 1A.- En la figura se muestra la representación gráfica de la energía potencial (E_p) de un oscilador armónico simple constituido por una masa puntual de valor 200 g unida a un muelle horizontal, en función de su elongación (x).



- e) Calcule la constante elástica del muelle
- f) Calcule la aceleración máxima del oscilador
- g) Determine numéricamente la energía cinética cuando la masa está en la posición $x = +2,3$ cm.
- h) ¿Dónde se encuentra la masa puntual cuando el módulo de su velocidad es igual a la cuarta parte de su velocidad máxima?

Septiembre 2008. Cuestión 2. Una partícula que realiza un movimiento armónico simple de 10 cm de amplitud tarda 2 s en efectuar una oscilación completa. Si en el instante $t = 0$ su velocidad era nula y la elongación positiva, determine:

- a) La expresión matemática que representa la elongación en función del tiempo.
- b) La velocidad y la aceleración de oscilación en el instante $t = 0,25$ s.

Junio 2008. Cuestión 1. Un cuerpo de masa m está suspendido de un muelle de constante elástica k . Se tira verticalmente del cuerpo desplazando éste una distancia X respecto de su posición de equilibrio, y se le deja oscilar libremente. Si en las mismas condiciones del caso anterior el desplazamiento hubiese sido $2X$, deduzca la relación que existe, en ambos casos, entre: **a)** las velocidades máximas del cuerpo; **b)** las energías mecánicas del sistema oscilante.

Junio 2007. Cuestión 2.- Un objeto de 2,5 kg está unido a un muelle horizontal y realiza un movimiento armónico simple sobre una superficie horizontal sin rozamiento con una amplitud de 5 cm y una frecuencia de 3,3 Hz. Determine:

- a) El periodo del movimiento y la constante elástica del muelle.
- b) La velocidad máxima y la aceleración máxima del objeto.

Septiembre 2006. Cuestión 2.- Una partícula que describe un movimiento armónico simple recorre una distancia de 16 cm en cada ciclo de su movimiento y su aceleración máxima es de 48 m/s^2 . Calcule: **a)** la frecuencia y el periodo del movimiento; **b)** la velocidad máxima de la partícula.

Junio 2006. Problema 2B.- Una masa puntual de valor 150 g unida a un muelle horizontal de constante elástica $k = 65 \text{ N m}^{-1}$ constituye un oscilador armónico simple. Si la amplitud del movimiento es de 5 cm, determine:

- a) La expresión de la velocidad de oscilación de la masa en función de la elongación.
- b) La energía potencial elástica del sistema cuando la velocidad de oscilación es nula.
- c) La energía cinética del sistema cuando la velocidad de oscilación es máxima.
- d) La energía cinética y la energía potencial elástica del sistema cuando el módulo de la aceleración de la masa es igual a 13 m s^{-2} .

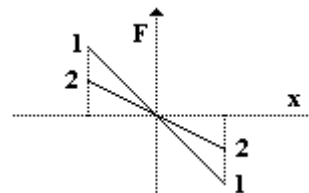
Modelo 2006. Problema 1B.

- a) Determine la constante elástica k de un muelle, sabiendo que si se le aplica una fuerza de 0,75 N éste se alarga 2,5 cm respecto a su posición de equilibrio.

Uniendo al muelle anterior un cuerpo de masa 1,5 kg se constituye un sistema elástico que se deja oscilar libremente sobre una superficie horizontal sin rozamiento. Sabiendo que en $t = 0$ el cuerpo se encuentra en, la posición de máximo desplazamiento, $x = 30$ cm, respecto a su posición de equilibrio, determine:

- b) La expresión matemática del desplazamiento del cuerpo en función del tiempo.
- c) La velocidad y la aceleración máximas del cuerpo.
- d) Las energías cinética y potencial cuando el cuerpo se encuentra a 15 cm de la posición de equilibrio.

Septiembre 2005. Cuestión 1. Se tienen dos muelles de constantes elásticas k_1 y k_2 en cuyos extremos se disponen dos masas m_1 y m_2 respectivamente, y tal que $m_1 < m_2$. Al oscilar, las fuerzas que actúan sobre cada una de estas masas en función de la elongación aparecen representadas en la figura. a) ¿Cuál es el muelle de mayor constante elástica? b) ¿Cuál de estas masas tendrá mayor período de oscilación?



Modelo 2005. Problema 1A.- Una partícula de masa 100 g realiza un movimiento armónico simple de amplitud 3 m y cuya aceleración viene dada por la expresión $a = -9\pi^2 x$ en unidades SI. Sabiendo que se ha empezado a contar el tiempo cuando la aceleración adquiere su valor absoluto máximo en los desplazamientos positivos, determine:

- El periodo y la constante recuperadora del sistema.
- La expresión matemática del desplazamiento en función del tiempo $x = x(t)$.
- Los valores absolutos de la velocidad y de la aceleración cuando el desplazamiento es la mitad del máximo.
- Las energías cinética y potencial en el punto donde tiene velocidad máxima.

Junio 2004. Cuestión 1.-

- Al colgar una masa en el extremo de un muelle en posición vertical, este se desplaza 5 cm; ¿de qué magnitudes del sistema depende la relación entre dicho desplazamiento y la aceleración de la gravedad?
- Calcule el periodo de oscilación del sistema muelle-masa anterior si se deja oscilar en posición horizontal (sin rozamiento).

Dato: aceleración de la gravedad $g = 9,81 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$

Modelo 2004. Problema 1B.- Una partícula de 5 g de masa se mueve con un movimiento armónico de 6 cm de amplitud a lo largo del eje X. En el instante inicial ($t=0$) su elongación es de 3 cm y el sentido del desplazamiento hacia el extremo positivo. Un segundo más tarde su elongación es de 6 cm por primera vez. Determine:

- La fase inicial y la frecuencia del movimiento.
- La función matemática que representa la elongación en función del tiempo, $x = x(t)$.
- Los valores máximos de la velocidad y de la aceleración de la partícula, así como las posiciones donde los alcanzan.
- La fuerza que actúa sobre la partícula en $t = 1 \text{ s}$ y su energía mecánica.

Junio 2003. Problema 1B. Un bloque de 50 g, conectado a un muelle de constante elástica 35 N/m, oscila en una superficie horizontal sin rozamiento con una amplitud de 4 cm. Cuando el bloque se encuentra a 1 cm de posición de equilibrio, calcule:

- La fuerza ejercida sobre el bloque.
- La aceleración del bloque.
- La energía potencial elástica del sistema.
- La velocidad del bloque.

Junio 2002. Problema 1B. Una masa de 2 kg está unida a un muelle horizontal cuya constante recuperadora es $k = 10 \text{ N/m}$. El muelle se comprime 5 cm desde la posición de equilibrio ($x = 0$) y se deja en libertad. Determine:

- La expresión de la posición y la masa en función del tiempo, $x = x(t)$.
- Los módulos de la velocidad y de la aceleración de la masa en un punto situado a 2 cm de la posición de equilibrio.
- La fuerza recuperadora cuando la masa se encuentra en los extremos de la trayectoria.
- La energía mecánica del sistema oscilante.

Nota: Considere que los desplazamientos respecto a la posición del equilibrio son positivos cuando el muelle está estirado.

Modelo 2002. Problema 1B.- Un cuerpo de 200 g unido a un resorte horizontal oscila, sin rozamiento, sobre una mesa, a lo largo del eje de las X, con una frecuencia angular $\omega = 8,0 \text{ rad/s}$. En el instante $t = 0$,

el alargamiento del resorte es de 4 cm respecto de la posición de equilibrio y el cuerpo lleva en ese instante una velocidad de -20 cm/s. Determine:

- a) La amplitud y la fase inicial del movimiento armónico simple realizado por el cuerpo.
- b) La constante elástica del resorte y la energía mecánica del sistema.

Septiembre 2001. Cuestión 2.- Una partícula efectúa un movimiento armónico simple cuyo período es igual a 1 s. Sabiendo que en el instante $t = 0$ su elongación es 0,70 cm y su velocidad 4,39 cm/s, calcule:

- a. La amplitud y la fase inicial
- b. La máxima aceleración de la partícula.

Junio 2001. Cuestión 2. Un muelle cuya constante de elasticidad es k está unido a una masa puntual de valor m . Separando la masa de la posición de equilibrio el sistema comienza a oscilar. Determine:

- a) El valor del período de las oscilaciones T y su frecuencia angular ω .
- b) Las expresiones de las energías cinética, potencial y total en función de la amplitud y de la elongación del movimiento del sistema oscilante.

Septiembre 2000. Problema 1B.- Un oscilador armónico constituido por un muelle de masa despreciable, y una masa en el extremo de valor 40 g, tiene un periodo de oscilación de 2 s.

- a) ¿Cuál debe ser la masa de un segundo oscilador, construido con un muelle idéntico al primero, para que la frecuencia de oscilación se duplique?
- b) Si la amplitud de las oscilaciones en ambos osciladores es 10 cm, ¿cuánto vale, en cada caso, la máxima energía potencial del oscilador y la máxima velocidad alcanzada por su masa?

En un columpio de 2 metros de longitud se cuelga una masa de 2 kg. Se desplaza hasta que la cuerda forma un ángulo de 10° con la vertical y se suelta para que empiece a oscilar. Calcular:

- a) Periodo de oscilación
- b) Velocidad y aceleración máxima
- c) Energía mecánica
- d) Ecuación del movimiento